

CONCEPTION  
D'UN  
TAPIS ROULANT  
AVEC  
SELECTION AUTOMATIQUE

Par

Tafsir El Hadji Amadou Barro GNING  
étudiant en 4<sup>e</sup> année de Génie  
mécanique

sous la direction  
de  
Mr André WOLSKI professeur  
à l'E.P.T.

— Juin 1980 —

## REMERCIEMENTS

Ce projet n'a pu être mené à terme que grâce à l'association de certains faits dont principalement :

- la mise en pratique des connaissances théoriques acquises sur les bancs
- la présence sur place de toute la documentation requise
- Et l'entiére disponibilité de toutes les personnes sollicitées.

Je tiens donc à remercier Mr DAVIGNON qui a bien voulu me donner les renseignements dont j'avais besoin malgré ses charges, ainsi que mes camarades pour leurs avis.

Je remercie particulièrement Mr WOLSKI mon directeur de projet pour son soutien qui s'est manifesté tout au long de ma tâche.

## SOMMAIRE

l'objet du présent projet est la conception d'un système capable de faire la sélection de deux types de briques de longueurs différentes transportées dans un ordre quelconque sur un même tapis roulant.

Pour ce faire, on distinguera dans l'analyse de la solution retenue deux parties ; Mécanique et Electromécanique.

la partie mécanique est conçue en tenant compte des restrictions imposées par le choix de l'élément moteur qui dans notre cas sera un électro aimant. Un mécanisme à quatre membrures est ici le plus approprié. Les vitesses et les accélérations sont déterminées par la méthode graphique vu la non impérativité de la précision tandis que les forces le sont par la méthode analytique ou la configuration du mécanisme.

la partie électro mécanique englobe le calcul de l'électro-aimant, le choix de ses matériaux et la résolution du circuit d'automatication. le choix d'un électro aimant trouve sa justification par le fait que c'est un élément de transmission de puissance qui s'intègre facilement dans un milieu industriel car nécessitant peu d'installations additionnelles.

la montage des capteurs électroniques est inclus dans cette partie.

## TABLE DES MATIERES

Titres	Pages
Introduction	1
Définition du problème	3
Analyse de la solution	4
A - Partie mécanique	4
- solutions envisagées	4
- solution retenue	8
B - Partie électromécanique	36
- Calcul de l'electro-aimant	36
- Automatisation	44
C - Discussions et conclusions	55
Références	57
Bibliographie	58
Annexes	59
- Nomogramme pour le calcul des rassorts hélicoïdaux	A1
- Courbes de magnétisation	A2
- Vue d'ensemble du système	A3
- Dossiers de détail	A4 - A7

## INTRODUCTION

Automatiser c'est commander, contrôler et synchroniser l'évolution d'un mécanisme destiné à accomplir certaines fonctions avec le minimum d'intervention de l'homme.

Ces objectifs visés sont guidés par les phénomènes suivants :

1 - Les cas se font de plus en plus nombreux où l'organisme humain s'accommoderait mal à certaines conditions de travail imposées par l'industrie moderne (atmosphère polluée, température ambiante non favorable, milieux non accessibles à l'homme, etc...)

2 - Certaines unités de fabrication, de transformation ou de montage demandant des sollicitations particulières; tant physiques que morales de la part des ouvriers. En effet, comme conséquence de l'accroissement de la demande en produits manufacturés et des exigences des consommateurs la précision et la rapidité dans l'exécution des mouvements gagnent de plus en plus du terrain dans des cycles de travail répétitifs, abrutissants et annuyeux. Dans de telles situations, l'automatisation a soulagé l'homme. Elle fait bien son rôle d'automatiser pour ne pas faire des "automatas".

De par ces deux cas l'automatisation trouve sa justification humaine.

Elle trouve sa justification économique par la possibi-

lité qu'on a désormais d'obtenir une production de type massive avec relativement peu de main d'œuvre.

Dès lors, le rôle de l'homme prend une autre orientation. Il trouvera son action dans des tâches de maintenance, de perfectionnement et d'autres encore générées par les automatismes.

\* \*  
\*

Distinguer une brique de vingt deux centimètres d'une brique de vingt centimètres amènerait indifféremment par un tapis roulant, par simple observation, est une tâche bien difficile pour un homme. Et s'il faudrait les mesurer une par une, on s'imaginerait le temps qu'il faudrait pour un seul ouvrier ou le nombre d'ouvriers qu'il faudrait dans le cas d'une fabrication en grande série. Dès lors, on voit toute l'opportunité d'un système automatisé pouvant faire la sélection.

## DEFINITION DU PROBLEME

Une briqueterie doit trier des briques dont les longueurs sont 22 cm et 20 cm. Les briques amenées indifféremment sur un tapis roulant sont distantes de 2 cm.

### A. les données

- longueurs respectives de 22 cm et 20 cm.
- la distance entre deux briques est 2 cm
- la masse d'une brique est supposée être 4 kg
- la vitesse du tapis 10 cm/sec

### B. les objectifs

- le système doit pouvoir sélectionner les briques.
- autres objectifs:
  - La système doit être :
  - assez rapide pour pouvoir agir sur deux briques successives.
  - sécuritaire.
  - le plus simple possible.
  - facilement intégrable dans le milieu auquel il est destiné.
  - fiable
  - Il doit faire le moins de bruit possible.

## ANALYSE DE LA SOLUTION

— A —

### Partie mécanique

#### I Solutions envisagées

Avant de passer à la solution qui a été finallement retenue, je pense qu'il est opportun de citer ici quelques cas qui pourraient être des solutions.

##### 1. Système tournant

Il s'agit d'un arbre muni de pales disposés à  $120^\circ$  et qui sera accouplé à un moteur électrique qui va commander sa rotation. L'arbre du moteur et l'arbre à pales ont tous les deux de faibles moments d'inertie. L'ensemble est fixé au dessus du tapis comme indiqué sur la figure 1.1. Un clapet de retenue maintenant le système à la position voulue. Au moment opportun, un signal de type impulsion est envoyé au moteur. Le moteur, qui sera un moteur à démarrage brusque effectue alors une fraction de tour entraînant l'arbre à pales qui chasse la brique désirée du tapis. Le clapet de retenue réglera la rotation à  $1/3$  de tour grâce à des

loges disposées à  $120^\circ$ .

La solution est intéressante, mais vu l'appel de courant au démarrage et la fonctionnement intermittent, le moteur s'achafferait très vite.

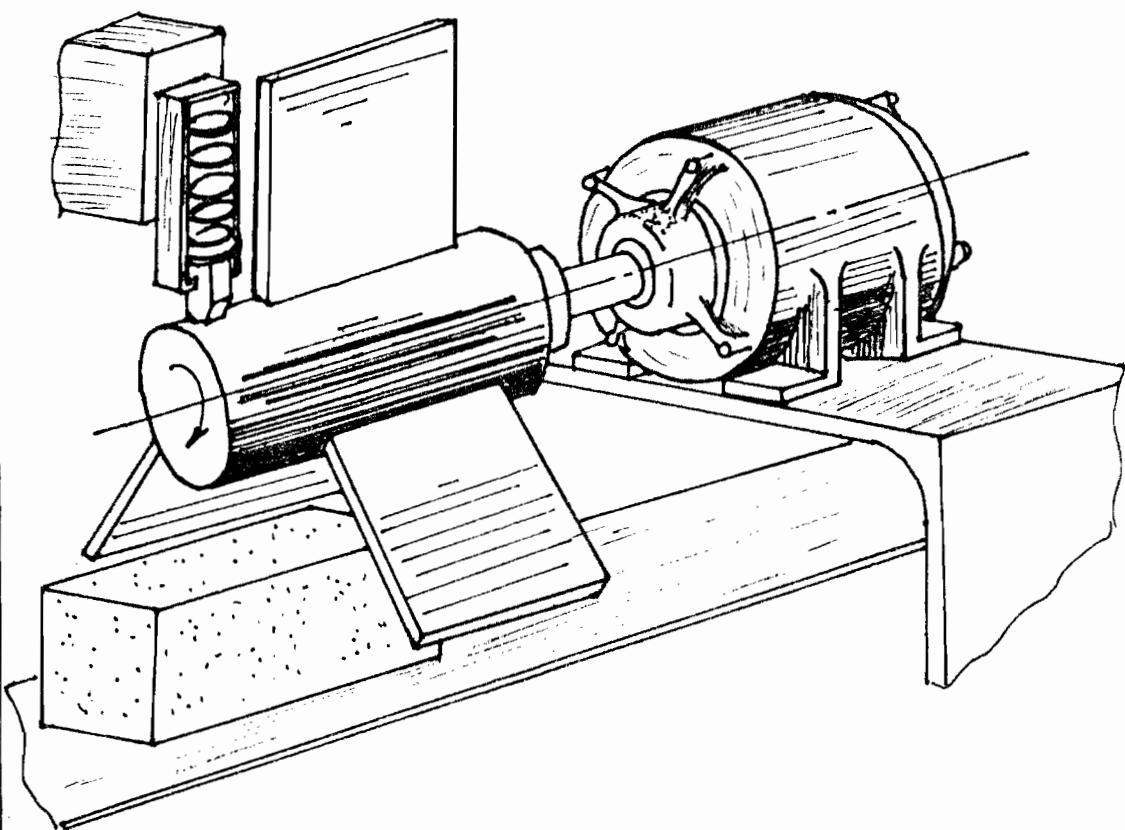


Fig 1-1

Système tournant

## 2. Varin à double effet.

La tige du vérin est guidée en translation. Une butée termine la tige. Lorsque l'on envoie le fluide dans le vérin, la tige se déplace et pousse sur la brique qu'on veut chasser hors du tapis. Le système reprend sa position initiale quand on envoie le fluide dans l'autre ouverture du vérin. Cette solution pourrait être adoptée dans la mesure où l'usine disposerait de toutes les installations hydrauliques nécessaires. En plus, s'agissant d'une usine de fabrication de briques, on se trouve dans un environnement poussiéreux et les problèmes d'étanchéité revêtiraient une grande importance.

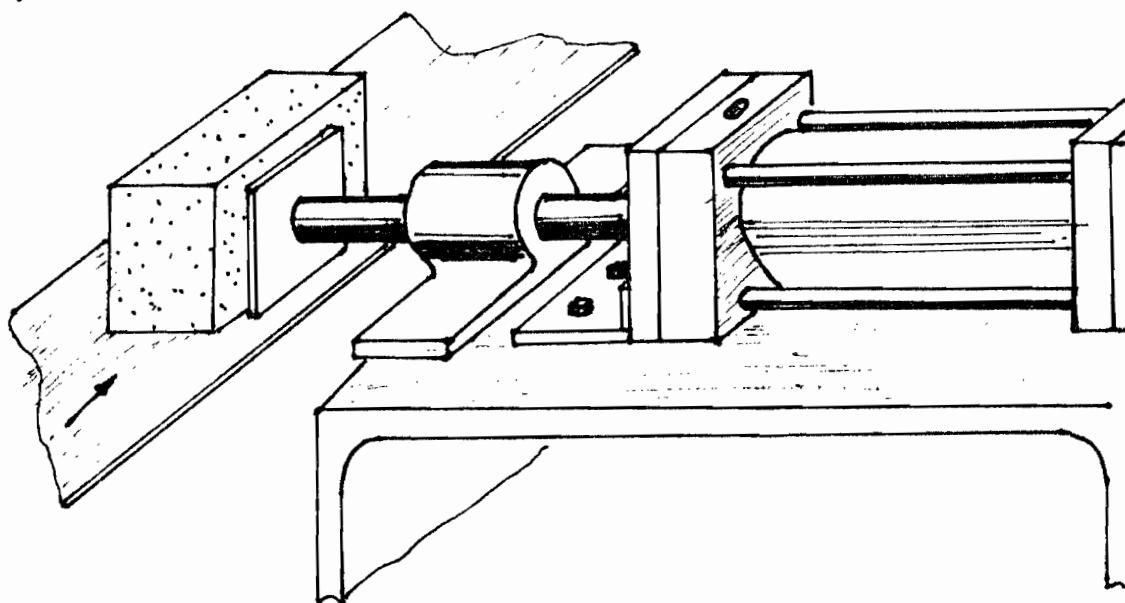


Figure 1-2

Varin à double effet

### 3. système à levier

Figure 1-3.

Le ressort du système est à double effet. Lorsque sa tige se détend, elle provoque la rotation de deux petits cylindres placés sur un plateau. L'un de ces cylindres est solidaire d'un levier qui va chasser la brique désirée au moment voulu. L'ensemble du système doit être placé parallèlement au tapis roulant. Cette disposition est avantageuse dans le cas où l'espace disponible sur les cotés du tapis ne serait pas suffisant pour installer un appareillage. Cependant les mêmes problèmes soulevés précédemment restent valables.

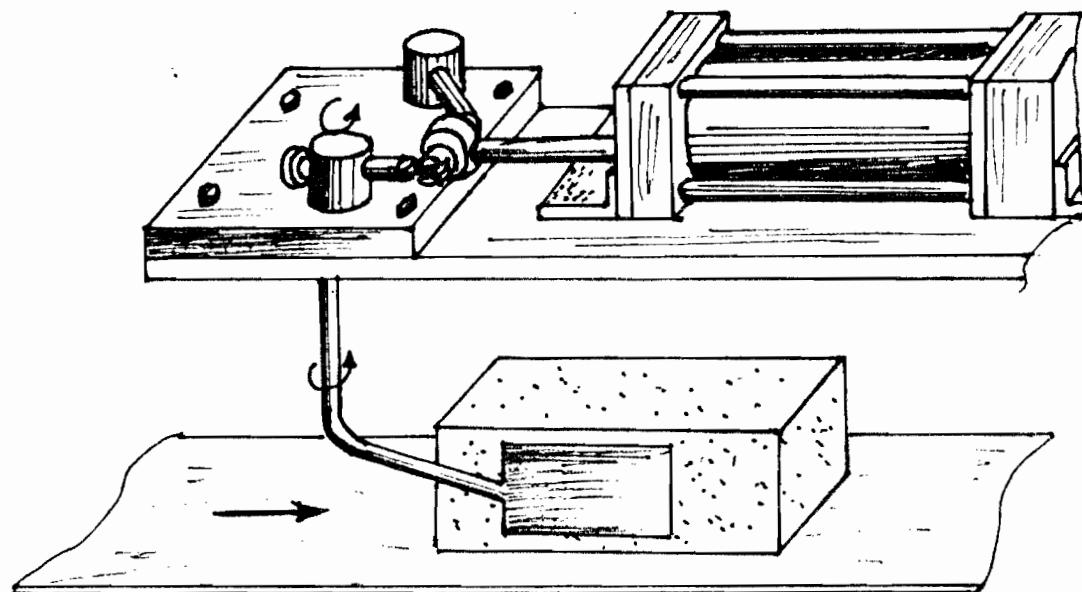


Figure 1-3

système à levier

## II Solution retenue

Etant donné que je n'ai pas eu un large éventail de solutions, je ne me suis pas appesanti sur les critères d'évaluation et l'étude de praticabilité.

Cependant, de par sa simplicité, donc sa fiabilité, son adaptabilité à la fonction que je veux et la facilité de prouver son comportement, un mécanisme à quatre membrures est ici le plus approprié. Le mécanisme sera actionné par un électro aimant.

### 1- principe de fonctionnement

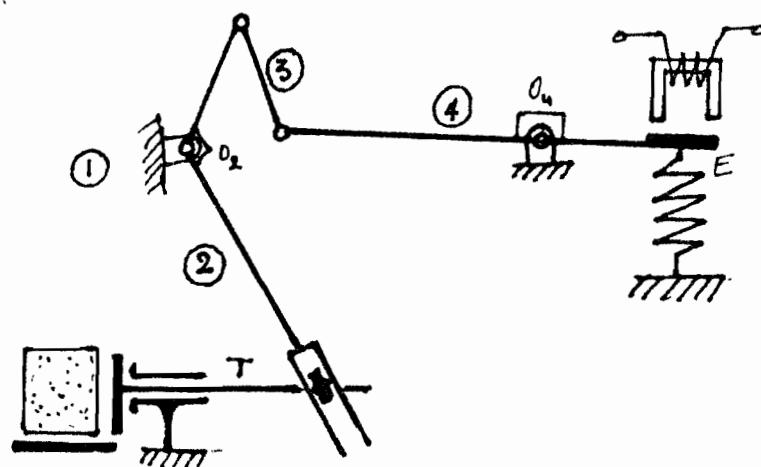


Figure 2-1

Mécanisme à 4 membrures

Le mécanisme est constitué de quatre membrures articulées suivant la configuration indiquée sur la figure 2-1.

Les membrures ② et ④ peuvent tourner autour de leurs pivots fixes  $O_2$  et  $O_4$ . La membrure ③ sert de liaison. La tige T transforme la rotation de ② en translation par un système à glissière.

Une fois la brique détectée, un signal est transmis à l'électro-aimant qui en attirant son armature solidaire de ③ provoque la translation de la tige T qu'il fait bouger vers la gauche, entraînant ainsi la brique.

Les bras de leviers de ② et ④ seront tels que la variation de l'entrefer de l'électro aimant est amplifiée à la sortie (tige T). Le ressort ramènera l'ensemble à sa position initiale. Pour faciliter le mouvement, les centres de gravité des éléments ② et ④ seront placés à leurs pivots.

## 2 - Etude dynamique du mécanisme.

L'étude dynamique se justifie par le fait que le temps d'opération (temps correspondant à un aller-retour de la tige) est limité à cause de la restriction suivante :

Le tapis ne s'arrête pas lorsque le mécanisme de sélection agit, et puisque les briques se suivent à une distance de deux centimètres, l'action doit être assez rapide pour qu'il n'y ait pas d'interaction entre deux briques.

On prendra donc comme temps maximum d'opération du mécanisme le temps nécessaire au tapis pour se déplacer

de 2 cm. Ce temps sera décomposé en un aller et un retour de la tige.

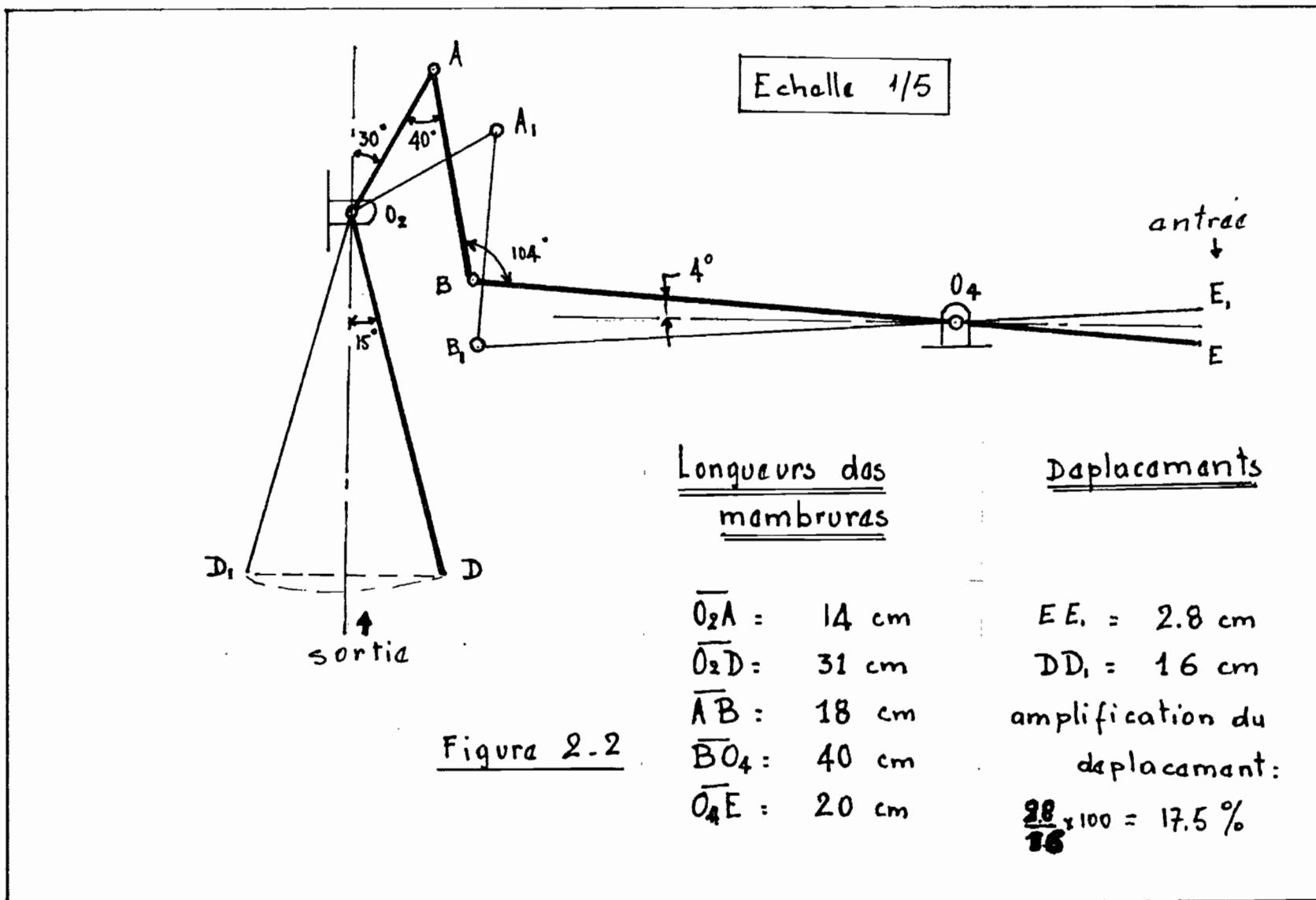
Dans cette étude dynamique on déterminera dans un premier temps la multiplication du déplacement qu'on veut entre entrée et sortie du mécanisme en donnant aux membrures les longueurs requises. Un grand déplacement à la sortie assurera que les briques seront entraînées bien en dehors du tapis.

Ensuite on calculera les vitesses et les accélérations de chaque membrure pour un certain nombre de positions afin de respecter la condition du temps minimum d'opération.

Puis finalement la force requise par l'electro-aimant à chacune de ces positions. Cette force requise dépendra des masses des éléments ; donc de leurs dimensions et de la position de leurs centres de gravité. Pour cela, on fixera des dimensions arbitraires dont nous vérifierons par la suite leur validité et nous ramènerons les centres de gravité aux pivots pour les éléments ② et ④ (voir figure 2.1)

## 2.1. déplacements

(voir figure 2.2)



## 2.2 Vitesses et accélérations

Vitesse de défillement du tapis = 10 cm/sec

Un déplacement du tapis de 2 cm correspond à un temps de  $2/10$  secondes.

- nous prendrons comme temps minimum pour l'aller de la tige T  $1/10$  seconde

- et comme temps minimum retour  $1/10$  seconde

La vitesse de la tige devra donc être :

$$V = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{\text{déplacement}}{\text{temps}} = \frac{16 \text{ cm}}{1/10 \text{ s}} = 160 \frac{\text{cm}}{\text{sec}}$$

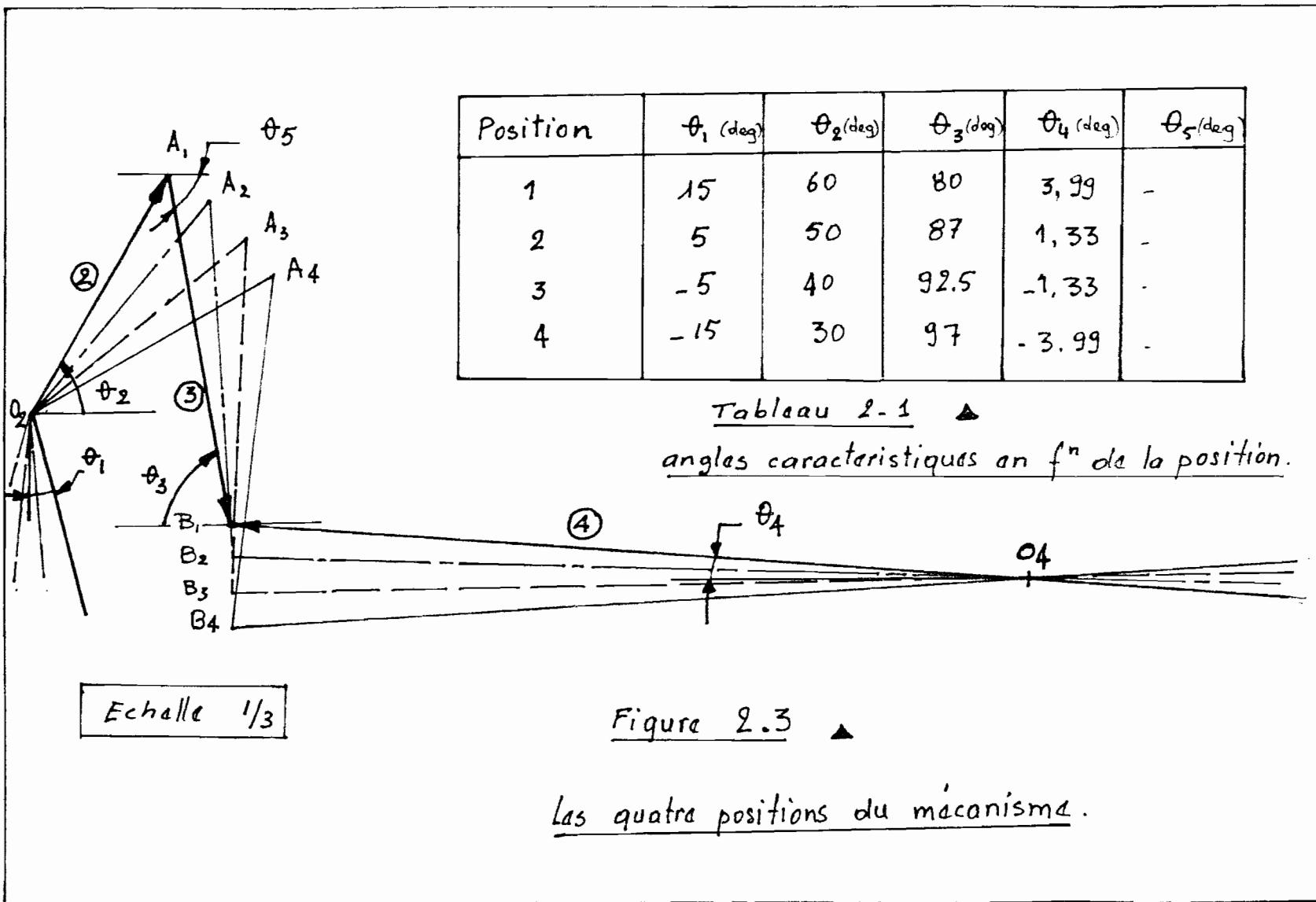
ce qui nécessite une vitesse angulaire de la membrure ②

$$\omega_2 = \frac{V}{D_2} = \frac{160}{31} = 5,2 \frac{\text{rad}}{\text{sec}}$$

La membrure ② tournant à cette vitesse angulaire constante, provoquera sur les autres membrures des accélérations. (voir figures 2.4 à 2.7)

Les vitesses et accélérations des membrures du mécanisme sont celles que l'élément qui va faire mouvoir le mécanisme doit provoquer pour que les contraintes de temps soient respectées.

nous étudierons le mouvement du mécanisme à quatre positions



- position 1.

$$\omega_2 = 5,2 \text{ rad/sec}$$

$$V_A = \omega_2 \cdot OA =$$

$$5,2 \times 14 = 72,8 \text{ cm/sec}$$

$$V_B = V_A + V_{B/A} \quad (\text{cf ref 1})$$

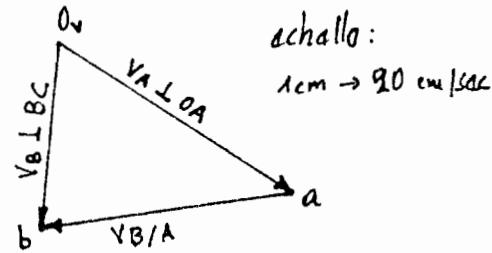


Figura 2.4-a

on trouve :

$$V_B = 49 \text{ cm/sec}$$

$$V_{B/A} = 67 \text{ cm/sec}$$

Polygone des vitesses

$$\omega_2 = 5,2 \text{ rad/sec}$$

$$\omega_3 = \frac{V_{B/A}}{BA} = 3,72 \text{ rad/sec}$$

$$\omega_4 = \frac{V_B}{BC} = 1,22 \text{ "}$$

on applique :

$$A_B = A_A + A_{B/A} \quad (\text{cf ref 1})$$

$$\rightarrow A_B = A_B^r + A_B^t$$

$$A_B^r = \omega_4^2 (BC) = 60 \text{ cm/sec}^2$$

$$A_B^t = \text{inconnu.}$$

$$\rightarrow A_A = A_A^r = \omega_2^2 OA = 378,5 \text{ cm/sec}^2$$

$$\rightarrow A_{B/A} = A_{B/A}^r + A_{B/A}^t$$

$$A_{B/A}^r = \omega_3^2 (BA) = 249 \text{ cm/sec}^2$$

$$A_{B/A}^t = \text{inconnu.}$$

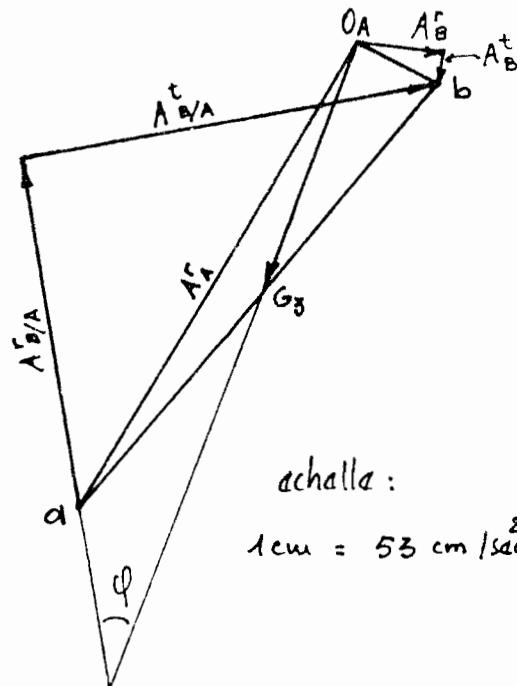


Figura 2.4 - b

Polygone des accélérations

on trouve :

$$AG_3 = 181,22 \text{ cm/sec}^2 : \text{accélération du centre de gravité de (3)}$$

$$\alpha_3 = \frac{A_{B/A}^t}{BA} = 16,43 \text{ rad/sec}^2 : \text{accélération angulaire de la membrane (3)}$$

$$\alpha_4 = \frac{A_{B/A}^t}{BC} = 0,53 \text{ rad/sec}^2 : \text{accélération angulaire de la membrane (4)}$$

### Position 2

$$\omega_2 = 5,2 \text{ rad/sec}$$

$$V_A = 72,8 \text{ cm/sec}$$

on trouve :

$$V_B = 50 \text{ cm/sec}$$

$$VB/A = 57 \text{ cm/sec}$$

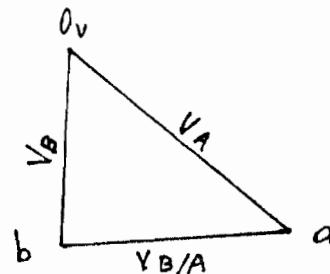


Figure 2.5-a.

$$\omega_2 = 5,2 \text{ rad/sec}$$

$$\omega_3 = 3,16 \text{ rad/sec}$$

$$\omega_4 = 1,25 \text{ rad/sec}$$

$$A_{B/A}^r = 62,3 \text{ cm/sec}^2$$

$$A_B^t = \text{inconnu}$$

$$A_A^r = A_A^t = 378,56 \text{ cm/sec}^2$$

$$A_{B/A}^t = 180 \text{ cm/sec}^2$$

$$A_{B/A}^t = \text{inconnu}$$

on trouve :

$$AG_3 = 208 \text{ cm/sec}^2$$

$$\alpha_3 = 17,17 \text{ rad/sec}^2$$

$$\alpha_4 = 2,06 \text{ rad/sec}^2$$

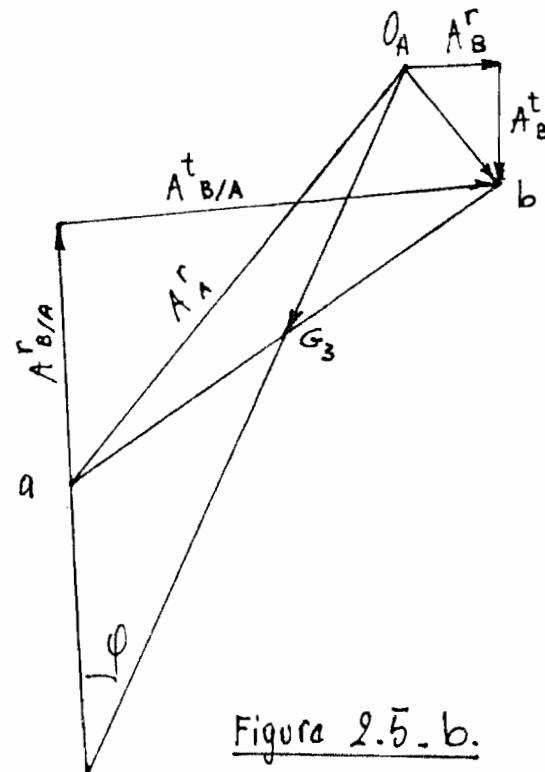


Figure 2.5-b.

### position 3

$$W_2 = 5.2 \text{ rad/sec}$$

$$V_A = 72,8 \text{ cm/sec}$$

on trouve :

$$V_B = 54 \text{ cm/sec}$$

$$V_B/A = 46 \text{ cm/sec}$$

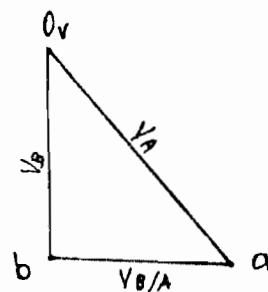


Figura 2.6 - a.

$$\omega_2 = 5.2 \text{ rad/sec}$$

$$W_3 = 2,55 \text{ rad/sec}$$

$$W_4 = 1.35 \text{ rad/sec}$$

$$A_B^r = 72.68 \text{ cm}^2 \text{ sac}$$

$A_B^t$  = inconnu

$$A_A = A^r_A = 378,56 \text{ cm}^2/\text{sec}$$

$$A_{B/A}^r = 118 \text{ cm } 154$$

$$A^t B/A = \text{inconnu}$$

on trouve :

$$A_{G_3} = 213.2 \text{ cm}^2/\text{sec}^2$$

$$d_3 = 19.83 \text{ rad/sac}^2$$

$$d_4 = 3.33 \text{ rad/sec}^2$$

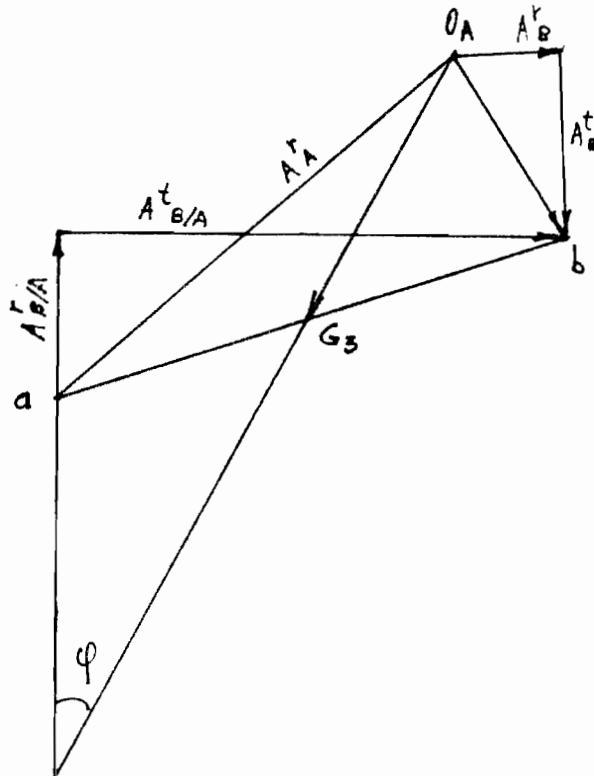


Figura 2.b.-b

position A

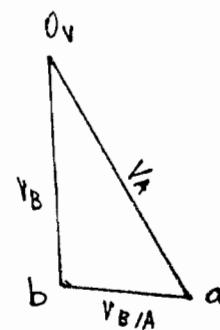
$$\omega_2 = 5,2 \text{ rad/sec}$$

$$V_A = 72,8 \text{ cm/sec}$$

on trouve:

$$V_B = 58 \text{ cm/sec}$$

$$V_{B/A} = 33 \text{ cm/sec}$$

Figure 2.7-a.

$$\omega_2 = 5,2 \text{ rad/sec}$$

$$\omega_3 = 1,83 \text{ rad/sec}$$

$$\omega_4 = 1,45 \text{ rad/sec}$$

$$A_B^r = 83,86 \text{ cm/sec}^2$$

$A_B^t$  : inconnu

$$A_A^r = A_A = 378,56 \text{ cm/sec}^2$$

$$A_{B/A}^r = 60,4 \text{ cm/sec}^2$$

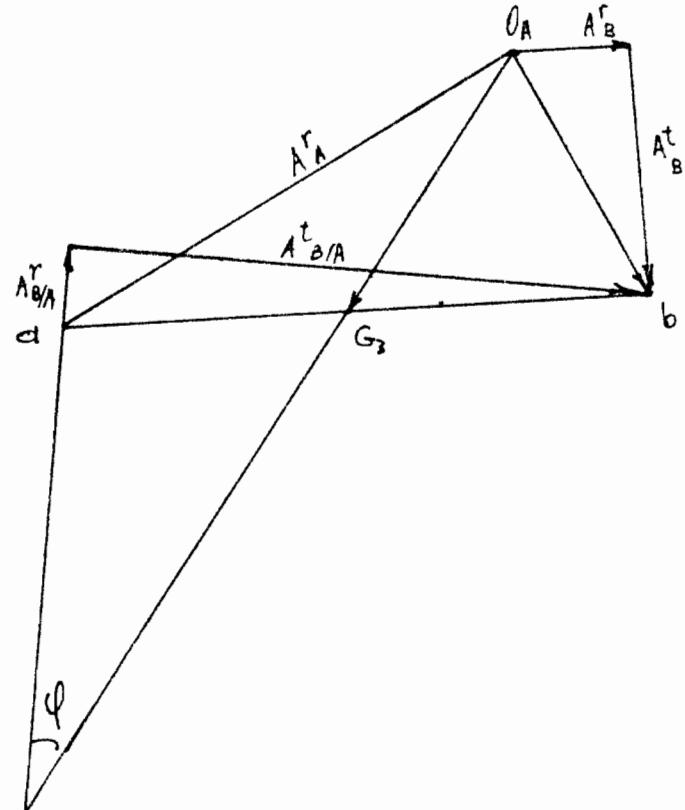
$A_{B/A}^t$  : inconnu

on trouve :

$$A_{G_3} = 213,2 \text{ cm/sec}^2$$

$$\alpha_3 = 22,8 \text{ rad/sec}^2$$

$$\alpha_4 = 4,4 \text{ rad/sec}^2$$

Figure 2.7-b.

## 2. 3. Centres de gravités et moments d'inertie

### 2.3.1. Centres de gravité.

On donne aux membrures ② et ④ des configurations telles que leurs centres de gravité seront placés sur leurs axes de rotation.

#### - Membrure ②

La pièce sera divisée en plusieurs composantes de formes usuelles. De plus, si l'on considère que le matériau de fabrication est homogène, le centre de gravité de chaque composante sera placé à son centre de gravité.

Il s'agit ici de déterminer quelle position doit avoir la masse totale d'équilibrage A pour que le centre de gravité de l'ensemble de la pièce ② soit situé au pivot  $O_2$  (voir figure 2.8)

On appliquera les formules suivantes :

$$\bar{x} \Sigma V = \Sigma \bar{x}_i V \quad (1)$$

$$\bar{y} \Sigma V = \Sigma \bar{y}_i V \quad (2) \quad (\text{cf ref 2})$$

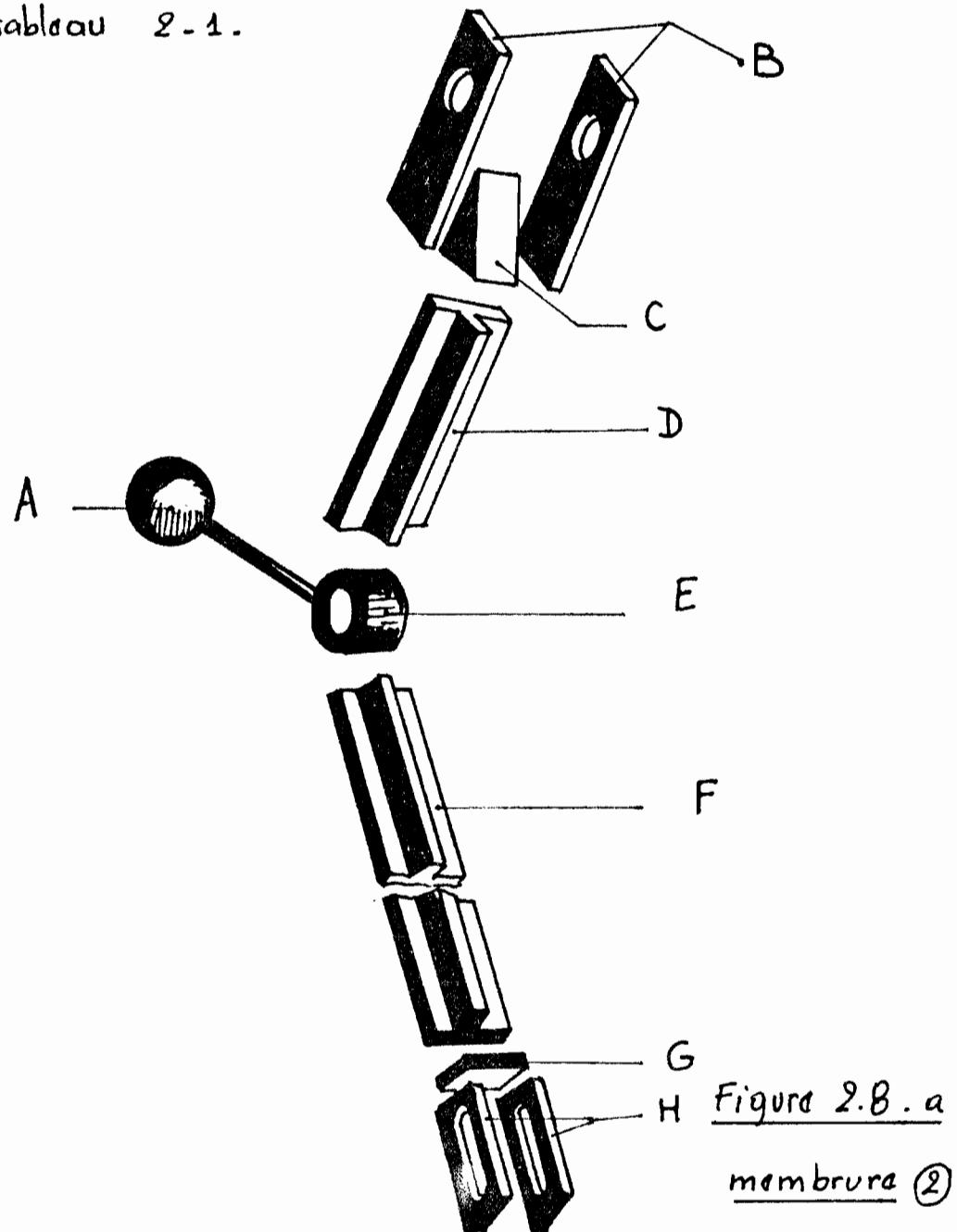
$$\bar{z} \Sigma V = \Sigma \bar{z}_i V \quad (3)$$

$\bar{x}$  ;  $\bar{y}$  ;  $\bar{z}$  déterminant la position du centre de gravité de l'ensemble de la pièce ② elles doivent être toutes égales à zéro.

$\bar{x}, \bar{y}, \bar{z}$  déterminant les positions des centroides des éléments qui composent la pièce ②

$V$ : volume des éléments

les volumes des éléments et leurs positions, ainsi que leurs moments par rapport aux axes respectifs est résumé au tableau 2-1.



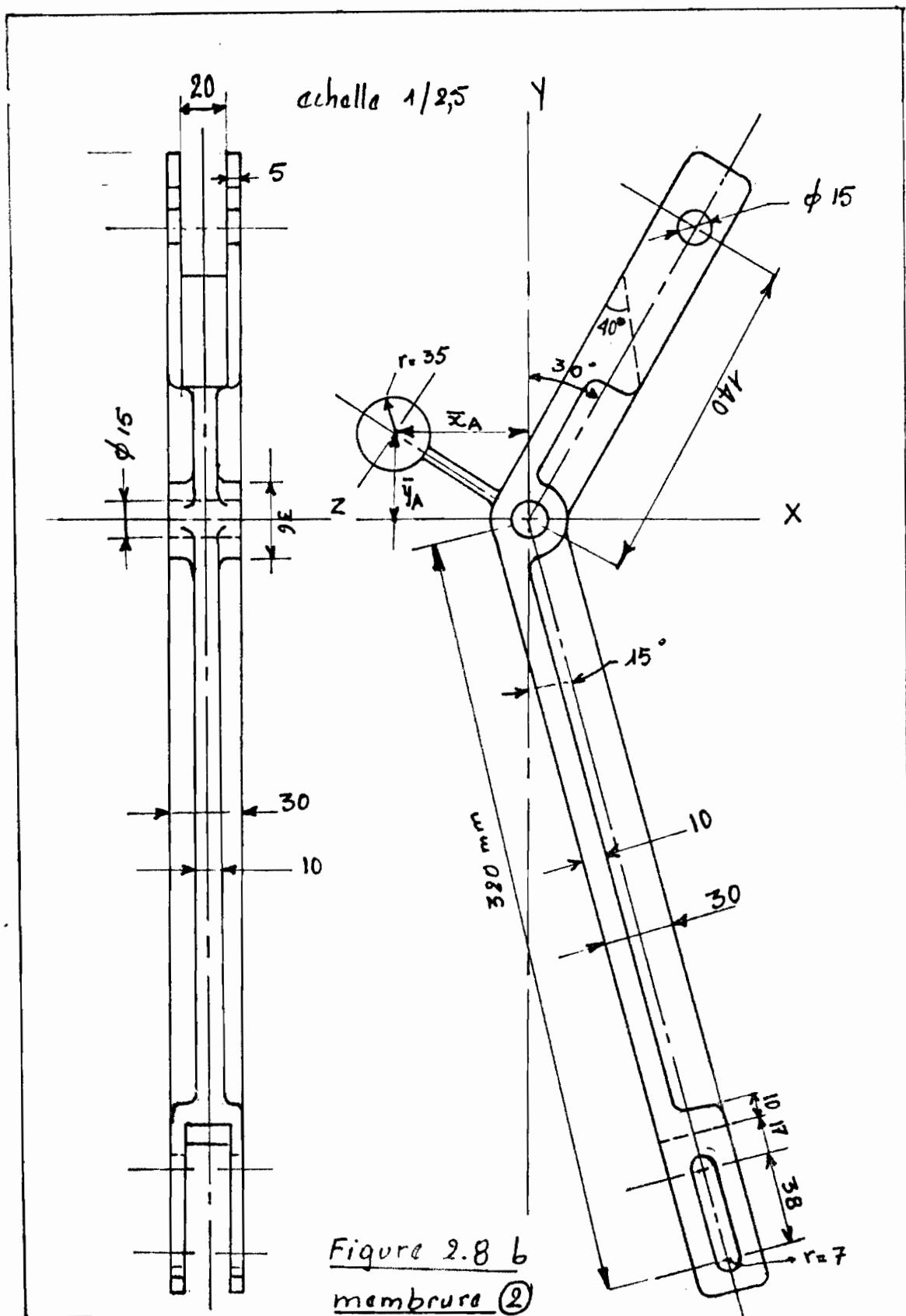


Tableau 2.1

A	179594,4	$\bar{x}_A$	$\bar{y}_A$	179594 $\bar{x}_A$	179594 $\bar{y}_A$
B { plaines	62760	58,8	101,9	3690288	6395244
trous	- 3534,3	70	121,2	- 247400	- 428357
C	10725	38,6	66,9	413985	717502
D	23700	20,8	36,11	492960	855807
E	25234,8	0	0	0	0
F	110 000	33,1	- 123,6	3643200	- 13596000
G	9 000	62,9	- 234,7	566100	- 2112300
H { plaines	30240	73,5	- 274,3	2222640	- 8294832
trous	- 5879	73,5	- 274,3	- 432106	9907442
	$\Sigma v =$ 441841	-	-	$\Sigma \bar{x} v =$ 179594 $\bar{x}_A$ + 10349667	$\Sigma \bar{y} v$ 179594 $\bar{y}_A$ - 6555494

puisque nous voulons  $\bar{x} = \bar{y} = 0$  nous aurons donc:

$$179594 \bar{x}_A + 10349667 = 0$$

$$\text{et } 179594 \bar{y}_A - 6555494 = 0$$

d'où nous tirons

$$\bar{x}_A = -57,6 \text{ mm}$$

$$\bar{y}_A = 36,5 \text{ mm}$$

$\bar{z}_A = 0$  car la pièce est symétrique par rapport à l'axe Y.

### - membrure ④

La figure 2.9 représente une vue en perspective de la membrure ④. Les principes annoncés précédemment restant toujours valables, on aboutit aux résultats qui suivent au tableau 2-2

échelle: 2/10

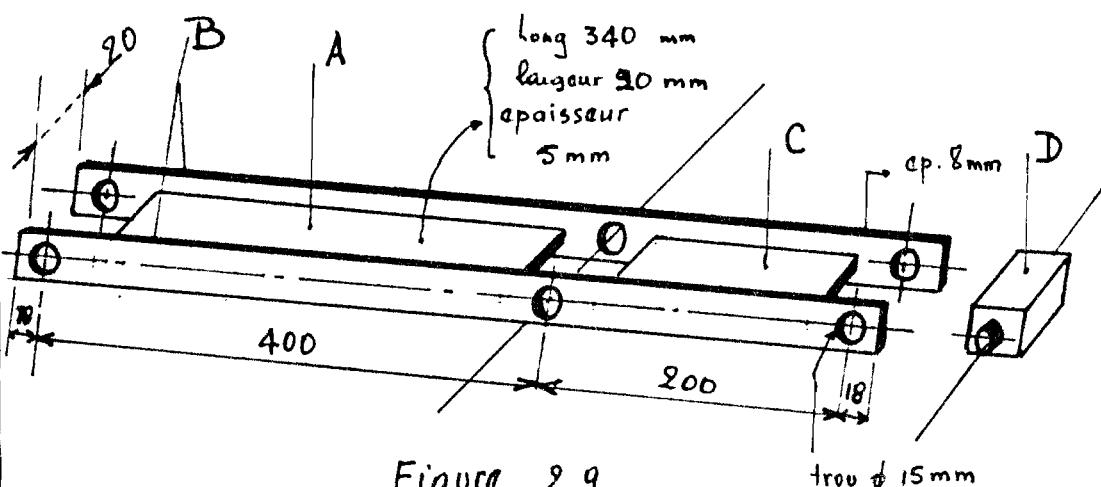


Figure 2.9.  
membrure 4

Tableau 2.2

compo-santa	$V$ ( $\text{mm}^3$ )	$\bar{x}$ (mm)	$\bar{y}$ (mm)	$\bar{x}V$	$\bar{y}V$
A	51000	-198,7	22,64	-10134434	1154670,6
B { plaines	305280	-99,36	11,32	30332620	3455769,6
	-2827,4	-397,43	45,28	1125690,2	-128028
C trou 2	-2827,4	198,714	-22,64	-561845	64014
	21000	99,36	-11,32	2086501,2	-237726,3
D	$V_D$	198,74	-22,64	198,7 $V_D$	-22,64 $V_D$
$\Sigma V =$	$V_D + 371625$	-	-	$\Sigma \bar{x}V =$	$\Sigma \bar{y}V =$
$V_D +$				$198,7 V_D +$	$-22,64 V_D +$
3				(-37818708)	4308699

Puisqu'il s'agit de trouver le volume que doit avoir le corps D pour que  $\bar{x} = \bar{y} = 0$  on aura donc à résoudre l'une des deux équations suivantes :

$$(1) \quad 198,7 V_D + (-37818708) = 0$$

$$(2) \quad -22,64 V_D + 4308699 = 0$$

ce qui donne :

$$V_D = 191320 \text{ mm}^3$$

Vu que notre électro aimant va agir sur cette partie du mécanisme, et que son armature doit être solidaire de la membrane ④, nous fixerons l'armature à la place de la pièce D. Elle aura donc les dimensions suivantes en considérant qu'elle sera faite d'un matériau de même densité que celui avec lequel les autres éléments du mécanisme sont faits.

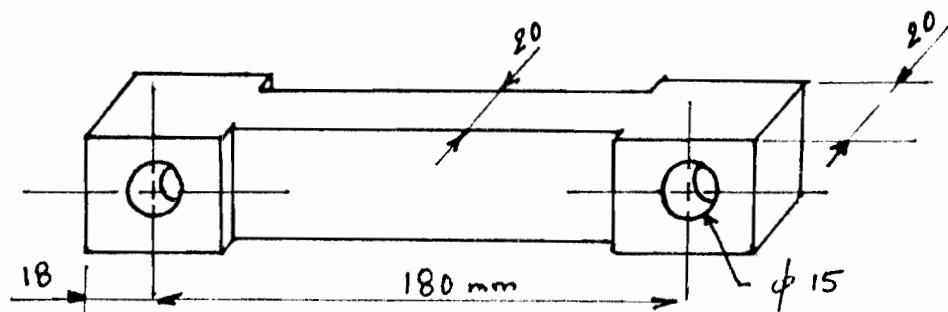
Longeur : 190 mm

Largur : 40 mm

Hautour : 25 mm

#### - membrane ②

Cette membrane n'a pas d'axe de rotation fixe. Son centre de gravité peut être placé n'importe où. Cependant, elle a un volume de  $52\ 500\ mm^3$



achal 1/2

Figure 2-10  
membre 2

### 2-3-2. Moments d'inertie.

Le moment d'inertie de chaque membrure par rapport à son axe de rotation sera égal à la somme des moments d'inertie de chacune de ses composantes par rapport à ce même axe.

Le moment d'inertie de chacune de ces composantes par rapport à l'axe de rotation sera déterminé par la formule

$$I_z = I_y + m d^2 \quad (\text{cf raf 2})$$

avec :  $I_z$  = moment d'inertie par rapport à l'axe de rotation

$I_y$  = moment d'inertie par rapport au centre de gravité de la composante.

$m$  : la masse de la composante

$d$  : distance du centre de gravité de la composante à l'axe de rotation  $z$ .

Les moments d'inertie de quelques corps de formes usuelles sont donnés en Appendice.

nous supposons que toutes les membrures sont faites d'un acier de densité  $7,85 \text{ gf/cm}^3$  dans le calcul des masses.

- membrure (2)

(voir figure 2.8 et tableau 2.3.)

Tableau 2.3.

Composante	masse (kg)	$I_y + md^2$ ( $\text{kg m}^2$ )
A	2,10	0,045
B	0,49	0,015
C	0,08	0,0005
D	0,19	0,0003
E	0,20	0,0004
F	1,60	0,917
G	0,07	0,0112
H	0,24	0,1062

$$I_z = 0,277 \text{ kg m}^2$$

- membrure ④

Figura 2-9 at tableau 2-4.

Tableau 2-4.

Composante	Massa (kg)	$I_y + md^2$
A	2,39	0,1936
B	0,4	0,0198
C	0,16	0,0018
D	1,5	0,0616

$$I_z = 0,1799$$

- membrure ③

On calcule le moment d'inertie par rapport à son centre de gravité qui est situé à son centre.

on trouve :

$$I_z = 0,001 \text{ kg m}^2$$

## 2.4. Forces mises en jeu.

Il s'agit d'une part de la force nécessaire à l'entrée du mécanisme pour déplacer une brique et d'autre part de la force délivrée par le ressort pour faire revenir le mécanisme à sa position initiale. Ces forces doivent opérer dans les délais de temps qu'on s'est fixé. Pour cela, elles doivent donner aux membrures les vitesses et accélérations déterminées au paragraphe 2.2. Afin de savoir comment elle varie, la force à l'entrée sera calculée pour quatre positions.

### 2.4.1. Force nécessaire à l'entrée.

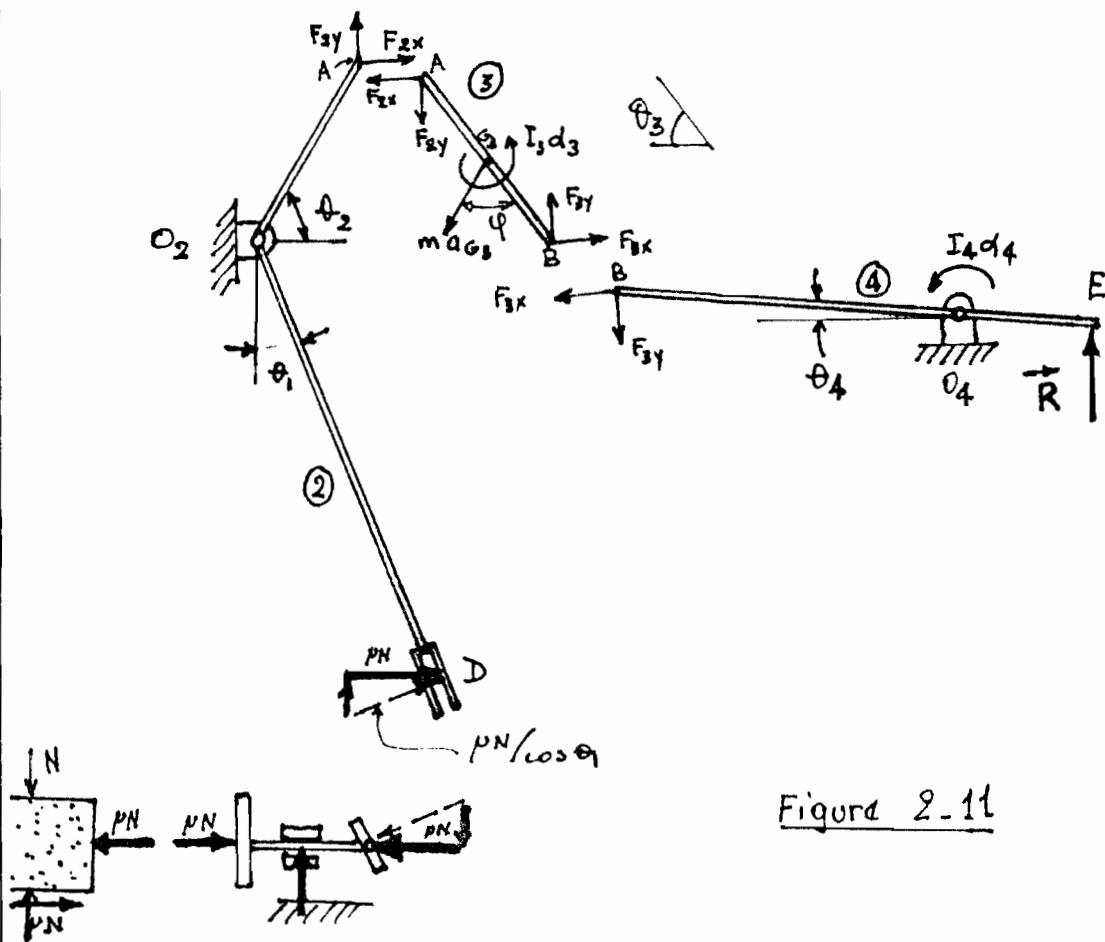


Figure 2-11

La valeur cherchée est celle de  $R$ .

La force qui s'oppose au déplacement de la brique est la force de frottement qui est proportionnelle au poids  $N$  de la brique. Cette force induit une force  $\mu N / \cos \theta_1$  sur la membrure ②.

On appliquera les lois fondamentales de la cinétique des corps rigides pour chaque membrure.

- pour les corps en translation       $\sum F = ma$  (cf. ref 3)
- pour les corps en rotation       $\sum M = I\alpha$

\* membrure ②

$$\omega = \text{ctd}$$

$$d = 0$$

et le centre de gravité est confondu avec  $O_2$

en appliquant  $\sum M_{O_2} = 0$  :

$$(1) \quad \frac{\mu N (\overline{O_2 D})}{\cos \theta_1} + F_{2y} \cdot \overline{OA} \cdot \cos \theta_2 - F_{2x} \cdot \overline{OA} \cdot \sin \theta_2 = 0$$

\* membrure ③

en appliquant :  $\sum M_B = I_3 \alpha_3 + m a_{G_3} d$

avec :

$d$  = distance de la résultante des forces ( $m a_{G_3}$ ), c'est à dire son point d'application, au point B de la membrure ③

$$(2) F_{2x} \cdot \overline{AB} \cdot \sin \theta_3 + F_{3y} \cdot \overline{AB} \cdot \cos \theta_3 = I_3 d_3 + m a_{G_3} \cdot \sin \varphi \cdot \overline{G_3 B}$$

$$\leq F_x = m a_{G_3 x} \rightarrow \oplus$$

$$(3) -F_{2x} + F_{3x} = -m a_{G_3} \cdot \cos [\pi - (\varphi + \theta_3)]$$

$$\leq F_y = m a_{G_3 y} \uparrow$$

$$(4) -F_{2y} + F_{3y} = -m a_{G_3} \cdot \sin [\pi - (\varphi + \theta_3)]$$

\* membrure 4.

$$\leq M_{O_4} = I_4 d_4 \quad \uparrow$$

$$(5) R \cdot \cos \theta_2 \cdot \overline{O_4 E} + F_{3y} \cdot \overline{O_4 B} \cdot \cos \theta_4 + F_{3x} \cdot \overline{O_4 B} \sin \theta_4 = I_4 d_4$$

les équations (1) ; (2) ; (3) ; (4) ; (5) combinent donnent:

$$F_{2y} = \frac{1}{\overline{AB}[\cos \theta_3 + \cot \theta_2 \sin \theta_3]} [I_3 d_3 + m a_{G_3} \cdot \sin \varphi \cdot \overline{G_3 B} - \frac{N N \cdot \overline{O_2 D} \cdot \overline{AB} \cdot \sin \theta_3}{O A \cdot \cos \theta_1 \cdot \sin \theta_2}]$$

$$F_{2x} = \left[ \frac{N N \cdot \overline{O_2 D}}{\cos \theta_1} + F_{2y} \cdot \overline{O_2 A} \cdot \cos \theta_2 \right] \frac{1}{\overline{O_2 A} \cdot \sin \theta_2}$$

$$F_{3x} = F_{2x} - m a_{G_3} \cdot \cos [\pi - (\varphi + \theta_3)]$$

$$F_{3y} = F_{2y} - m a_{G_3} \cdot \sin [\pi - (\varphi + \theta_3)]$$

$$R = [I_4 \alpha_4 - F_{3y} \cdot O_4 B \cdot \cos \theta_4 - F_{3x} \cdot O_4 B \cdot \sin \theta_4] \frac{1}{\cos \theta_2 \cdot O_4 E}$$

en prenant:  $\mu$  = coefficient de frottement ciment-acier  
coefficient dynamique  $\approx$  coefficient statique

$$\mu = 0,7$$

N: la force normale au déplacement de la brique =  $Wg = 9,81 \times 4 = 39,2$  Newtons  
avec  $W$  = poids d'une brique = 4 Kg

$\phi$ : angle que fait la résultante des forces sur la membrane ③ avec l'axe de cette membrane. Il est mesuré sur la polygone des accélérations.

Les angles  $\theta_1$ ;  $\theta_2$ ;  $\theta_3$ ;  $\theta_4$  étant déterminés sur la figure 2-3 pour chaque position du mécanisme, on aboutit aux résultats suivants:

position	$F_{2x}$ (N)	$F_{3x}$ (N)	$F_{2y}$ (N)	$F_{3y}$ (N)	$F_2 = \sqrt{F_{2y}^2 + F_{2x}^2}$	$F_3 = \sqrt{F_{3x}^2 + F_{3y}^2}$	R (N)
1	1,7	1,45	-96,4	-97	96,4	97	386
2	-11,8	-18,4	-89	-89,7	89,8	91,6	280
3	-23,6	-23,9	-87,2	-83,5	86	86,9	219
4	-36,2	-36,6	-78,3	-79	86,3	87	188

## 2-4-2 - Dimensions du ressort.

vu que le temps aller du mécanisme est égal au temps retour les vitesses des membrures gardent la même intensité mais changent de sens au retour par rapport à l'aller, tandis que les accélérations gardent les mêmes sens et intensités dans les deux cas. Nous pouvons donc calculer la force requise, au retour, à chaque position du mécanisme par les équations précédemment trouvées, du fait que seules les accélérations interviennent dans ces relations. Les termes contenant  $\mu$  seront égales à zéro (le retour est libre).

Cette force sera maximum à la position 1 qui correspond à la figure 2-12-b ci-dessous (cette déduction es faite à partir du tableau 2-5) alors que la force fournie par le ressort sera minimum à cette position. Nous pouvons donc calculer la constante du ressort de sorte que dans ce cas les deux forces soient égales.

on trouve :

$$F_2y = 0,37 \text{ N}$$

$$F_2x = -0,21 \text{ N}$$

$$F_3x = -0,04 \text{ N}$$

$$F_3y = -0,30 \text{ N}$$

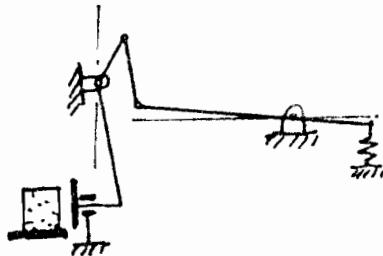
$$R' = Cx_0 = 0,32 \text{ N}$$

avec :

$C$  = constante élastique du ressort

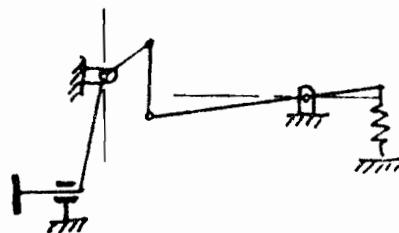
$x_0$  = la traction initiale.

position initiale



(b)

position finale.



(a)

Figure 3.12

La force trouvée est très faible. Ce qui signifie que théoriquement, le mécanisme reviendrait de lui-même à sa position initiale.

Cependant, bien que négligées, des forces de frottements interviennent dans la pratique, aux pivots et dans les divers systèmes de guidage. Ce qui nous fait augmenter notre force jusqu'à 15 N. Ceci aura pour conséquence de donner au mécanisme un retour plus rapide.

$$C(x_0) = 15 \text{ N}$$

en plus, si nous voulons une traction initiale de 10 mm dans le ressort, la constante sera :

$$C = 15/10 = 1,5 \text{ N/mm}$$

Vu que le déplacement de l'extrémité E de la membrane ④ à laquelle est montée la ressort est 28 mm (voir fig 2.12) la flèche totale du ressort devra être 28 mm + x₀.

$$f = 88 + 10 = 38 \text{ mm}$$

la force à cette flèche maximum sera:

$$F = 38 \times 1,5 = 57 \text{ N}$$

nous allons, sur le nomogramme pour le calcul des ressorts halicoïdaux déterminer les autres données sur le ressort.  
(Voir Annexe A1).

Si nous nous fixons une flèche par spire de 6,5 mm  
et que reliant ce point avec celui correspondant à la flèche totale de 38 mm nous trouvons sur le nomogramme un  
nombre de spires  $n = 6$  spires.

En reliant également la force  $F = 57 \text{ N}$  avec la  
flèche par spire  $f = 6,5 \text{ mm}$  nous trouvons sur le no-  
mogramme le rapport  $D/d$  ainsi que les dimensions  
suivantes:

$$\begin{aligned} D &= \text{diamètre moyen de l'enroulement: } 28 \text{ mm} \\ d &= \text{diamètre du fil} \quad = 2 \text{ mm} \end{aligned}$$

D'où le choix suivant:

- ressort de traction.
- spires jointives
- Longueur 32 mm
- Diamètre moyen d'enroulement 28 mm
- Diamètre du fil 2 mm
- nombre de spires 6
- constante élastique  $C = 1,5 \text{ N/mm}$

## — B —

### Partie électromécanique

#### I Calcul de l'électro-aimant

Il s'agit dans cette partie de dimensionner l'électro-aimant, de choisir ses matériaux de construction, et de trouver le courant et la tension nécessaires à son excitation.

##### 1. Détermination de la force requise pour l'électro aimant.

La force développée par l'électro-aimant doit pouvoir vaincre d'une part la force de rappel du ressort et d'autre part fournir la force nécessaire à l'entrée du mécanisme pour déplacer la brique. (voir fig 1-1) Et ceci quelle que soit la position du mécanisme.

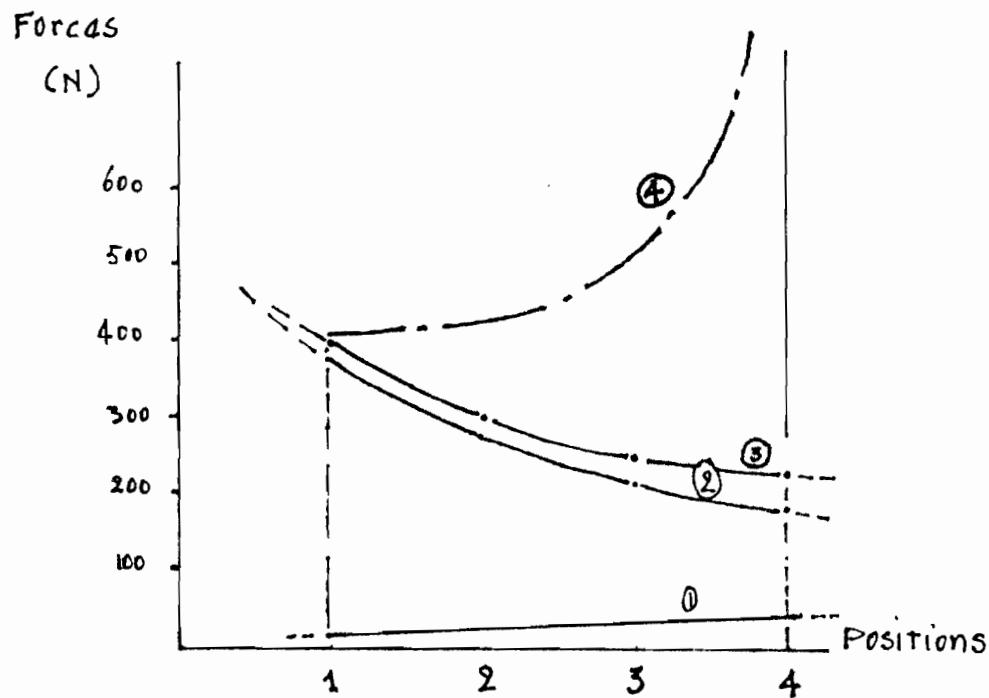


Figure 1.1.

Forces mises en jeu en fonction de la position.

- ① : force de rappel du ressort
- ② : force nécessaire à l'entrée du mécanisme pour déplacer la brique.
- ③ : La force résultante  $\textcircled{3} = \textcircled{2} + \textcircled{1}$
- ④ : caractéristique typique d'un électro aimant en U

## 2- Electro aimant

le choix est porté sur un électro aimant en U dont les dimensions du noyau et de l'armature sont celles de la figure ci dessous. La caractéristique typique d'un tel électro-aimant est très prononcée ; ce qui veut dire que si la force de l'électro-aimant est supérieure à la force requise à la position 1 (entrefer maximum), elle le sera pour toutes les autres positions; la pente de la caractéristique étant plus grande que celle de la courbe de la force requise. (voir fig 1.1)

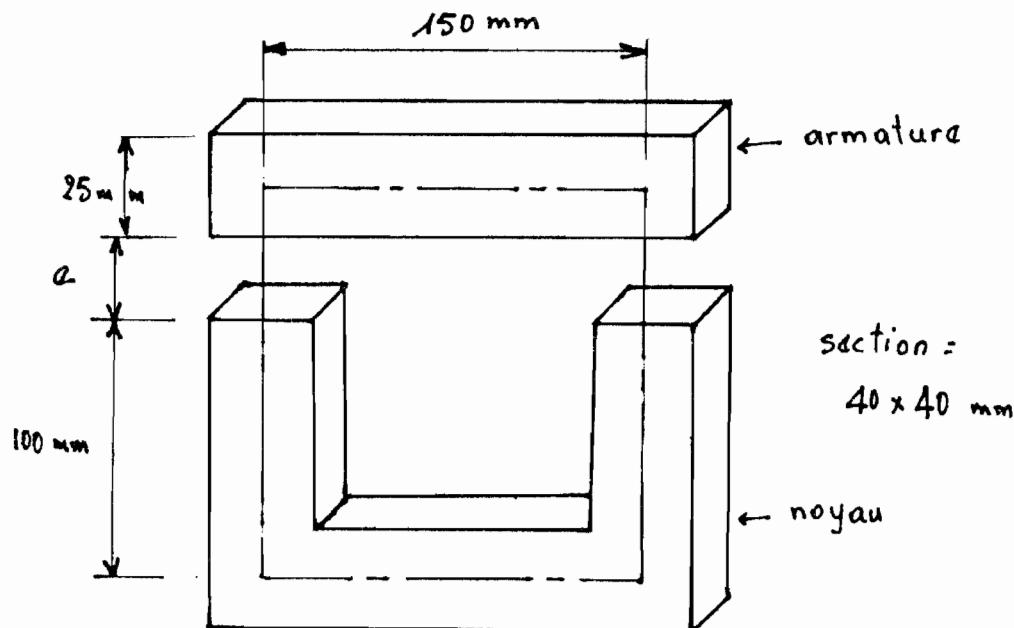


Fig 1-2.

Noyau et armature de l'électro-aimant.

Toutes les conduites de l'electro aimant seront feuillées pour réduire les pertes dues aux courants de Foucault.

A cette fin, le noyau et l'armature seront en tôle d'acier au silicium de 0,5 mm d'épaisseur

### - Force magnéto-motrice.

Le problème est le suivant :

Pour obtenir une force d'attraction de 443 N exercée sur l'armature de l'electro aimant, combien de spires parcourues par quel courant faut-il placer autour du noyau ? lorsque l'entrefer est égal à 28 mm (position 4 figure 1.1)

La formule de Picou donne pour la force d'attraction :

$$F_a = \frac{1}{2} (nI)^2 \frac{\partial \mathcal{P}}{\partial a} \quad (\text{Fouilli})(\text{cf ref 4})$$

$n$  : nombre de spires de l'enroulement

$I$  : intensité du courant qui parcourt l'enroulement

$a$  : distance de l'entrefer.

$\mathcal{P}$  : La perméance du circuit de l'electro-aimant.

$$\mathcal{P} = \frac{1}{R} \quad \text{avec} \quad R = \text{la Reluctance du circuit}$$

La Reluctance d'un circuit magnétique est donnée par la relation suivante :

$$R = \oint \frac{l}{\mu s} \quad (\text{Fouille})$$

$l$ : longueur de chaque portion du circuit magnétique

$\mu$ : perméabilité de la portion

$s$ : section de la portion.

Pour notre électro aimant on a:

$$R = \frac{l}{\mu s} + \frac{2a}{\mu_0 s} \quad \text{on a deux enrouler}$$

$l$ : longueur totale du fer =  $2 \times 150 + 2 \times 100 = 500 \text{ mm} = 0,5 \text{ m}$

$\mu_0$ : perméabilité de l'enrouler; on la suppose égale à celle du vide soit:  $1,25 \times 10^{-6} \text{ H/m}$

$s$ : section du fer = section de l'enrouler =  $40 \times 40 \text{ mm} = 0,0016 \text{ m}^2$

$\mu$ : perméabilité du fer ; variable.

$a$ : distance de l'enrouler : 28 mm

$$R = \frac{l}{\mu s} + \frac{2a}{\mu_0 s} \Rightarrow P = \frac{s}{\frac{l}{\mu} + \frac{2a}{\mu_0}}$$

De l'analyse des courbes d'aimantation des matériaux magnétiques; il s'ensuit que dans une large gamma d'inductions, la perméabilité spécifique des aciers au silicium change peu; et puisque le calcul est approximatif, on peut la considérer comme constante

la graphie B-H on Appendix A2 donne comme valeur approximative de  $\mu$  la valeur suivante qui n'est que le rapport B/H sur la portion rectiligne.

$$\mu = B/H = 0,006 \text{ H/m}$$

en dérivant la relation précédamment trouvée on obtient:

$$\frac{\partial \Phi}{\partial a} = \frac{-2S/\mu_0}{(l/\mu + \frac{2a}{\mu_0})^2}$$

en mettant cette relation dans celle de la force d'attraction

$$F_a = -\frac{1}{2} (nI)^2 \frac{2S/\mu_0}{(l/\mu + \frac{2a}{\mu_0})^2}$$

en remplaçant les valeurs précédamment définies de  $F_a$ ,  $l$ ;  $\mu$ ;  $\mu_0$  et  $a$  on obtient :

$$nI = 26375$$

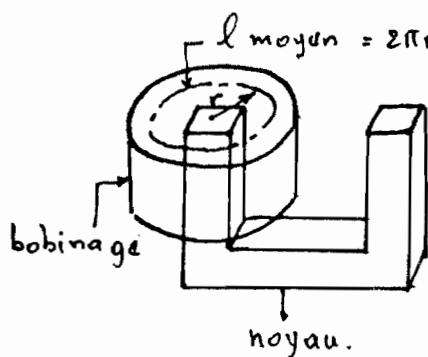
### - Calcul de la bobine inductrice.

nous allons déterminer les paramètres suivants :

- nombre de spires.
- Courant inducteur
- section du fil
- Longueur totale du fil.

en vue de calculer ces paramètres, l'on se fixera les conditions de fonctionnement suivantes:

- 1- La chute de tension aux bornes de l'électro aimant sera de 15 v.
- 2- La résistivité du cuivre est de  $2,1 \mu\Omega \cdot \text{cm}^2/\text{cm}$
- 3- La densité du courant dans la cuivre ne doit pas dépasser  $1,2 \text{ à } 2 \text{ A/mm}^2$



$m$ : nombre de spires

$\rho$ : résistivité du cuivre

$l$ : longueur moyenne des spires

$s$ : section du fil.

$I$ : courant inducteur.

La longueur moyenne de spire est  $l = 2\pi r$

pour  $2r = d = 55 \text{ mm}$   $l = 2\pi \times 27.5 = 0,173 \text{ m}$

la résistance totale de la bobine sera :

$$R = m \rho l / s$$

Si nous voulons que l'électro aimant soit branché aux bornes de 220 v et qu'un courant de 10 Ampères le parcourt, le nombre de spires sera :  $n = 2638$  spires  
la section que devra avoir notre fil sera donnée par :

$$RI = (m \rho l / s) I$$

$$\Rightarrow s = \frac{(m \rho l) I}{RI}$$

$$s = \frac{(2638 \times 2,1 \times 10^{-6} \times 17,3) 10}{15} = 0,0638 \text{ cm}^2 \\ = 6,4 \text{ mm}^2$$

la densité de courant sera  $j = \frac{I}{s}$

$$j = \frac{10}{6,4} = 1,6 \text{ A/mm}^2$$

ce qui est dans les limites qu'on s'était fixées.

D'où le choix suivant concernant la bobine inductrice :

- fil en cuivre de section 6 à 6,4 mm<sup>2</sup>
- longueur totale:  $m \times l = 2638 \times 0,173 = 456 \text{ m}$
- nombre de spires : 2638
- courant inducteur 10 Amperes.

Résistance :

## II Automatisation

Dans cette partie, on se propose de rendre la sélection automatique. Il s'agit donc de concevoir un système de capteurs électroniques (cellules photoélectriques) pouvant détecter la différence de longueur des briques et agir sur le mécanisme de telle façon que les briques de 22 cm soient chassées du tapis et les briques de 20 cm roulent jusqu'au bout.

### 1 - Disposition générale.

(voir figure 2-1)

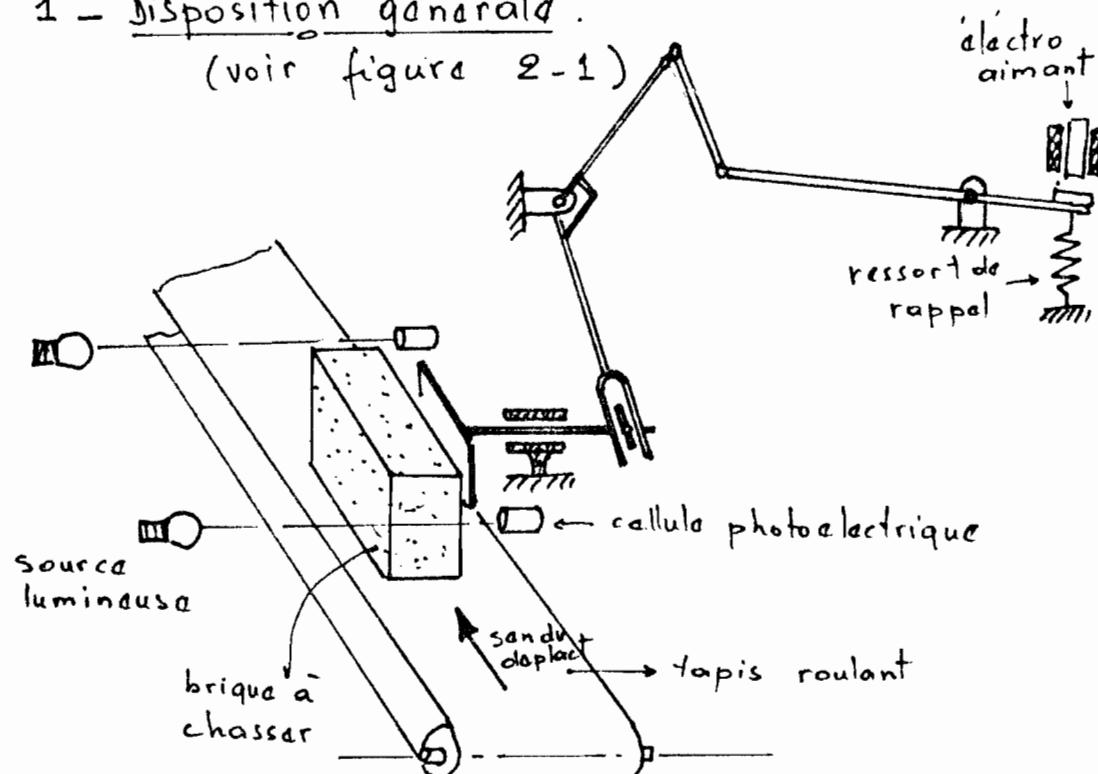


Fig 2-1

## 2 - Fonctionnement.

les deux cellules  $C_1$  et  $C_2$  détectent la brique à chasser par l'état qu'ils auront (excités ou non) par les lumières  $L_1$  et  $L_2$ .

Une fois la brique détectée, l'éléctro aimant est mis sous excitation et attire la membrane (4). celle-ci, par un système de leviers transmet son mouvement à la tige T qui alle fait bouger, entraînant la brique hors du tapis. La brique chassée ; le système revient à sa position initiale grâce à un ressort.

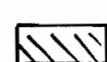
## 3. Analysé de la solution.

### 3-1. Etude de l'état des cellules.

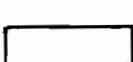
Afin de déterminer les différents états stables que pourront prendre les cellules disposées à une distance de 21 cm l'une de l'autre (distance intermédiaire entre une brique de 22 cm et une de 20 cm) et soumises au passage des briques ; nous ferons une analyse graphique de la progression des briques dans cette zone.

Nous avons quatre successions possibles de briques

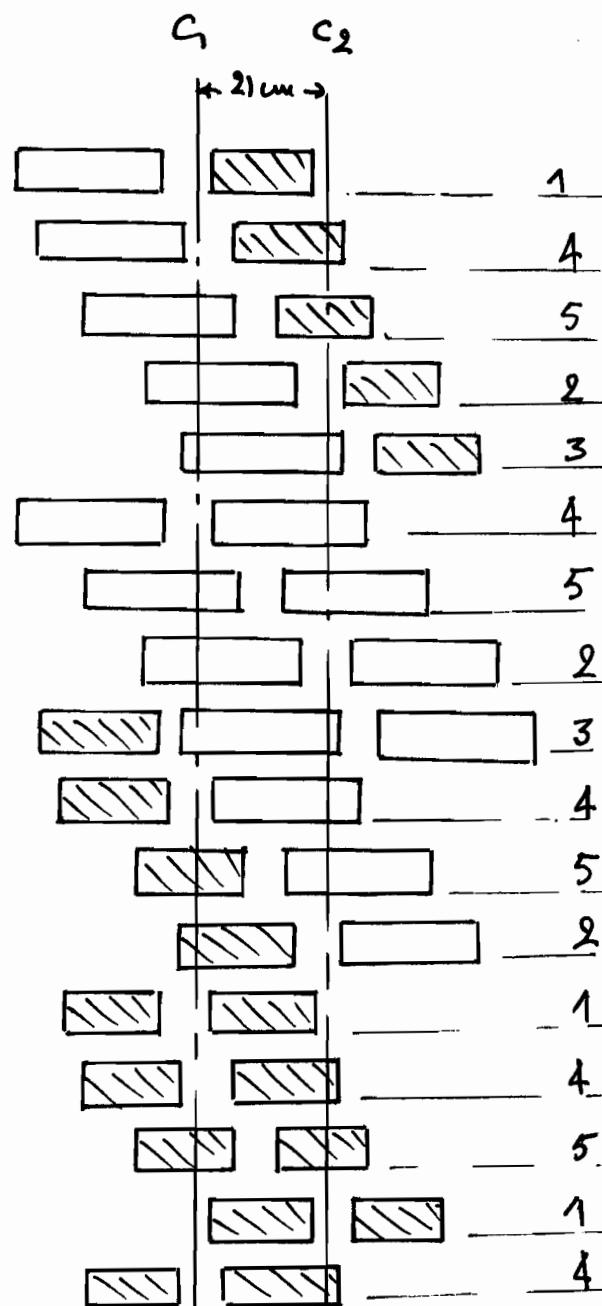
- a- 2 briques de 20 cm
- b- 2 briques de 22 cm
- c- 1 brique de 20 cm suivie d'une brique de 22
- d- 1 brique de 22 cm suivie d'une brique de 20



brique de 20 cm



brique de 22cm

Tableau de  
Vérité

	Cellules	Sortie
	1	0
	1	0
	0	0
	0	0
	1	0
	0	0
	0	0
	1	0
	0	0
	0	0
	1	0
	0	0
	0	0
	1	0
	1	0
	1	0
	0	0
	1	0
	1	0

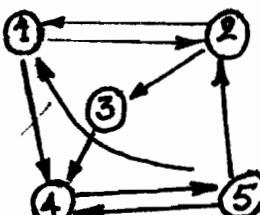
Dans l'analyse graphique de la page précédente;  $c_1$  et  $c_2$  représentant les cellules photoélectriques. L'état 1 d'une cellule indique que le rayon lumineux exciteur n'est pas caché par une brique et atteint donc la cellule. L'état 0 indique le contraire.

Pour la sortie V; l'état 1 indique que le mécanisme doit agir et l'état 0 indique le contraire.

les différents états stables pouvant être pris par les cellules sont résumés ci-dessous -

ETat.	$c_1$	$c_2$	V
①	1	1	0
②	0	1	0
③	0	0	1
④	1	0	0
⑤	0	0	0

puisque on ne peut pas prédire de manière exacte dans quel ordre les briques vont arriver nous aurons une séquence assez aléatoire. Elle se résume au diagramme suivant qui exprime les cas possibles de passage d'un état stable à l'autre.



### 3-2 - Analyse du circuit logique

le système comprend

- des variables d'entrée :  $C_1$ ;  $C_2$
- une variable de sortie :  $V$  qui est l'electro aimant
- matrice primitive des états.

		00	01	11	10	$V$
		$C_1 C_2$				
1		/\ / \ / \ /	2	(1)	4	0
2		3	(2)	1	/\ / \ / \ /	0
3		(3)	2	/\ / \ / \ /	4	1
4		5	/\ / \ / \ /	1	(4)	0
5		(5)	2	/\ / \ / \ /	4	0

nous voyons déjà qu'il nous faut une variable de transfert car deux états stables (3) et (5) donnent pour  $f(00)$  deux sorties différentes  $V=0$  et  $V=1$

- Recherche de superposition des lignes.

en observant la matrice primitive des états on voit que:

→ lignes 1 et 2 : superposables

→ lignes 1 et 3 : superposables

→ lignes 1 et 4 : non superposables

→ lignes 1 et 5 : non superposables

→ lignes 2 et 3 : superposables

→ lignes 2 et 4 : non superposables

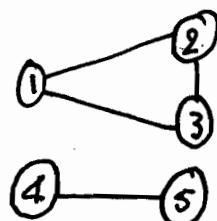
→ lignes 2 et 5 : non superposables

→ lignes 3 et 4 : non superposables

→ lignes 3 et 5 : non superposables

→ lignes 4 et 5 : superposables

ces considérations donnent le polygone de fusion suivant



### - matrice contractée.

En regroupant les lignes 1 ; 2 ; 3 puis 5;4; on obtient la matrice contractée suivante :

		$C_1 C_2$				
		00	01	11	10	
X		0	(3)	(2)	(1)	4
		1	(5)	2	1	(4)

### - Recherche du circuit d'excitation du relais X

La matrice contractée précédemment trouvée comprend des états stables et transitoires définis par une valeur binaire 0 ou 1

En fonctionnement, les relations qui existent entre l'organe d'excitation (bobine du relais X) et les éléments de transfert sont déterminées par les règles suivantes :

- Pour un état stable, la bobine du relais X et son élément de transfert sont dans le même état binaire ; conséquemment :

- à la ligne 1 de la matrice contractée ; le contact de transfert x étant égal à 0, la bobine X sera donc à l'état 0

- à la ligne 2 ; le contact de transfert  $x=1$  ; la bobine  $X$  est à l'état 1.
- Pour un état transitoire, la bobine du relais prend la valeur binaire de l'état stable vers lequel l'état transitoire évolue ; conséquemment :
  - les états transitoires 1 et 2 de la deuxième ligne de la matrice contractée prendront les valeurs 0
  - l'état transitoire 4 de première ligne de la matrice contractée prend la valeur 0

$C_1 \ C_2$

		00	01	11	10	
		0	0	0	1	
		1	0	0	0	
$X$	0	0	0	0	1	$S_2$
	1	1	0	0	0	

$\swarrow S_1$

$$S_1 = \bar{C}_2 X$$

$$S_2 = C_1 \bar{C}_2$$

$$X = S_1 + S_2$$

$$X = C_1 \bar{C}_2 + C_2 X$$

$$X = \bar{C}_2 (C_1 + X)$$

Equation du circuit  
d'excitation du relais  
 $X$

### - Recherche du circuit de sortie V

A l'aide de la matrice primitive des états et de la matrice contractée on aboutit à la matrice de sortie de l'electro aimant V ci dessous. Elle est établie en appliquant la règle suivante :

A chaque état stable, donc à chaque ligne de la matrice primitive des états, correspond une seule valeur binaire de l'état de sortie de l'electro aimant V. Il suffit donc de remplacer dans la matrice contractée chaque état stable par la valeur binaire de sortie de l'electro aimant V

Pour les états transitoires; à chaque état transitoire, on fait correspondre la valeur binaire de sortie si elle est unique; dans le cas contraire, on applique la lettre  $\phi$  (0 ou 1)

		$C_1 C_2$		V		
		00	01	11	10	
		0	(1)	0	0	$\phi$
		1	0	0	0	0

$V = \bar{X} \cdot \bar{C}_2$

### - Réalisation du schéma

Rémarque: Au début de l'automatisation, nous avions considéré  $C_1$  et  $C_2$  comme des cellules photovoltaïques. Cependant dans la réalisation

du schéma,  $C_1$  et  $C_2$  seront des contacts commandés par les deux cellules de détection.

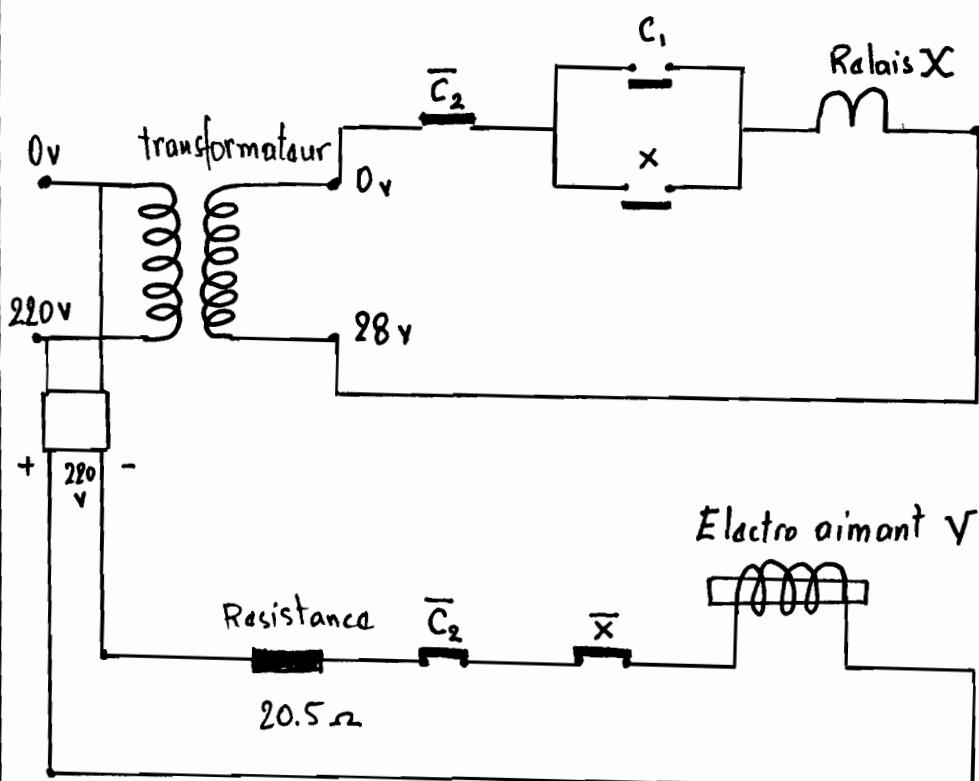
- circuit mémoire (commande)

$$X = \bar{C}_2 (C_1 + X)$$

- circuit de sortie (puissance)

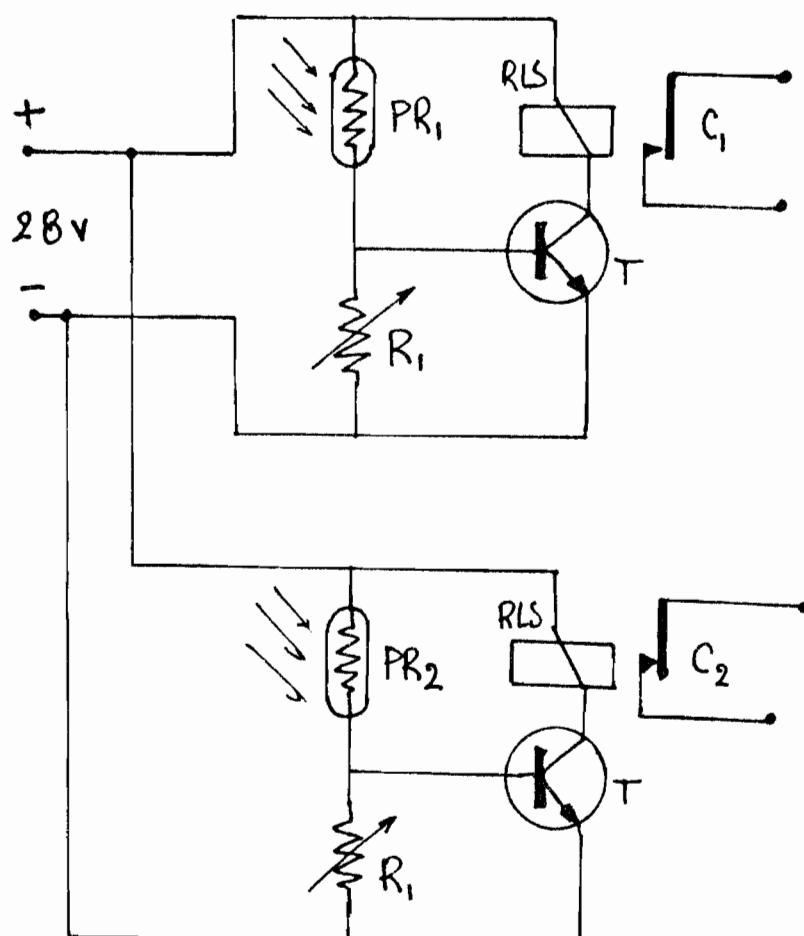
$$V = \bar{X} \cdot \bar{C}_2$$

Schéma électrique :



### Montage des cellules

On utilisera comme cellules photoélectriques des photorésistances. En vue d'obtenir une sensibilité plus grande, on utilisera le courant de chaque photorésistance pour commander un transistor par la base. Le courant collecteur commandera le relais qui va agir sur un contact.



## C. DISCUSSIONS et CONCLUSIONS

Ce projet a été mené avec d'autant plus de facilité qu'il s'agissait d'une application pratique de connaissances théoriques. Des lors, il serait beaucoup plus complet s'il avait abouti à une phase de réalisation pratique; si toutefois les conditions matérielles et les contraintes de temps l'avaient permis. Néanmoins, les schémas et figures situés dans le développement et en annexe sont assez explicites pour donner une bonne compréhension du système.

Il s'agit de voir à présent si le système conçu satisfait aux exigences qu'on s'était fixées au départ. Deux questions surgissent:

1- Nos objectifs sont-ils atteints?

En effet ; le système peut sélectionner les briques

- Il s'intègre facilement dans un milieu industriel ; car ne nécessitant pas d'installations annexes.
- Il est sécuritaire ; car bien que présentant des laviers susceptibles d'accrocher sur quelque chose, les déplacements sont très faibles.
- Il est flexible du fait que la distance entre les deux cellules photoélectriques est réglable ; ce qui lui permettra de

pouvoir sélectionner non seulement des briques, mais également d'autres objets tels que des cartons de lait, de savon, etc... pourvu qu'ils soient compacts et de forme régulière.

Les composantes mécaniques du système (membrures, axes de rotation, etc...) se sont vues attribuer des dimensions arbitraires qui par la suite n'ont pas été vérifiées par un calcul de résistance des matériaux. Ceci est du au fait que les efforts mis en jeu (forces internes et externes) sont très faibles par rapport aux résistances des aciers.

## 2. Quelles sont les restrictions ?

Le système à lui seul a une longueur de 1m à laquelle s'ajoutera la largeur du tapis et un espace libre pour la chute des briques. Ce fait est susceptible de soullever un problème d'encombrement.

Les cellules choisies (photodiodes) ont une sensibilité limitée ; par conséquent, il est une vitesse limite que le tapis ne doit pas dépasser

\* \*

\*

## REFERENCES

Référence 1: G. L. Mariam, DYNAMICS second edition (pages 227 et suivantes)

Référence 2: Ferdinand P Baer, E. Russel Johnston, JR  
MECHANICS FOR ENGINEERS STATICS 2nd Edition  
(pages 169 - 173      pages 309 - 352)

Référence 3:  
G. L. Mariam, DYNAMICS second edition  
(pages 239 - 249 , Force, Mass, acceleration)

Référence 4: A. Fouille, Cours - problèmes d'électricité fondamentale (page 166 et suivantes  
Aimants)

## BIBLIOGRAPHIE

- J. L. Meriam, DYNAMICS second edition S.I. version  
( John Wiley & Sons, Inc )
- Ferdinand P. BEER, E. Russell Johnston, JR  
Mechanics for Engineers statics second Edition.  
( Mc Graw-Hill Book company )
- G. Nicolat et E. Trottat, Eléments de machines  
( SPES LAUSANNE )
- A. Fouillâ, Cours, Problèmes d'électricité fondamentale  
( DUNOD )
- I. TAEV, Appareils électriques d'automatismes et de commandes ( Editions de Moscou )
- A. Wolski, Cours d'automatismes - ELEC 421  
( Ecole Polytechnique de Thiès )
- A. Wolski, Electronique ELEC 411  
( Ecole Polytechnique de Thiès )

## ANNEXES

A.

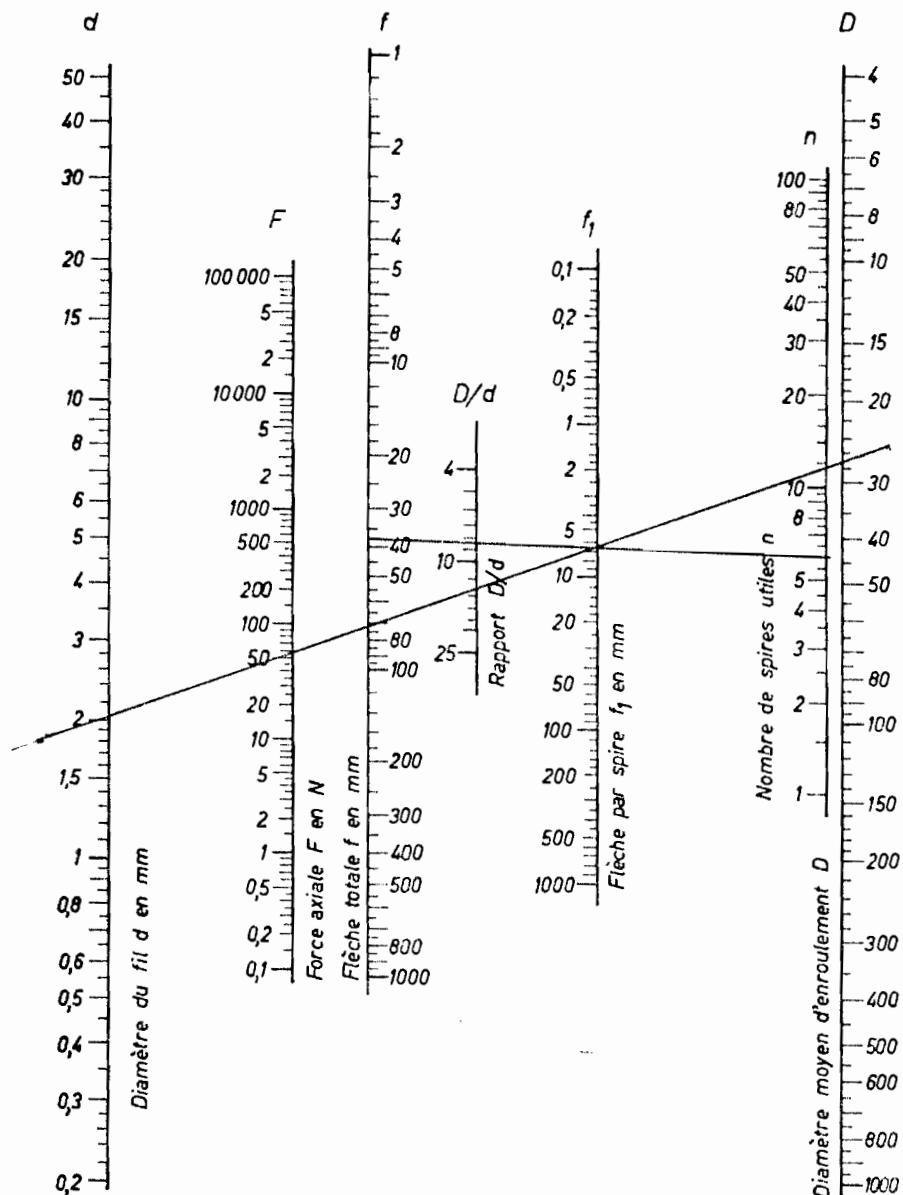
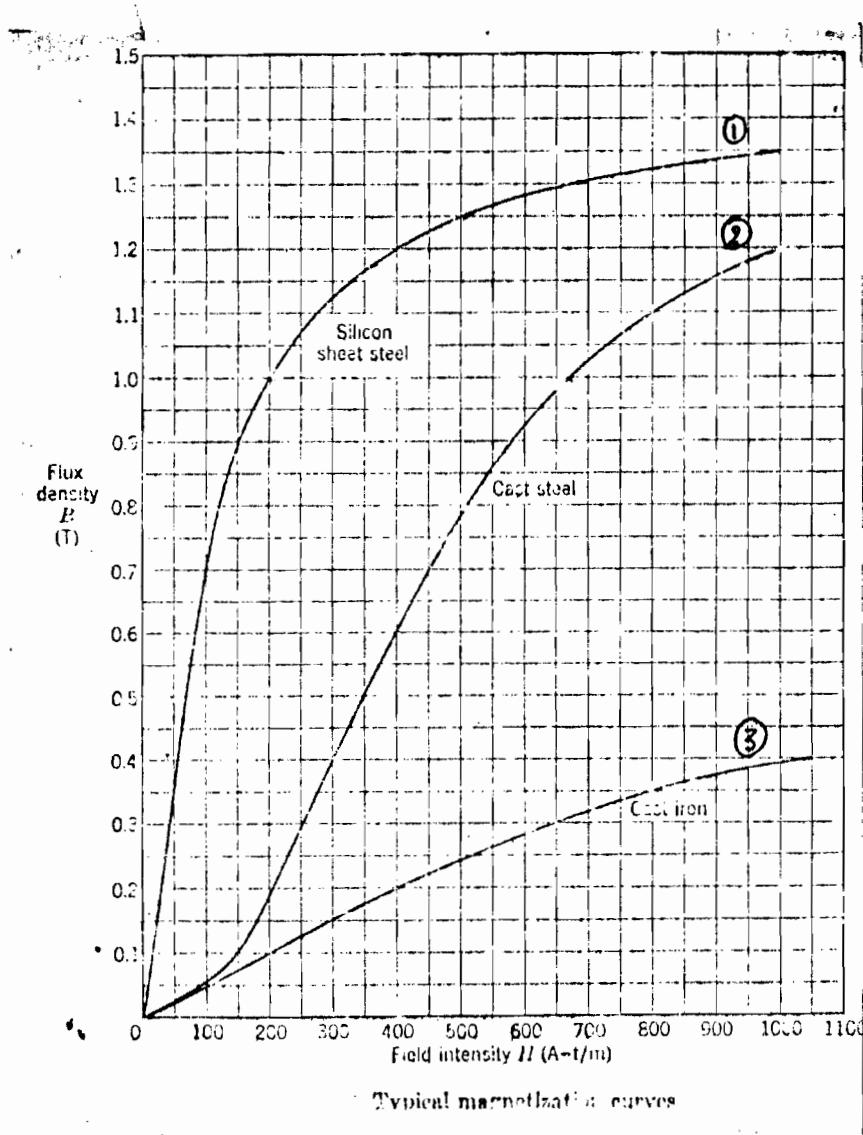


Fig. 3.46. Nomogramme pour le calcul des ressorts hélicoïdaux

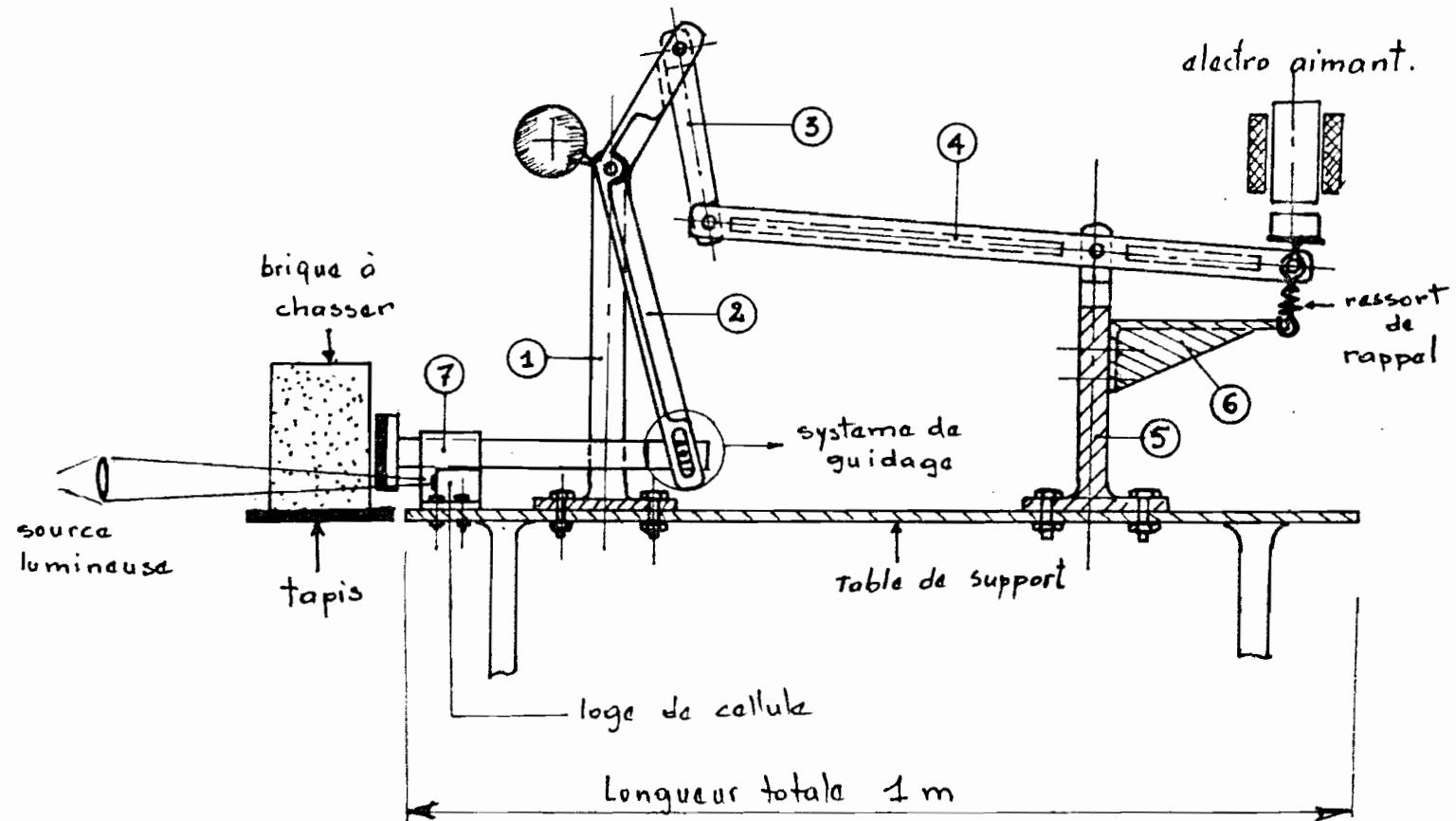
Cet abaque donne la flèche  $f_1$  que subit chaque spire utile sous l'action de la force axiale  $F$ . Valeurs de construction : contrainte moyenne de torsion  $45 \text{ daN/mm}^2$ , module de glissement  $G = 8 \cdot 10^3 \text{ daN/mm}^2$ . La construction du nomogramme relie les échelles suivantes entre elles :

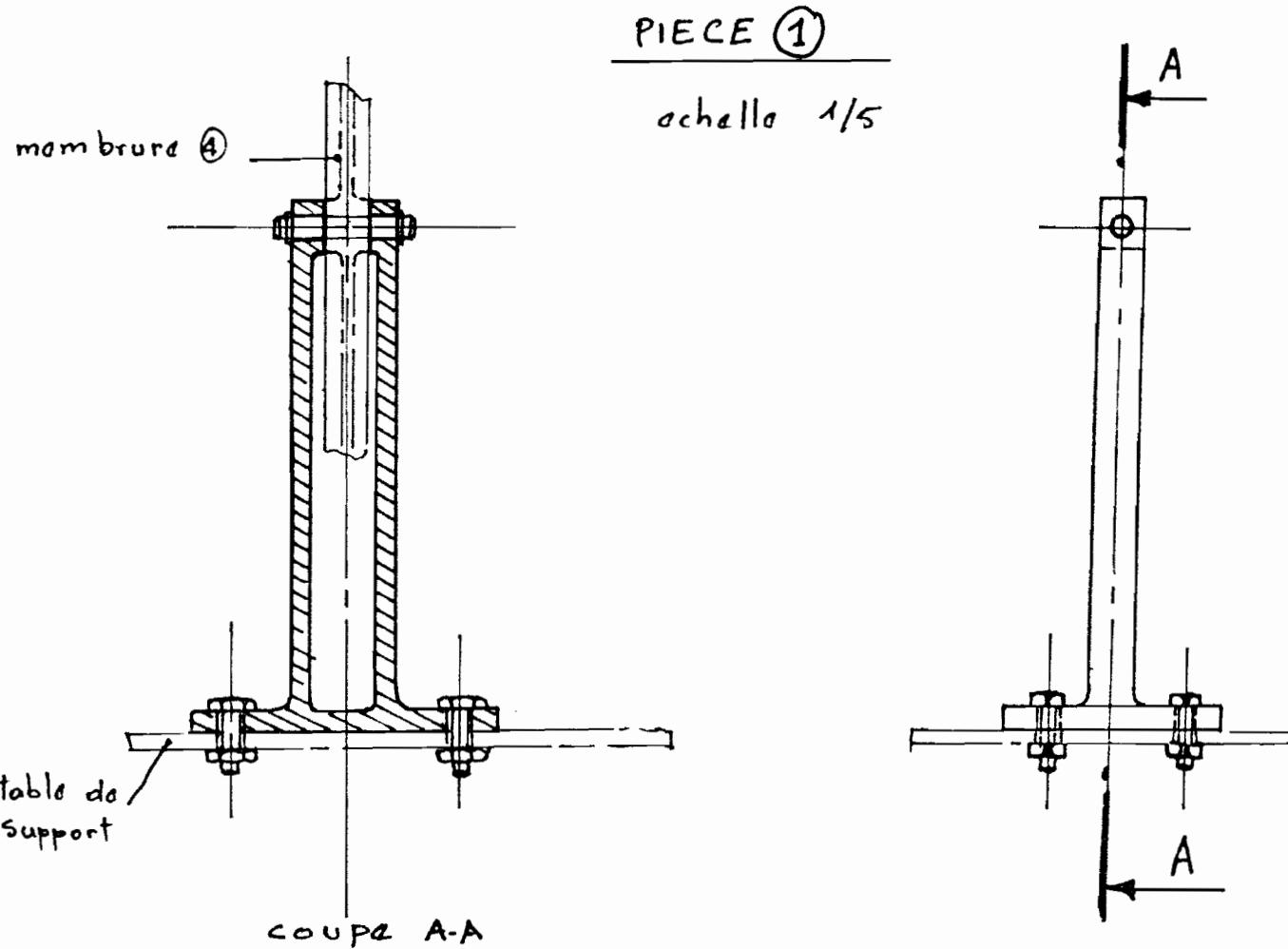
- diamètre du fil  $d$ , diamètre moyen d'enroulement  $D$ , force axiale  $F$  et flèche par spire  $f_1$ ;
- flèche par spire  $f_1$ , flèche totale  $f$  et nombre de spires utiles;
- l'échelle  $D/d$  sert de contrôle.



Vue d'ensemble du système

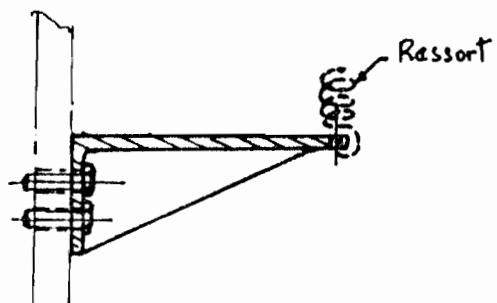
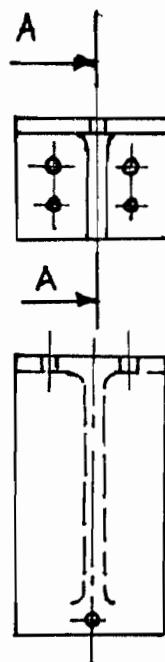
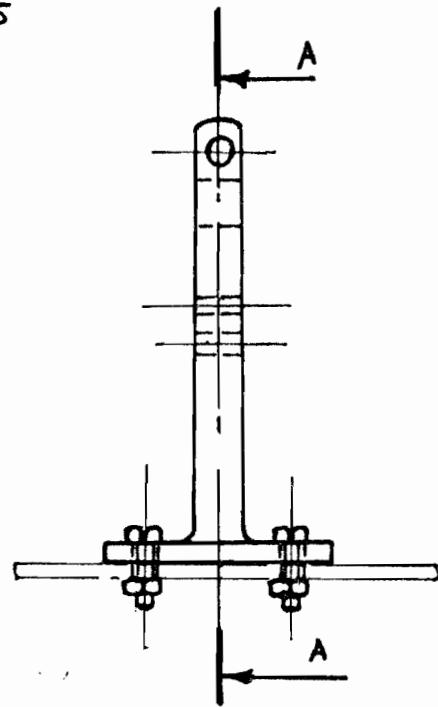
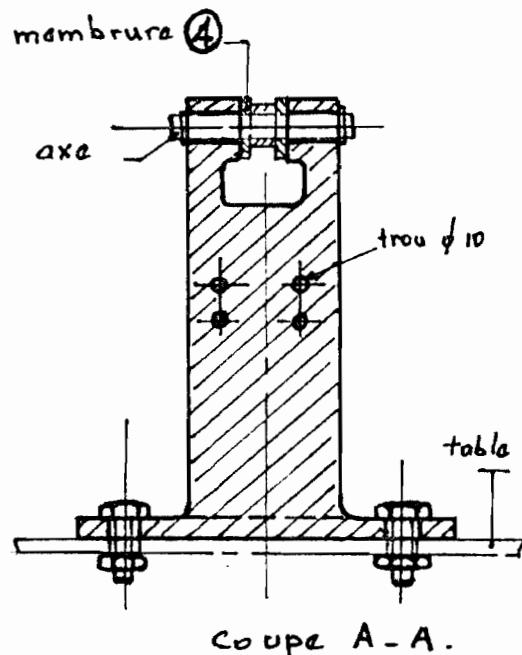
échelle 1/1,5



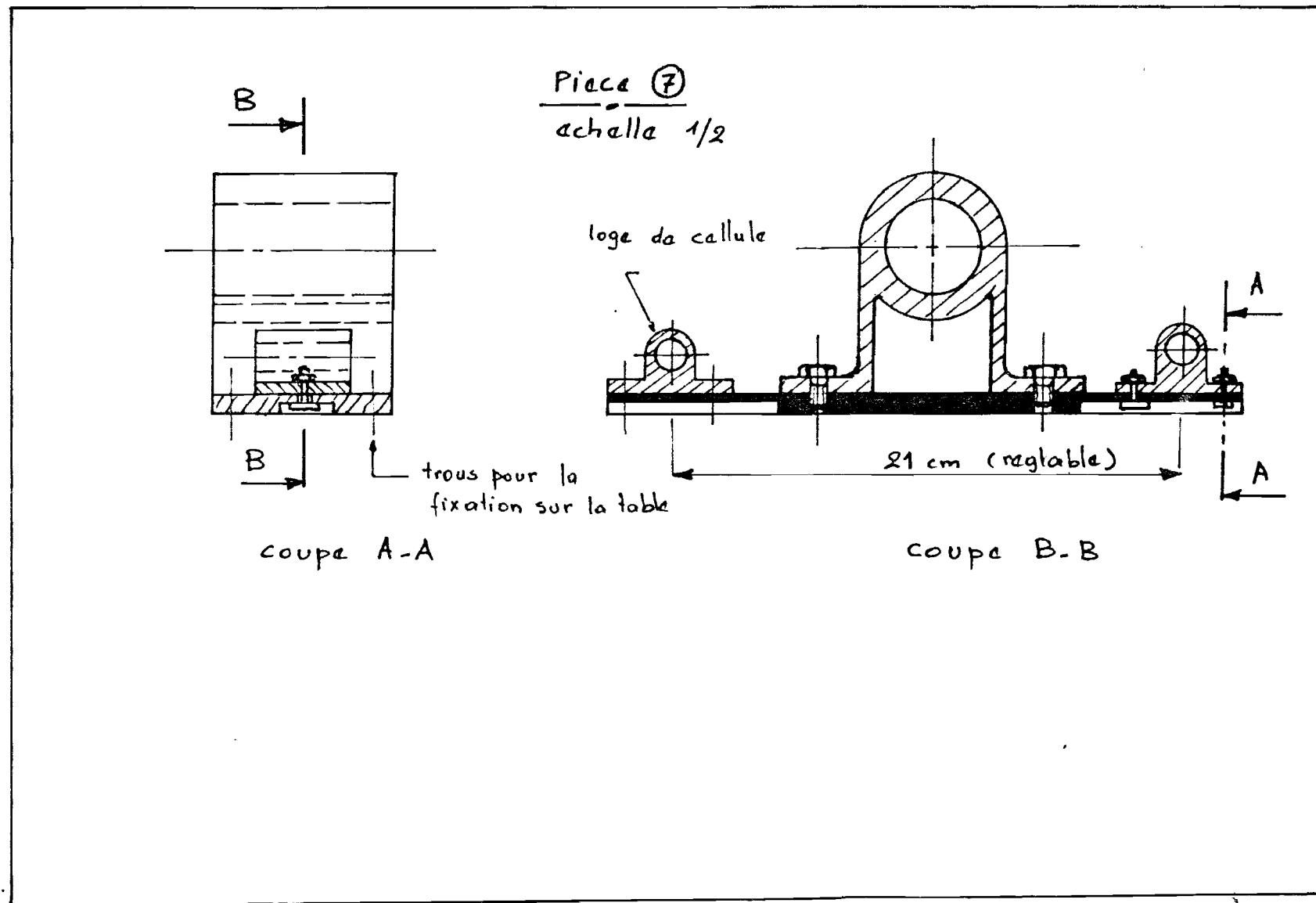


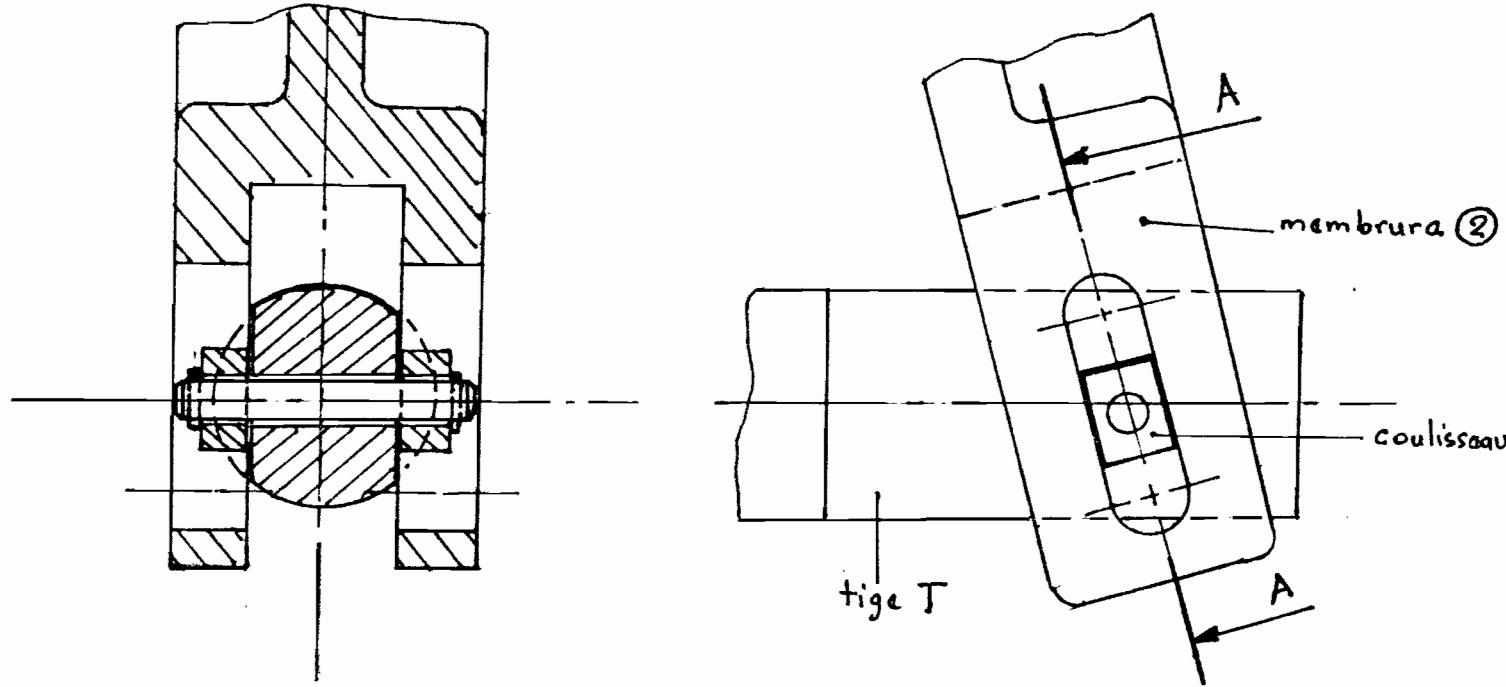
Piace ⑤

achalla 1/5

Piace ⑥

achalla 1/5





Système de guidage entre  
la membrure ② et la tige (butée)

(voir repère sur le dessin )  
d'ensemble