

**ECOLE POLYTECHNIQUE DE THIES
DEPARTEMENT DE GENIE MECANIQUE**

Gm: 0662

PROJET DE FIN D'ETUDES

Rec

**SUJET : PROGRAMME DE SIMULATION NUMERIQUE
D'ECOULEMENTS EN RESEAUX SOUS PRESSION
A PREPROCESSEUR ET POST PROCESSEUR
GRAPHIQUES**

AUTEUR : KAMBIKA ZODI

DIRECTEUR : AMADOU SARR

ANNEE SCOLAIRE 1989-1990

A mon père,

A ma mère,

A ma famille,

A mes amis et à tous ce qui me sont chers,

je dédie ce travail.

REMERCIEMENTS

A Mr Amadou Sarr ,mon directeur de projet,
professeur à l'école polytechnique de THIES.
A tous ce qui m'ont soutenu dans mes études,
qu'ils trouvent ici ma reconnaissance.

SOMMAIRE

La présente étude a pour but, la mise au point d'un programme interactif modulaire de simulation numérique des écoulements dans les réseaux hydrauliques en régime permanent comportant un interface graphique utilisateur. L'approche adoptée consiste à développer les équations de base de la mécanique des fluides (équation de continuité, équation d'énergie) et à les appliquer dans un réseau de conduites pouvant comporter divers singularités (pompes, réservoir, etc, ..) afin de trouver des algorithmes adéquats à la programmation. Un réseau hydraulique peut avoir plusieurs configurations (maillé, étoilé, ramifié) ; ainsi des modèles mathématiques seront développés dans cette étude pour tenir compte de ces particularités.

Dans cette étude ,il sera présenté ce qui suit:

- Les développements des équations de base
- La géométrie du système de conduites
- Les modèles mathématiques utilisées
- L'utilisation et la description du programme
- Le listing du programme

TABLE DES MATIERES

	PAGE
Remerciements	
Sommaire	1
Introduction	2
CHAPITRE 1: Etablissements des équations de base	3
1.1 : Les régimes d'écoulements	3
1.2 : Equation de continuité	5
1.3 : Equation d'énergie	7
1.4 : Equations de pertes de charges	9
CHAPITRE 2: Description des éléments géométriques du réseau	17
2.1 : Géométrie du système de conduites	17
2.2 : Configurations géométriques du réseau	19
2.3 : Eléments de contrôle	20
CHAPITRE 3: Calcul des singularités	22
3.1 : Pompe	22
3.2 : Réservoir	24
3.3 : Vannes	26
CHAPITRE 4: Modèle mathématique général en régime permanent	27
4.1 : Equations de base du réseau	27
4.2 : Méthode de linéarisation	30
4.3 : Balancement du réseau	33

CHAPITRE 5: REGIME QUASISTATIQUE	38
5.1 : Généralités sur les régimes instationnaires	38
5.2 : Théorie de la colonne de fluide rigide	40
CHAPITRE 6: Description et utilisation du programme	43
6.1 : Présentation des modèles mathématiques	43
6.2 : Méthodes et algorithmes de résolution	44
6.3 : Structure général du programme	45
6.4 : Interfaces avec l'utilisateur	46
6.5 : Algorithme général du programme	47
Conclusion	48
ANNEXE	50
-Listing du programme	
Bibliographie	

INTRODUCTION

La simulation numérique des écoulements dans les réseaux hydrauliques est d'une importance manifeste; en effet on rencontre les réseaux hydrauliques dans plusieurs applications comme la distribution d'eau urbaine, les systèmes de distribution d'eaux usées en hydraulique appliquée, on le rencontre aussi dans les systèmes de distributions de certains fluides comme par exemple les carburants dans les oléoducs ou l'air dans les conduites de climatisation, etc...

La connaissance des débits et pressions présente un intérêt vital lors de la conception de ces systèmes, elle permet de déterminer les dimensions à donner aux éléments ainsi que le choix des éléments de contrôle et de régulation des variables d'écoulements pour un fonctionnement optimal du système.

Ce projet étudie le régime permanent dans les réseaux, régime dans lequel les variables d'écoulements restent inchangées par rapport au temps. Le modèle mathématique régissant ce régime est connu depuis fort longtemps, ce modèle est analogue à celui des calculs des réseaux électriques connue sous l'appellation des équations de KIRCHOFF. La résolution de ces équations pour des grands réseaux exige l'utilisation des méthodes numériques adéquates. Cette étude consiste à mettre au point un programme de calculs de ces réseaux en régime permanent par un assemblage des différentes méthodes proposées dans la littérature (Hardy-Cross, Linéarisation, etc...).

CHAPITRE 1 : ETABLISSEMENTS DES EQUATIONS DE BASE

1.1 LES REGIMES D'ECOULEMENTS

Le régime d'écoulement est déterminé à l'aide d'un nombre sans dimension appelé nombre de REYNOLDS ,il est défini comme suit:

$$Re = \frac{D \cdot V}{\mu} \quad (1.1)$$

Ce nombre comme son nom l'indique fut introduit pour la première fois par REYNOLDS en 1833 en réalisant une expérience sur les régimes d'écoulements des fluides visqueux en conduite circulaire

D:diamètre du tube en m

V:vitesse de l'écoulement en m/s

μ :viscosité cinématique du fluide en m²/s

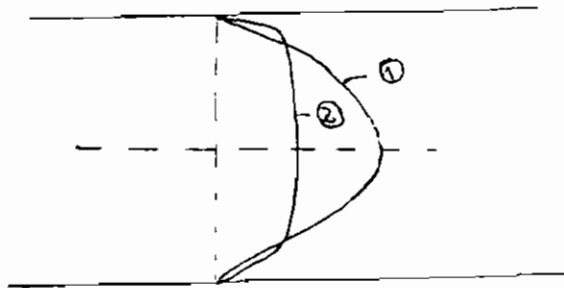
L'expérience de Reynolds consistait à injecter un colorant dans une conduite dans laquelle circulait un fluide ,pour visualiser la trajectoire des particules-fluide en régime permanent ou les lignes d'émission en régime transitoire

Généralement pour un nombre de Reynolds inférieur à 2000 on a un écoulement laminaire et au delà un regime turbulent,toutefois pour des nombres de Reynolds proche de 2000,on observe une zone

de transition laminaire-turbulent

Ce nombre mesure l'importance relative des forces d'inertie par rapport aux forces de viscosité

En observant les profils de vitesse à travers une section droite de l'écoulement ,on remarque que pour le régime turbulent,le profil est plus plat avec un gradient de vitesse plus important au voisinage des parois et que la vitesse moyenne est inférieure par rapport au régime laminaire



- ① régime laminaire
- ② régime turbulent

Fig 1.1

Quand le nombre de Reynolds augmente on observe

-une augmentation des frottements aux parois due au gradient de la vitesse à la paroi

$$\left(\frac{dV}{dr} \right)_{r=D/2} \quad (1.2)$$

-une augmentation des frottements entre les particules

fluides(dissipation de vitesse) due aux mouvements de fluctuations plus importants

La turbulence est un phénomène aléatoire et diffusif

1.2 EQUATION DE CONTINUITÉ

Elle exprime la conservation de la masse d'un domaine fluide,elle s'écrit

$$\frac{dm}{dt} = \int \left(\frac{\delta\sigma}{\delta t} + (\sigma \vec{V}) \right) dw = 0 \quad (1.3)$$

sous forme intégrale

Elle s'écrit aussi

$$\frac{d\sigma}{dt} + \sigma(\nabla \cdot \vec{V}) = 0 \quad (1.4) \quad \text{qui est la forme différentielle}$$

Dans les deux cas D représente le domaine fluide considéré

σ : masse volumique du fluide

V : vitesse à travers une section

Appliquons l'équation de continuité avec les hypothèses suivantes

- Écoulement d'un fluide incompressible
- Écoulement stationnaire
- Écoulement unidimensionnel

et considérons un domaine fluide cylindrique à section droite

(dans une conduite circulaire)

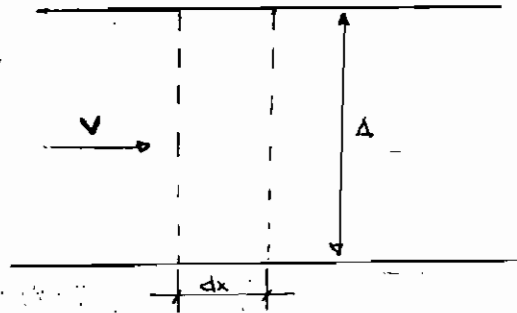


Fig 1.2

L'équation de continuité s'écrit dans ce cas

$$\sigma \int \vec{V} dw = \sigma \int \vec{V} \cdot \vec{n} dA = \sigma VA \quad (1.5) \quad \text{A étant l'aire de la section}$$

VA est le débit volume à travers la conduite

σVA est le débit masse à travers la conduite

Entre deux sections 1 et 2 de la conduite, nous pouvons écrire la relation de continuité comme suit

$$\sigma V_1 A_1 = \sigma V_2 A_2 \quad \text{ou} \quad A_1 V_1 = A_2 V_2 \quad (1.6)$$

1.3 ÉQUATION D'ENERGIE

Elle exprime la conservation d'énergie qui dans une conduite

présente trois composantes essentielles:

- Énergie cinétique
- Énergie potentielle
- Énergie de pression

Théorème

La variation de l'énergie cinétique d'un tube de courant (cylindre compris entre deux sections droites de la conduite et dont les surfaces latérales sont en chaque points tangentes à la vitesse) est égale au travail des forces intérieures et extérieures.

Considérons les hypothèses émises ci-haut et appliquons le théorème de l'énergie cinétique sur le domaine fluide de la figure 1.3

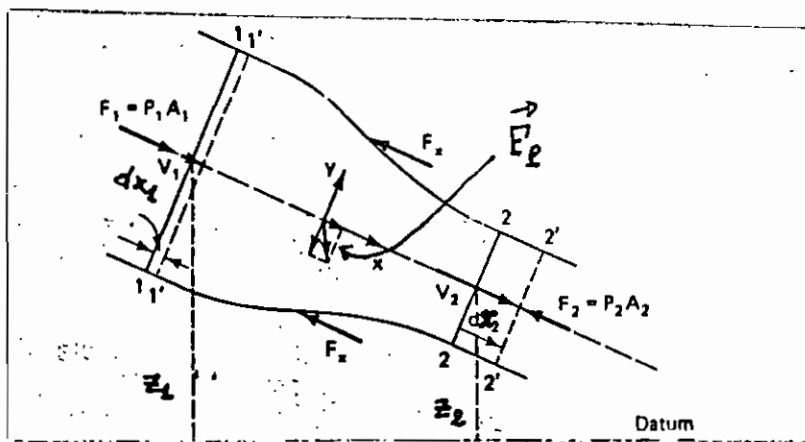


Fig 1.3

A_1 , A_2 : Aires de sections 1 et 2

V_1 , V_2 : Vitesses en 1 et 2

z_1, z_2 : Hauteurs géométriques par rapport à un niveau arbitraire(datum)

P_1, P_2 : Pressions en 1 et 2

σ : masse volumique du fluide

Γ : poids volumique du fluide

g : accélération de la pesanteur

Q : débit-volume

M : masse du fluide

-Travail des forces des pressions durant dt
section 1

$$P_1 A_1 dx_1 = P_1 A_1 V_1 dt = P_1 Q dt \quad (1.7)$$

section 2

$$P_2 A_2 dx_2 = P_2 A_2 V_2 dt = P_2 Q dt \quad (1.8)$$

-Travail des forces massiques

$$g A_1 V_1 dt (z_1 - z_2) = g Q dt (z_1 - z_2) \quad (1.9)$$

-Variation de l'énergie cinétique

$$\frac{1}{2} M V_2^2 - \frac{1}{2} M V_1^2 = \frac{1}{2} \sigma A_1 V_1 dt (V_2^2 - V_1^2) \quad (1.10)$$

$$= \frac{1}{2} \sigma Q dt (V_2^2 - V_1^2)$$

Nous avons donc (théorème de l'énergie cinétique)

$$\begin{aligned} P_1 Q dt - P_2 Q dt + g Q dt (z_1 - z_2) + W_{\text{frott}} \\ = \frac{1}{2} Q dt (V_2^2 - V_1^2) \end{aligned} \quad (1.11)$$

Par unité de poids (division par $g Q dt$) on trouve

$$\frac{P_1}{\Gamma} - \frac{P_2}{\Gamma} + z_1 - z_2 + h_f = \frac{1}{2g} (V_2^2 - V_1^2) \quad (1.12)$$

$$\frac{P_1}{\Gamma} + \frac{V_1^2}{2g} + z_1 = \frac{P_2}{\Gamma} + \frac{V_2^2}{2g} + z_2 + h_f \quad (1.13)$$

$h_f = W_{\text{frott}}/\sigma g Q dt$ représente le travail des forces de frottements par unité de poids, elle a les dimensions d'une hauteur (m)

Cette équation est appelée par abus de langage:

'équation de Bernouilli avec pertes des charges' ou

'équation de Bernouilli pour fluides réels'

1.4 EQUATIONS DE PERTES DE CHARGES DANS UNE CONDUITE

Il s'agit de modéliser les pertes des charges dues aux frottements, les formules utilisées sont soit empiriques ou semi-empiriques à cause de la turbulence qui est le régime constamment rencontré dans les écoulements en conduite

1.4.1 Formule de DARCY-WEISBACH

Cette formule pratique est établie par ses deux auteurs à partir des observations expérimentales suivantes

- indépendance de h_f par rapport à la pression absolue
- linéarité de h_f par rapport à la longueur L
- proportionnalité de h_f au diamètre D à une puissance négative

($D^{-\alpha}$)

-proportionnalité de h_f vis à vis de la rugosité si
l'écoulement est turbulent

$$h_f = f(L/D) * V^2 / (2g) \quad (1.14)$$

f étant le coefficient de frottement (sans dimension)

1.4.2 Coefficient de frottement (f)

-Écoulement laminaire

Considérons une conduite horizontale de section constante

P_a, P_b : pressions aux sections 1 et 2

μ : viscosité dynamique du fluide

ν : viscosité cinématique du fluide

$$hf = \frac{P_a - P_b}{\Gamma} \quad (1.15)$$

$$\begin{aligned} V &= D^2 / (32\nu L) * (P_a - P_b) \quad (\text{Formule de Hagen-Poiseuille}) \\ &= D^2 / (32\nu L) * hf \end{aligned} \quad (1.16)$$

$$hf = (32\mu / D) * (L/D) * \nu \quad (1.17)$$

en identifiant avec la formule de Darcy-Weisbach on trouve

$$f = \frac{64}{\nu D} \mu = \frac{64\nu}{VD} = \frac{64}{Re} \quad (1.18)$$

En écoulement laminaire f ne dépend que du nombre de Reynolds
et suit une loi très simple

-Écoulement turbulent

Formule de Colebrook

Soit une conduite circulaire de rayon r

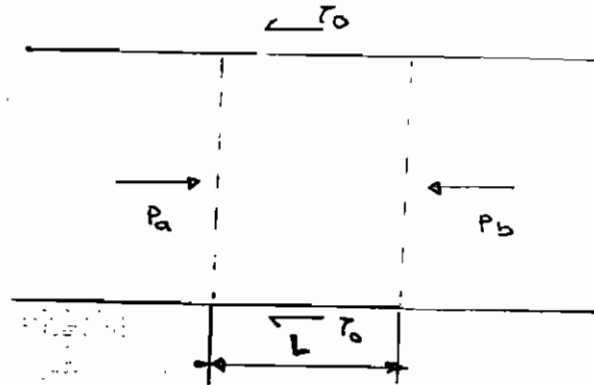


Fig 1.4

L'équation exprimant l'équilibre des forces en régime permanent sur le volume de contrôle (accélération nulle) s'écrit

$$F = P \quad (1.19)$$

avec P : force de pression

$$P = \Delta p \pi r_0^2 \quad (1.20)$$

F : Force des frottements visqueux (aux parois)

$$F = \tau_0 2\pi r_0 L \quad (1.21)$$

Δp est la différence de pression entre la section 1 et la section 2

τ_0 est la contrainte de cisaillement

$$p \pi r_0 = \tau_0 2\pi r_0 L \text{ entraîne } \tau_0 = \frac{p}{L} * \frac{r_0}{2} \quad (1.22)$$

Cette équation est valable aussi bien pour un régime laminaire que pour un régime turbulent

Considérons l'équation de Darcy-Weibash

$$h_f = f(L/2r_o) * v^2 / (2g) \quad (1.23) \quad v: \text{vitesse moyenne sur la section}$$

$$p = \Gamma h_f = f(L/2r_o) * v^2 / 2 \quad (1.24)$$

en éliminant p entre (1.22) et (1.24) on trouve

$$\sqrt{(\tau_o/\sigma)} = \sqrt{(f/8)} * v \quad (1.25)$$

pour trouver la vitesse moyenne utilisons le profil logarithmique de Prandtl en l'intégrant sur une section droite

$$\frac{u(y)}{u_*} = \frac{1}{A} + \ln \frac{u_* y}{\nu} + B \quad (1.26)$$

$u(y)$: vitesse en y ($0 < y < 2r_o$)

u_* : vitesse de frottement

A et B sont des constantes expérimentales

plaque mince $A=0.417$, $B=5.84$

conduite lisse $A=0.40$, $B=5.5$

en remplaçant la valeur de v dans (1.26) on trouve

$$1/\sqrt{f} = A_s + B_s \ln(Re\sqrt{f}) \quad (1.27)$$

A_s, B_s : constantes expérimentales

En utilisant les données de Nikuradse pour les conduites lisses on a

$$1/\sqrt{f} = 0.86 \ln(Re\sqrt{f}) - 0.8 \quad (1.28)$$

Pour les conduites rugueuses en régime turbulent on aura

$$1/\sqrt{f} = F_2(m, e/D) + B_r \ln(e/D) \quad (1.29)$$

F_2 étant en général une constante pour une forme et une distribution de rugosité donnée

e/D est la rugosité relative du matériau de la conduite

Pour les courbes de Nikuradse cette équation devient

$$1/\sqrt{f} = 1.14 - 0.86 \ln(e/D) \quad (1.30)$$

En additionnant les deux équations on retrouve la formule de Colebrook qui s'écrit

$$1/\sqrt{f} = -0.86 \ln\left(\frac{e/D}{3.7} + \frac{2.51}{Re\sqrt{f}} \right) \quad (1.31)$$

En utilisant quelques constatations expérimentales on peut utiliser les formes réduites de cette équation qui sont

Conduite hydrauliquement lisse

$$1/\sqrt{f} = -0.86 \ln(2.51/Re\sqrt{f}) \quad (1.32) \text{ (indépendant de } e/D)$$

Conduite hydrauliquement rugueuse

$$1/\sqrt{f} = -0.86 \ln(3.7D/e) \quad (1.33)$$

Le coefficient de frottement peut également se trouver en utilisant le diagramme de L.F. MOODY

1.4.2 FORMULE DE PERTES DE CHARGES EMPIRIQUES

Ces formules donnent des relations explicites entre le coefficient de frottement et les pertes de charges contrairement à la formule de Darcy-Weisbach qui exige une procédure itérative

pour les calculs pratiques.

FORMULE DE HAZEN-WILLIAMS

Cette formule est très répandue aux Etats-Unis dans le calcul des systèmes de distribution d'eau.

Elle est considérée valide pour des conduites de diamètres supérieurs à 5 cm et des vitesses moyennes inférieures à 3 m/s

$$v = 0.85 C_{HW} R_h^{0.63} (hf/L)^{0.54} \quad (1.34)$$

C_{HW} : coefficient de Hazen-Williams

R_h : rayon hydraulique qui est égal au rapport de l'aire de la section sur son périmètre mouillé (pour une conduite circulaire $R_h = D/4$)

Le coefficient de Hazen-Williams n'est pas une fonction des conditions d'écoulement (nombre de Reynolds); sa valeur varie de 140 pour les matériaux lisses et bien alignés à 80 pour les conduites à surface très irrégulières.

FORMULE DE MANNING

C'est une formule initialement développée et couramment utilisée dans l'étude des canaux. Elle est aussi utilisée en écoulement dans les conduites.

$$v = 1/n R_h^{2/3} (h_f/L)^{1/2} \quad (1.35)$$

n est le coefficient de Manning pour différents matériaux.

1.4.3 PERTES DES CHARGES SINGULIÈRES

Elles expriment les pertes de charges causées par des irrégularités locales dans la section d'écoulement

Leurs valeurs par unité de poids traversant la conduite sont

exprimées par une hauteur de fluide égale au rapport de l'énergie dissipée pour traverser une singularité sur le poids du fluide

Les phénomènes qui sont à la base de ces pertes de charges sont

- Changement de la section de l'écoulement du tube de courant
- Mouvements secondaires(décollement,...)
- accélérations locales

On peut écrire, entre deux sections 1 et 2 délimitant une singularité, la relation suivante:

$$H_{12} = (\Delta E_{12}) / \sigma g Q_v \Delta t \quad (1.36)$$

ΔE_{12} étant l'énergie dissipée durant Δt

Q_v le débit du fluide traversant les deux sections

Coefficient de pertes de charges singulières

On définit, un coefficient sans dimension, appelé coefficient de pertes de charges singulières comme étant le rapport de la perte de charge sur le niveau de fluide correspondant à la pression dynamique ($v^2/2g$)

On exprime également ce coefficient par rapport à la pression dynamique à l'amont de l'obstacle, mais on peut le référencier également à la pression dynamique à l'aval et aussi à deux coefficients, l'un correspondant à la pression dynamique à l'amont et l'autre à la pression dynamique à l'aval.

$$h_1 = K V_1^2 / 2g \quad \text{amont} \quad (1.37)$$

$$h_1 = K' V_1^2 / 2g \quad \text{aval} \quad (1.38)$$

$$h_1 = K_1 V_1^2 / 2g + K_2 V_2^2 / 2g \quad \text{amont+aval} \quad (1.39)$$

On appelle Longueur de conduite équivalente à une

singularité, la longueur de conduite, L_e , qui aurait provoquée la même perte de charge que la singularité pour le débit considéré

C'est un moyen très pratique utilisé en calcul numérique

En considérant la formule de Darcy-Weibash on trouve pour L_e

$$fL_e V^2 / 2gD = KV^2 / 2g \quad L_e = KD / f \quad (1.40)$$

CHAPITRE 2 DESCRIPTION DES ELEMENTS GEOMETRIQUES
DU RESEAU

Un réseau hydraulique est un assemblage de plusieurs conduites comportant également plusieurs autres composantes que nous définirons dans ce chapitre.

Un réseau hydraulique peut être maillé, étoilé, ramifié ou encore une combinaison de ces différentes configurations.

2.1 GEOMETRIE DU SYSTEME DES CONDUITES

-Noeud de jonction:

C'est le point de connexion de deux ou plusieurs conduites.

Un débit extérieur peut être injecté ou retiré (demande du noeud) à un noeud de jonction

-Noeud à pression fixe:

C'est un noeud où la pression est connue et a une valeur fixe

exemple:-connexion à un réservoir, à une source.

-connexion à une conduite large de pression connue.

-Boucle élémentaire

C'est un circuit fermé de conduites ne contenant aucun autre. Le nombre de noeuds d'une boucle élémentaire est égal au nombre de conduites formant cette boucle. Une boucle élémentaire ne contient que des noeuds de jonction.

-Boucle extérieure

C'est une boucle fictive qui part d'un noeud à niveau fixe pour aboutir à un autre noeud à niveau fixe, elle est constituée des conduites appartenant au circuit et d'une conduite imaginaire reliant les deux noeuds à niveau fixe.

-Conduite

Les conduites constituent les éléments principaux du réseau, une conduite dans notre cas aura une section constante (diamètre) et une longueur bien définie, elles relient les différents noeuds (noeud de jonction, noeud à niveau fixe) du réseau.

La figure 2.1 montre ce différents éléments

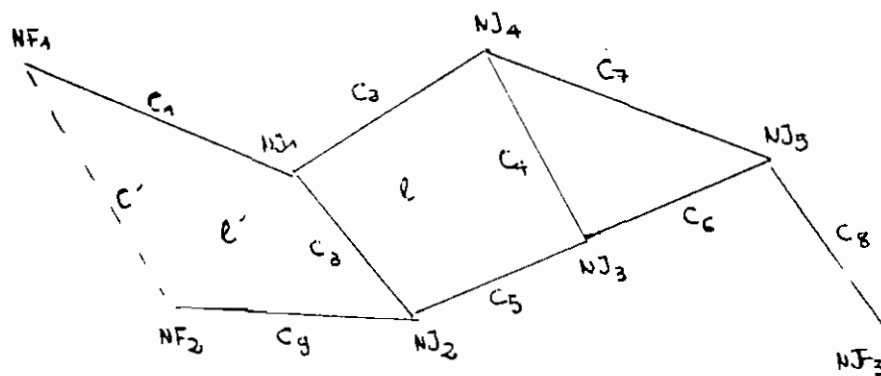


Fig 2.1

NF_i : Noeuds fixes

NJ_i : Noeuds de jonction

C_i : Conduites

l : Boucle élémentaire (C_1, C_2, C_3, C_4, C_5)

l' : Boucle extérieure (C_1, C_3, C_9, C')

C' : Conduite imaginaire

2.2 CONFIGURATIONS GEOMETRIQUES DU RESEAU

-Réseau maillé

C'est un réseau formé de plusieurs boucles élémentaires, il comporte généralement un réservoir qui alimente le réseau. Pour respecter l'équation de continuité, il doit exister des demandes au niveau de certains noeuds; la somme de ces demandes sera donc égale au débit du réservoir à travers le réseau.

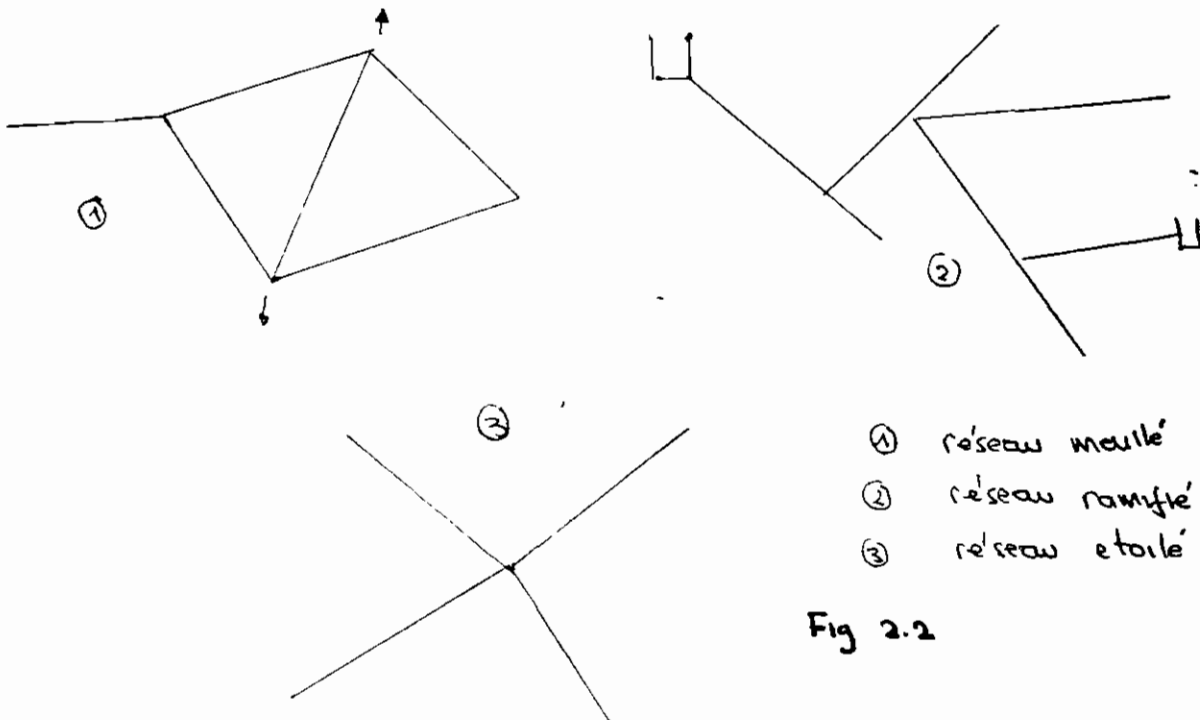
-Réseau ramifié

C'est un réseau formé de plusieurs noeuds à niveau fixe ainsi que des noeuds de jonction; les conduites sont reliés aux différents noeuds de jonction sans former des boucles élémentaires mais par contre on trouve dans cette configuration des boucles extérieures.

-Réseau étoilé

C'est un réseau ramifié qui ne contient qu'un noeud de jonction mais il peut avoir plusieurs noeuds à niveau fixe.

La figure 2.2 nous montre des exemples de différentes configurations.



- ① réseau maillé
- ② réseau ramifié
- ③ réseau étoilé

Fig 2.2

2.3 ÉLÉMENTS DE CONTROLES

Ces éléments sont introduits dans un réseau pour contrôler et/ou réguler l'état de certaines variables de l'écoulement (pression,débit);ils introduisent des pertes de charges supplémentaires dans le réseau.

-Clapet antiretour

Le clapet antiretour laisse passer l'écoulement dans un sens bien déterminé tout en bloquant le passage de l'écoulement dans le sens contraire

-Régulateur de pression

Il sert à maintenir dans une conduite une pression de service P_R inférieure à la pression en amont du noeud où il est placé

Un régulateur de pression peut être modelisé comme sur la figure 2.3 par deux noeuds

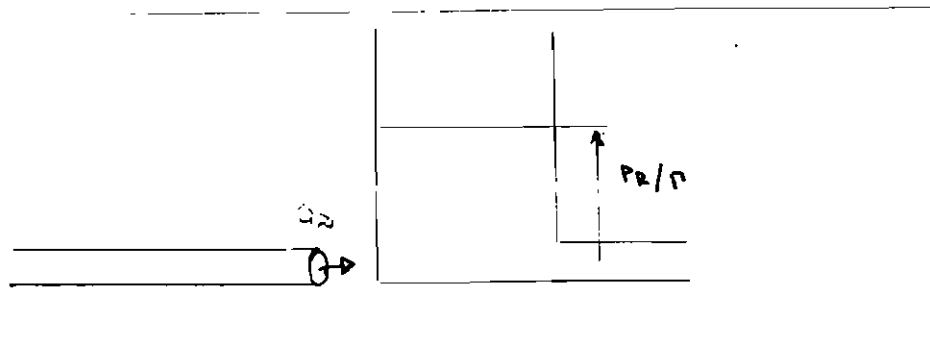


Fig 2.3

-Le noeud amont est un noeud de jonction de débit égal au débit traversant le régulateur

-Le noeud aval est un noeud à niveau fixe dont le niveau est la somme $P_R/\Gamma + z_R$

z_r étant l'élévation géométrique du noeud.

Deux situations peuvent se présenter:

-Si le régulateur est placé entre une région à pression élevée et une autre de pression basse, il ne peut contrôler la pression aval (basse) si celle-ci est supérieure à la pression de service (P_R); dans ce cas l'écoulement se fait en sens inverse du régulateur. Un clapet antiretour doit donc être placé en aval du régulateur pour bloquer l'écoulement dans ce sens

-La pression amont devient inférieure à la pression de service; dans ce cas le régulateur augmente la pression en aval.

-Régulateur de débit

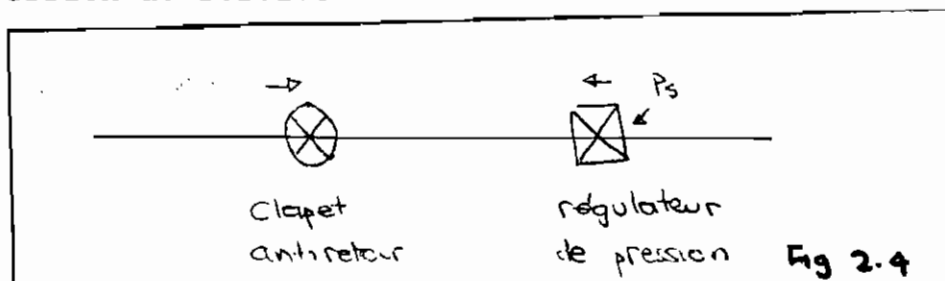
Il sert à maintenir la pression amont en un endroit indiqué en limitant si nécessaire le débit à travers le régulateur

Il peut être modélisé par un écoulement en sens inverse d'un régulateur de pression et une valve pouvant fonctionner en trois modes

1-La valve est entièrement ouverte et la pression amont est supérieure à la pression de service

2-La valve est étranglée et la pression amont est ajustée à la pression de service

3-La valve est fermée et la pression amont chute en deçà de la pression de service



CHAPITRE 3 CALCUL DES SINGULARITES

Un réseau hydraulique peut comporter plusieurs singularités .Pour arriver à résoudre sur ordinateur ce réseau, il faut trouver des modèles mathématiques adéquats à ces différentes singularités.La combinaison de ces modèles mathématiques au modèle mathématique général du système nous donnera les équations physiques du réseau, qui, résolues nous, fournirons les variables inconnues de l'écoulement.

3.1 POMPE

La pompe est une machine hydraulique qui transforme l'énergie mécanique venant d'un moteur, d'une turbine, etc, ... en une énergie hydraulique fournie au fluide sous forme de pression. Une pompe peut être caractérisée complètement en spécifiant sa puissance ou sa courbe caractéristique.

La courbe caractéristique d'une pompe est l'ensemble des valeurs (H, Q) dans laquelle Q est le débit fourni à une hauteur de charge H . Le point de fonctionnement d'une pompe est le couple (H, Q) avec lequel la pompe opère dans le réseau, il est fonction des caractéristiques du réseau et de la pompe; généralement pour une application donnée, on choisit la pompe qui donne un rendement optimal au point de fonctionnement pompe-réseau considéré

L'incorporation d'une pompe dans le réseau se traduit par l'ajout d'un terme supplémentaire dans l'équation exprimant les

pertes de charges dans la conduite sur laquelle elle est placée. Il faut donc trouver une expression analytique reliant le débit à la hauteur de charge $H=f(Q)$.

1-Pour une pompe dont la puissance est connue on sait que cette puissance P peut s'écrire:

$$P = \Gamma QH$$

Q et H étant respectivement le débit et la hauteur de charge au point de fonctionnement.

On peut donc écrire :

$H = Z/Q$ Z étant une fonction de la puissance de la pompe et de son rendement α $Z = \alpha P$.

2-La courbe caractéristique de la pompe est donnée sous forme des points expérimentaux (H, Q)

Dans ce cas il faut trouver une fonction f telle que $H=f(Q)$ et qui approche le mieux possible la courbe caractéristique expérimentale.

La figure 3.1 représente l'allure générale de la courbe caractéristique d'une pompe centrifuge

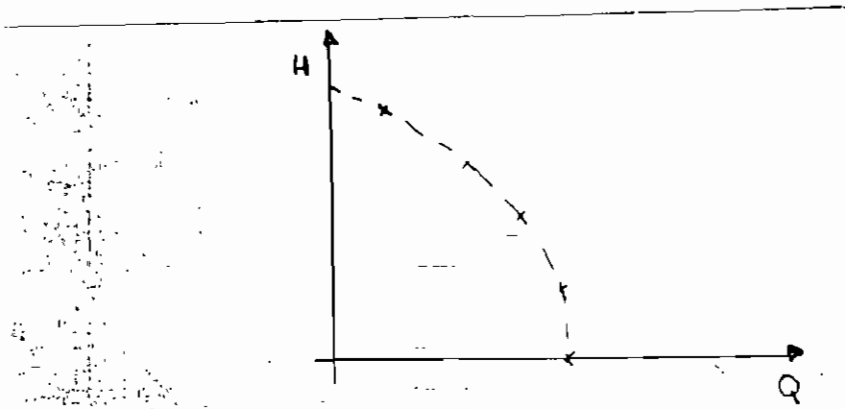


Fig 3.1

Cette courbe peut être approchée assez fidèlement par une relation

de la forme: $H = H_1 - \alpha Q^\beta$ (2.1)

α et β sont des constantes qui dépendent de la distribution des points expérimentaux (H_i, Q_i)

On peut écrire $H_1 - H = \alpha Q^\beta$ (2.2)

En prenant le logarithme de deux membres on a :

$\ln(H_1 - H) = \ln\alpha - \beta \ln Q$ (2.3)

posons $\ln(H_1 - H) = y$ (2.4)

et $\ln Q = x$ on aura dans ce cas

$y = ax + b$ avec $a = \beta$ et $b = \ln\alpha$ (2.5)

a et b sont trouvés par la méthode de régression linéaire (moindres carrés) à partir des couples de points (x_i, y_i)

$b = \text{cov}(x, y) / \text{var}(x)$ (2.6)

$\text{cov}(x, y)$ est la covariance statistique de x et y

$\text{cov}(x, y) = \Sigma(x_i - x)(y_i - y)$ avec $x = \Sigma x_i / n$ et $y = \Sigma y_i / n$ (2.7)

n est le nombre de points

$\text{var}(x)$ est la variance statistique de x

$\text{var}(x) = \Sigma(x_i - x)^2$ d'où (2.8)

$b = \Sigma(x_i - x)(y_i - y) / \Sigma(x_i - x)^2$ et (2.9)

$a = y - bx$ (2.10)

On aura finalement $\beta = a$ (2.11)

$\alpha = \exp(b)$ (2.12)

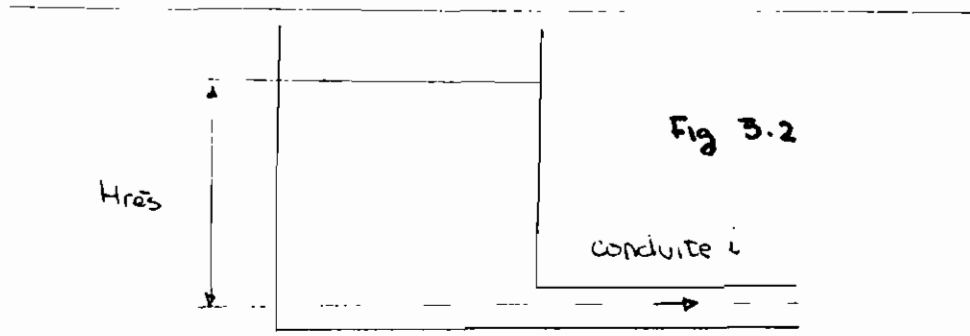
3.2 RESERVOIR(en régime permanent)

Les réservoirs sont des éléments fréquemment rencontrés dans les réseaux hydrauliques. Ils sont placés en amont ou en aval d'une

conduite

-Réservoir en amont :

considérons un réservoir placé en amont d'une conduite i



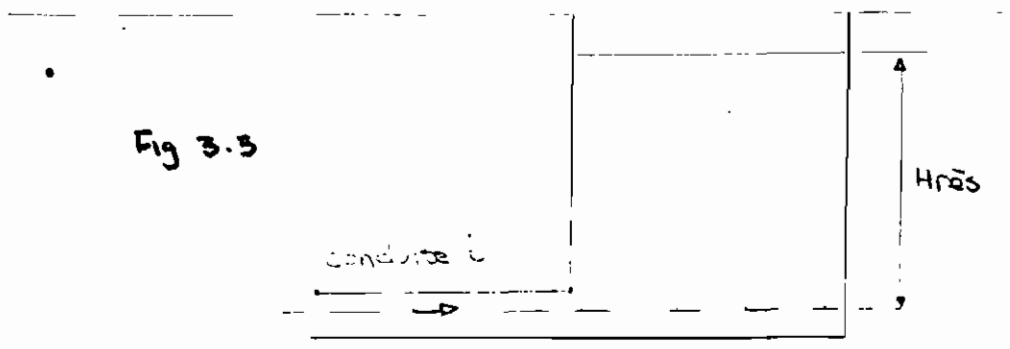
Au noeud i, la hauteur manométrique est

$$H_i = H_{rés} - (1+k)Q_i^2/2gA_i^2 \quad \text{avec} \quad (2.13)$$

k : Coefficient de pertes de charges singulières à la sortie du réservoir

A_i : section de la conduite.

-Réservoir en aval



Dans ce cas la hauteur manométrique est

$$H_i = H_{rés} - (1-k)Q_i^2/2gA_i^2 \quad (2.14)$$

Dans les deux cas nous pouvons considérer un réservoir comme un noeud à niveau fixe H_i

NOTE :

Si le sens de l'écoulement est inversé dans les deux cas , la valeur

de k est considérée comme négative.

3.3 VANNE

L'équation mathématique décrivant la manipulation d'une vanne en régime permanent est :

$$Q = (C_d A_v) (2gH)^{1/2} \quad (2.15)$$

avec C_d : coefficient de pertes de charges

A_v : section de passage de la vanne, cette section varie selon le degré d'ouverture de la vanne.

CHAPITRE 4 : MODÈLE MATHÉMATIQUE GÉNÉRAL
EN RÉGIME PERMANENT.

4.1 ÉQUATIONS DE BASE DU RÉSEAU.

Il s'agit dans ce chapitre de trouver le modèle mathématique régissant les écoulements en régime permanent .

Le problème est de trouver les débits dans toutes les conduites pour un ensemble de débits entrant et/ou sortant du réseau et ensuite de trouver les lignes d'énergie à travers le réseau. Les caractéristiques géométriques et physiques des conduites sont connues (longueur, diamètre, rugosité, etc..) ainsi que les propriétés physiques du fluide

Le modèle mathématique utilisé dans le calcul des réseaux hydrauliques sous pression est analogue au modèle mathématique de calcul des réseaux électriques en électrotechnique, ce modèle est appelé "Modèle de KIRCHOFF".

On établit ainsi l'analogie suivante entre les différentes grandeurs:

<u>Réseau électrique</u>	<u>Réseau hydraulique</u>
Intensité du courant	Débit de l'écoulement
Tension entre deux points	Pertes de charges

On aboutit ainsi aux lois suivantes:

-Loi des noeuds:

La somme de débits à noeud de jonction est nulle. Cette somme est une somme algébrique, elle tient compte des signes des

différents débits. La loi des noeuds exprime l'équation de continuité à travers tous les noeuds du réseau.

-Loi des mailles:

La somme des pertes de charges sur une boucle fermée (boucle élémentaire et/ou boucle extérieure) est nulle. Cette loi exprime la conservation de l'énergie du réseau.

-Pertes de charges:

La formule exprimant les pertes de charges doit être vérifiée le long de chaque conduite.

Considérons un réseau comportant

j noeuds de jonction

f noeuds fixes

l boucles élémentaires

Pour un noeud de jonction nous pouvons écrire

$$\sum Q_i = 0 \quad (j \text{ équations})$$

ce qui peut encore s'énoncer comme suit : la somme des débits arrivant à un noeud de jonction est égale à la somme des débits partant de ce même noeud (en incluant la demande du noeud).

L'équation d'énergie dans une boucle élémentaire s'écrit :

$$\sum H_{fi} = 0 \quad (l \text{ équations})$$

-pertes de charges linéaires:

$$\text{Elles peuvent s'écrire: } H_{fi} = K_i Q_i^n$$

avec n dépendant de la formule utilisée pour exprimer les pertes de charges linéaires dans une conduite ; K_i dépend des caractéristiques de la conduite et aussi de la formule de pertes de charges utilisée.

1-Formule de Darcy-Weibash:

$$H_{fi} = f_i(L_i/D_i)V_i^2/2g \quad (4.1)$$

la vitesse dans la conduite i en fonction du débit est telle que:

$$Q_i = A_i V_i \quad A_i \text{ étant l'aire de la section.} \quad (4.2)$$

$$D'où V_i = 4Q_i/\pi D_i^2 \quad (4.3)$$

$$K_i \text{ devient donc : } K_i = (8L_i f_i)/(2g\pi^2 D_i^5) \quad n_i = 2 \quad (4.4)$$

2-Formule de Hazen-Williams

$$V_i = 0.85 C_{HWi} R_{hi}^{0.63} (H_{fi}/L_i)^{0.54} \quad (4.5)$$

$$V_i = 4Q_i/\pi D_i^2 \quad \text{et } R_{hi} = D_i/4 \quad (4.6)$$

K_i devient donc :

$$K_i = [4L_i (4/D_i)^{0.63} / 0.85 C_{HWi} D_i^2 \pi]^{1/0.54} \quad n_i = 1/0.54 \quad (4.7)$$

3-Formule de Manning

$$V_i = 1/n_i R_{hi}^{2/3} (H_{fi}/L_i)^{1/2} \quad (4.8)$$

$$K_i = [4L_i n_i / \pi D_i^2 (D_i/4)^{2/3}]^2 \quad n_i = 2 \quad (4.9)$$

-Pertes de charges singulières

Pour une singularité elle s'écrit :

$$H_{fi} = K_i' Q_i^n \quad (4.10) \quad K_i' \text{ dépend de la longueur équivalente de}$$

la singularité rapportée à la conduite i

En incorporant une pompe dans la conduite i l'équation d'énergie devient:

$$\Sigma[H_{fi} - f_i(Q_i)] = 0 \quad (4.11)$$

$$\text{ou } \Sigma(K_i Q_i^n - \alpha_i Q_i^{B_i}) = 0 \quad (1 \text{ équations}) \quad (4.12)$$

Pour les f noeuds fixes du réseau on peut trouver f-1 boucles extérieure indépendantes et écrire l'équation d'énergie :

$$\Sigma(K_i Q_i^n - \alpha_i Q_i^{B_i}) = \Delta E \quad (f-1 \text{ équations}) \quad (4.13)$$

E étant la différence de niveau entre les deux noeuds fixes de la boucle.

Finalement le modèle mathématique général du système en régime permanent est :

$$\Sigma Q_i = 0 \quad (j \text{ équations}) \quad (4.14)$$

$$\Sigma K_i Q_i^n - \alpha_i Q^{B_i} = 0 \quad (l \text{ équations}) \quad (4.15)$$

$$\Sigma K_i Q_i^n - \alpha_i Q^{B_i} = \Delta E \quad (f-1 \text{ équations}) \quad (4.16)$$

Pour déterminer les débits dans toutes les conduites du réseau il faut résoudre ce système d'équations. on doit avoir $p=j+l-f-1$, comme étant le nombre de conduites

Il s'agit d'un système d'équations non linéaires de p équations à p inconnues, diverses méthodes de résolution numériques de ces équations sont présentées dans la littérature spécialisée Nous allons en exposer quelques unes.

4.2 METHODE DE LINEARISATION.

Le modèle mathématique est formé de j équations linéaires en Q et l+f-1 équations non linéaires; une des techniques de résolution consiste à linéariser les l+f-1 équations de façon à obtenir un système d'équations linéaires qu'on résoud facilement. Nous exposerons deux variantes de cette méthode:

4.2.1 : METHODE LINEAIRE DE WOODS ET CHARLES.

Woods et Charles ont suggéré la linéarisation de l'équation d'énergie de la manière suivante:

$$H_{fi} = K_i Q_i^n - \alpha_i Q_i^{\beta_i} \quad (4.17)$$

$$= (K_i Q_{i_0}^{n-1} - \alpha_i Q_{i_0}^{\beta_i-1}) Q_i = K'_i Q_i \quad (4.18)$$

Q_{i_0} étant un débit aproximatif dans la conduite i

Nous obtenons ainsi le système d'équations suivant:

$$\Sigma Q_i = 0 \quad (j \text{ équations}) \quad (4.19)$$

$$\Sigma K'_i Q_i = 0 \quad (l \text{ équations}) \quad (4.20)$$

$$\Sigma K'_i Q_i = \Delta E \quad (f-1 \text{ équations}) \quad (4.21)$$

C'est un système d'équations linéaires qui peut être résolu par différentes méthodes connues (Gauss-Jordan, Gauss-Seidel, etc, ...)

Algorithme de résolution

1-Au départ on suppose $Q_{i_0} = 1$ dans toutes les conduites

$$\text{Dans ce cas } K'_i = K_i - \alpha_i \quad (4.22)$$

2-Résolution du système d'équations linéaires formée par la méthode de Gauss Seidel.

3-Les débits trouvés en 2 sont utilisés comme débits approximatifs pour la deuxième itération. Après deux itérations on utilise la formule suivante pour le débit aproximatif:

$Q_{i_0} = (Q_{i_0-1} + Q_{i_0-2})/2$ afin d'améliorer la convergence en diminuant les oscillations autour de la solution.

La procédure est réitérée jusqu'à l'obtention de la précision souhaitée (0.1 l/s dans le programme). Un des avantages de cette méthode est qu'il n'est pas nécessaire de donner des débits initiaux pour résoudre les équations.

4.2.2 Une autre méthode de linéarisation transforme l'équation d'énergie de la manière suivante:

$$H_i = f(Q_i) = K_i Q_i^n - \alpha_i Q_i^{\beta_i} \quad (4.23)$$

Développons la fonction $f(Q_i)$ autour de $Q=Q_i$ par la formule de Taylor au premier ordre

$$f(Q) = f(Q_i) - (\delta f / \delta Q)_{Q=Q_i} (Q - Q_i) \quad (4.24)$$

$$\text{soit } f'(Q_i) = G_i = (\delta f / \delta Q)_{Q=Q_i} \quad (4.25)$$

$$= n K_i Q_i^{n-1} - \beta_i \alpha_i Q_i^{\beta_i-1} \quad (4.26)$$

autour d'une boucle l'équation d'énergie s'écrit:

$$\Sigma f(Q_i) = 0 \text{ ou } \Sigma f(Q_i) = \Delta E \quad (4.27)$$

$$\Sigma f(Q) = \Sigma (H_i + G_i Q - G_i Q_i) = 0 \text{ d'où } \quad (4.28)$$

$$\Sigma G_i Q = \Sigma (G_i Q_i - H_i) \quad (4.29) \text{ pour toutes les boucles du réseau}$$

Nous obtenons le système d'équations linéaires suivant:

$$\Sigma Q_i = 0 \quad (j \text{ équations}) \quad (4.29)$$

$$\Sigma G_i Q = \Sigma (G_i Q_i - H_i) \quad (l \text{ équations}) \quad (4.30)$$

$$\Sigma G_i Q = \Sigma (G_i Q_i - H_i + \Delta E) \quad (f-1 \text{ équations}) \quad (4.31)$$

Pour la résolution numérique, il faut trouver au départ un ensemble de débits initiaux en respectant la condition de continuité; ensuite il faut utiliser une procédure d'approximation successive dans laquelle les débits trouvés à une itération i servent des débits approximatifs pour l'itération suivante $i+1$.

La procédure est continuée jusqu'à l'obtention de la précision souhaitée. Nous remarquons que dans cette méthode, il faut au préalable déterminer les débits initiaux, ce qui constitue un désavantage.

4.3 BALANCEMENT DU RESEAU

(HARDY-CROSS)

Soit le modèle mathématique décrivant le réseau hydraulique

$$\Sigma Q_i = 0 \quad (j \text{ équations}) \quad (4.32)$$

$$\Sigma (K_i Q_i^n - \alpha_i Q_i^{Bi}) = 0 \quad (l \text{ équations}) \quad (4.33)$$

$$\Sigma (K_i Q_i^n - \alpha_i Q_i^{Bi}) = \Delta E \quad (f-1 \text{ équations}) \quad (4.34)$$

Le raisonnement de la méthode de Hardy-Cross est le suivant

Au début, on suppose des valeurs des débits dans toutes les conduites de sorte que l'équation de continuité soit satisfaite à chaque noeud de jonction.

Soit la conduite i et Q_{i0} le débit supposé et Q_i le débit réel l'erreur par rapport à la valeur réelle est :

$$\Delta Q_i = Q_i - Q_{i0} \quad (4.35)$$

Sur une boucle, la somme des pertes de charges doit être nulle mais ne l'est pas car les débits supposés ne sont pas les valeurs réelles.

En faisant une approximation de Taylor au premier ordre de Q_i^n et de Q_i^{Bi} au voisinage de $Q = Q_{i0}$ on trouve

$$H_f = H_{fi} - H_{fio} = K_i [Q_i^n - Q_{i0}^n] - \alpha_i [Q_i^{Bi} - Q_{i0}^{Bi}] \quad (4.36)$$

$$Q_i^n = Q_{i0}^n + (\delta Q_i^n / \delta Q_i)_{Q_i=Q_{i0}} (Q_i - Q_{i0}) \quad (4.37)$$

$$= Q_{i0}^n + n Q_{i0}^{n-1} \Delta Q_i \quad (4.38)$$

$$Q_i^{Bi} = Q_{i0}^{Bi} + (\delta Q_i^{Bi} / \delta Q_i)_{Q_i=Q_{i0}} (Q_i - Q_{i0}) \quad (4.39)$$

$$= Q_{i0}^{Bi} + Bi Q_{i0}^{Bi-1} \Delta Q_i \quad (4.40)$$

$$D'o\grave{u} \quad H_{fi} = [nK_i Q_{i0}^{n-1} - \alpha_i \beta_i Q_{i0}^{\beta_i-1}] \Delta Q_i \quad (4.41)$$

Si on connaissait H_f on aurait pu calculer ΔQ mais il n'en est pas ainsi car H_f , la perte de charge réelle est inconnue.

On peut cependant calculer l'écart de la perte de charge sur une boucle par rapport à la solution réelle

$$\Sigma H_i = \Sigma [H_{fi} - H_{fio}] \quad (4.42)$$

$$\text{or } \Sigma H_{fi} = 0 \text{ ( quation d'énergie)} \quad (4.43)$$

$$D'o\grave{u} \quad \Sigma H_{fi} = -\Sigma H_{fio} \quad (4.44)$$

ΣH_{fio} peut être calculé en appliquant la formule de la perte de charges à chaque conduite avec le débit supposé Q_{i0}

$$-\Sigma H_{fio} = \Sigma [nK_i Q_{i0}^{n-1} - \alpha_i \beta_i Q_{i0}^{\beta_i-1}] \Delta Q_i = \Sigma H_{fi} \quad (4.45)$$

Cette équation montre que ΣH_{fio} est du aux écarts des débits dans les conduites par rapport à la solution exacte

$$\Sigma H_{fio} = \Sigma [K_i Q_{i0}^n - \alpha_i Q_{i0}^{\beta_i-1}] \quad (4.46)$$

$$= \Sigma [K_i Q_{i0}^{n-1} - \alpha_i Q_{i0}^{\beta_i-1}] Q_{i0} \quad (4.47)$$

D'où l'équation suivante :

$$\Sigma [nK_i Q_{i0}^{n-1} - \alpha_i Q_{i0}^{\beta_i-1}] \Delta Q_i = -\Sigma [K_i Q_{i0}^{n-1} - \alpha_i Q_{i0}^{\beta_i-1}] Q_{i0} \quad (4.48)$$

$|\Delta Q_i|$ a la même valeur dans chaque conduite de la boucle

$$Q \Sigma [nK_i |Q_{i0}|^{n-1} - \alpha_i \beta_i |Q_{i0}|^{\beta_i-1}] \quad (4.48)$$

$$= -\Sigma [K_i |Q_{i0}|^{n-1} - \alpha_i |Q_{i0}|^{\beta_i-1}] Q_{i0} \quad (4.49)$$

D'où la valeur de $|\Delta Q|$ pour une boucle:

$$\Delta Q = \frac{-\Sigma [K_i |Q_{i0}|^{n-1} - \alpha_i |Q_{i0}|^{\beta_i-1}] Q_{i0}}{\Sigma [nK_i |Q_{i0}|^{n-1} - \alpha_i \beta_i |Q_{i0}|^{\beta_i-1}]} \quad (4.50)$$

Pour une boucle extérieure , en considérant la différence de niveau ΔE , on a :

$$\Delta Q = \frac{-\sum [K_i |Q_{i_0}|^{n-1} - \alpha_i |Q_{i_0}|^{B_i-1}] Q_{i_0} - E}{-\sum [nK_i |Q_{i_0}|^{n-1} - \alpha_i B_i - 1 |Q_{i_0}|^{B_i-1}] Q_{i_0}} \quad (4.51)$$

NOTE:

Q calculé avec la formule ci-haut n'est pas la valeur exacte de Q-Q₀, puisque cette formule est obtenue en négligeant les termes d'ordre supérieur ou égal à deux en ΔQ dans le développement de Q₀ + ΔQ.

Comme conséquence de la remarque précédente Q₁ = Q₀ + ΔQ n'est pas la solution exacte du problème, mais une amélioration de la solution Q₀ permettant de mieux approcher la solution exacte

-Algorithme de la méthode:

1-Supposer le débit et son sens dans chaque conduite de sorte à respecter l'équation de continuité à travers tous les noeuds du réseau

2-Pour chaque boucle du réseau, calculer le dénominateur et le numérateur de la formule de ΔQ.

3-Si la somme des pertes des charges calculées sur chaque boucle et les valeurs de ΔQ sont suffisamment petites, la solution est atteinte sinon on remplace les débits supposés au départ Q₀ par Q₀ + ΔQ et on reprend le processus à partir de 1

NOTE :

Si une conduite appartient à deux boucles adjacentes, on lui applique Q pour les deux boucles

Note sur le calcul des pertes des charges :

Pour les formules de pertes de charges explicites (Hazen-

Williams, Manning); le coefficient K_i ne dépend pas du débit, il ne dépend que des caractéristiques géométriques et physiques de la conduite, il est donc calculé une fois et reste constant durant toute la simulation.

L'utilisation de la formule de Darcy-Weibash, qui est implicite, et dépend du débit exige une procédure itérative que nous allons décrire

Algorithme :

Pour chaque Q_i :

1-On calcule une valeur de départ du coefficient de frottement en utilisant la formule DE BLASIUS

$$f_{i1} = 0.3164Re^{-1/4} \quad (4.52) \text{ ce qui entraîne que}$$

$$f_{i1} = 4[0.3164(1/\pi Dmhu)^{-1/4}]Q_i^{-1/4} \quad (4.53)$$

2-Avec la valeur de f_{i1} on calcule f_{i2} par la formule :

$$f_{i2} = 0.86/[\ln(e/3.7D + 1.97mhu/Q_i D f_{i1})]^2 \quad (4.54)$$

ainsi de suite jusqu'à avoir

$$|f_{ik} - f_{ik-1}| < \mu \quad \mu \text{ étant un nombre petit arbitraire}$$

Le f_i est utilisé dans l'équation des pertes des charges

Ainsi pour chaque itération, des nouvelles valeurs du coefficient de frottement sont calculées (dépendant du débit).

La méthode de Hardy_Cross, même adaptée à l'ordinateur présente les désavantages suivants:

- Nécessité d'estimer les débits initiaux.
- Rythme de convergence lent.
- Solution non assurée.

La méthode que nous proposons pour calculer le réseau est une

combinaison de la méthode de Hardy-Cross et de la méthode de linéarisation. La méthode de linéarisation est utilisée pour déterminer des débits initiaux assez proches des débits réels en utilisant un coefficient de frottement arbitraire dans toutes les conduites. Les débits calculés par la méthode de linéarisation sont utilisés pour balancer le réseau (Hardy-Cross) ce qui à notre sens contribuera à accélérer la convergence et à limiter les oscillations autour de la solution.

CHAPITRE 5 REGIME QUASI-STATIQUE

5.1 GENERALITES SUR LE REGIME INSTATIONNAIRE

Le régime instationnaire se définit comme un régime dans lequel les variables de l'écoulement (pression, vitesse, etc, ...) dépendent du temps. Il est régi par des équations aux dérivées partielles requérant des méthodes numériques puissantes pour les résoudre.

En considérant le taux de variation des variables d'écoulements par rapport au temps, il est possible, de classer le régime instationnaire en trois grandes classes qui sont :

1-Régime quasi-statique:

Ici le taux de variation de la masse du fluide est continue dans le temps, mais l'accélération et les forces produisant ces accélérations restent négligeables. Dans ce cas les équations du régime permanent peuvent être appliquées avec une précision acceptable.

Exemple : -Remplissage continu d'un réservoir

-Vidange continu d'un réservoir

2-Les oscillations de la masse fluide où le taux de variation par rapport au temps de la vitesse est assez important pour produire une accélération notable du fluide, mais les forces d'accélération restent tout de même assez petites pour pouvoir ignorer la compressibilité du fluide

Exemple : Écoulement des fluides dans les machines à piston.

3-Écoulement des fluides où le temps de changement de vitesse du fluide est comparable à la période d'oscillations des ondes de vitesses dans le système. Dans ce cas les conduites sont considérées comme étant élastique et la compressibilité du fluide est considérée dans l'établissement des équations. Ce régime est connu sous le nom du 'Régime transitoire', les équations régissant ces phénomènes sont résolues généralement sur ordinateur en utilisant des méthodes numériques (méthode des différences finies, méthode des caractéristiques, etc, ...)

Exemples : -Effet de la fermeture brusque d'une vanne dans un réseau hydraulique.

-Perte de puissance d'une pompe dans un réseau hydraulique.

Dans le cadre de cette étude nous développerons uniquement le régime quasistatique.

5.2 THEORIE DE LA COLONNE DE FLUIDE RIGIDE

Etudions la simulation d'un réservoir en régime quasistatique en appliquant la théorie de la colonne de fluide rigide

-Considérons le cas d'un réservoir se vidant dans un réseau hydraulique à travers une conduite. Les caractéristiques géométriques et physiques (longueur , diamètre , rugosité, etc , ...de toutes les conduites sont connues

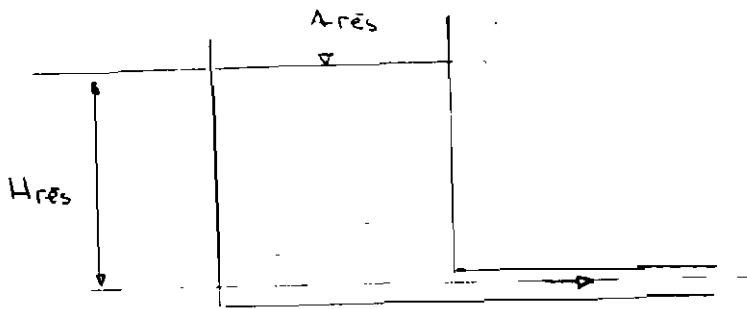


Fig 5.1

- Q_{in} : débit extérieur
- L_i : longueur de la conduite i
- D_i : diamètre de la conduite i
- A_i : aire de la conduite i
- $A_{rés}$: Aire du réservoir (fonction de H)
- f_i : coefficient de perte de charge de la conduite i
- K_i : coefficient des pertes de charges singulières de la conduite i

L'équation de continuité s'exprime en égalant le taux de variation par rapport au temps de la hauteur du réservoir et le débit traversant la conduite :

$$A_{rés}(-\delta H/\delta t) + Q_{in} = A_i V_i \quad (5.1)$$

en supposant $A_{rés}$ très grand par rapport à A_i

La hauteur manométrique est :

$$H = (f_i L_i / D_i + K_i) V_i^2 / 2g \quad (5.2)$$

En tirant la valeur de V_i de l'équation de la hauteur manométrique et en la remplaçant dans l'équation de continuité on a :

$$A_{rés}(-\delta H/\delta t) = c\sqrt{H} \quad (5.3)$$

$$\text{avec } C = A_i [2g / (f_i L_i) / D_i + K_i]^{1/2} \quad (5.4)$$

Cette équation peut être intégrée entre deux valeurs de H : H₁ et H₂ pour trouver le temps que met le fluide pour atteindre H₂ à partir de la position H₁. On peut trouver une relation de la hauteur du réservoir par rapport au temps en fixant une hauteur initiale H_{rés}

$$\int_{H_{rés}}^H A_{rés} \frac{dH}{\sqrt{H}} = -Ct \quad (5.5)$$

En intégrant cette dernière équation on trouve

$$t = 2 / C_i [H_{rés}^{1/2} - H^{1/2}] A_{rés} \quad (5.6)$$

Ainsi la hauteur atteinte par le réservoir après un temps t est : -réservoir en amont:

$$H = [H_{rés}^{1/2} - t C_i / 2]^2 \quad (5.7)$$

-réservoir en aval :

$$H = [H_{rés}^{1/2} - t C_i / 2]^2 \quad (5.8)$$

Soit un réseau hydraulique avec réservoir, le problème ici consiste de déterminer les débits dans toutes les conduites après un temps de simulation donnée Δt , il suffit dans ce cas de calculer les hauteurs de tous les réservoirs au temps voulu et d'appliquer les équations du régime permanent avec les hauteurs trouvées. (Au temps $t=0$, les hauteurs initiales sont connues). On peut ainsi trouver les variables de l'écoulement après un temps donné .

CHAPITRE 6: DESCRIPTION ET UTILISATION
DU PROGRAMME

6.1 PRESENTATION DES MODELES MATHÉMATIQUES

-Hypothèses

- Ecoulement d'un fluide incompressible
- Ecoulement stationnaire
- Ecoulement unidimensionnel

-Modèles mathématiques

Le modèle mathématique utilisé est établi dans le chapitre 4 ,il s'agit de résoudre le système d'équations suivant:

$$\Sigma Q_i = 0 \quad (j \text{ équations})$$

$$\Sigma (K_i Q_i^n - \alpha_i Q_i^{\beta_i}) = 0 \quad (l \text{ équations})$$

$$\Sigma (K_i Q_i^n - \alpha_i Q_i^{\beta_i}) = \Delta E \quad (f-1 \text{ équations})$$

Ce modèle est trouvé en appliquant les équations fondamentales de la mécanique de fluide (équation de continuité ,équation de l'énergie cinétique) à un réseau hydraulique comportant :

- j noeuds de jonctions
- l boucles élémentaires
- f-1 noeuds à pression fixe

α_i et β_i sont fonctions de la courbe caractéristique de la pompe se trouvant sur la conduite i (voir chapitre 3,section 3.2)

K_i est fonction des caractéristiques géométriques et physiques de la conduite i (longueur,diamètre,rugosité,...)

$$K_i = (8L_i f_i) / (2g\pi^2 D_i^5)$$

n est égal à 2 pour la formule de Darcy-Weibash

Les lignes de niveau sont trouvés en appliquant l'équation de

Bernouilli avec pertes de charges en partant d'un noeud à pression fixe

6.2 METHODES ET ALGORITHMES DE RESOLUTIONS

La méthode utilisée dans le programme pour résoudre le modèle mathématique est une combinaison de la méthode de linéarisation et de Hardy-Cross

-Calculs des débits initiaux

Les débits initiaux sont calculés par la méthode de linéarisation avec un coefficient de frottement arbitraire de $f = 0.025$ dans toutes les conduites du réseau (voir chapitre 4, section 4.2)

-Méthode de Hardy-Cross

La méthode de Hardy-Cross est utilisé pour balancer le débits fournis par la méthode de linéarisation (respectant l'équation de continuité à travers tous les noeuds du réseau)

Ici le coefficient de frottement est calculé à chaque itération par la formule de Colebrook en partant de la relation de Blasius (voir algorithme page 36)

Les réservoirs et les pompes sont traités dans des modules indépendants.

6.3 STRUCTURE GENERAL DU PROGRAMME

'HYDNET' est un programme de simulation numérique des écoulements en réseaux hydrauliques en régime permanent, il est interactif c'ad qu'il possède des menus déroulant permettant à l'utilisateur de saisir facilement son réseau et d'en faire la simulation

Le programme est écrit en TURBOPASCAL 4.0 et profite ainsi de

la grande structuration du langage ; en effet chaque traitement important est réalisé dans un module indépendant. Les différents modules communiquent entre eux des variables.

Aussi la structuration du programme permet la modification des modules qui sont parfaitement indépendants les uns des autres .On peut aussi y ajouter des nouveaux modules.

Dans le paragraphe suivant nous décrirons brièvement les unités que comporte le programme dont le listing est donné en annexe

CRTHYD est le module de saisie des données sur le clavier

SIMHYD1 calcule les débits initiaux

SIMHYD2 calcule les débits à l'aide de la méthode de Hardy-Cross

SIMHYD3 calcule les lignes de niveaux dans le réseau

GRAPHYD1 est le préprocesseur graphique du programme ,qui permet à l'utilisateur de visualiser son réseau sous forme graphique

NUMHYD affiche les résultats numériques du programme

Tous ces modules sont gérés par le programme principal **MAINHYD**

Le programme comporte également certains utilitaires qui sont :

DECLAR ,DECLAR1 : déclarations de toutes les variables globales du programme

MATHTOOLS est un ensemble des routines mathématiques utilisées dans le programme

GAUSSIDL résoud des systèmes d'équations par la méthode de Gauss-Seidel

6.4 INTERFACES AVEC L'USAGER

L'utilisateur doit au préalable représenter son réseau physiquement, il doit numéroter l'ensemble des éléments composant son réseau, ainsi il doit rentrer au clavier les différentes caractéristiques qui sont

- Nombre de noeuds de jonction
- Nombre de conduites
- Nombre de noeuds à pression fixe
- Nombre de boucles élémentaires
- Nombre de réservoirs

Pour une conduite les informations essentielles sont :

- Numéro de la conduite
- Longueur
- Diamètre
- rugosité absolue
- nombre des pompes (puissance ou courbe caractéristique)

Il doit également constituer ses boucles et fournir au programme les numéros des noeuds composant les différentes boucles.

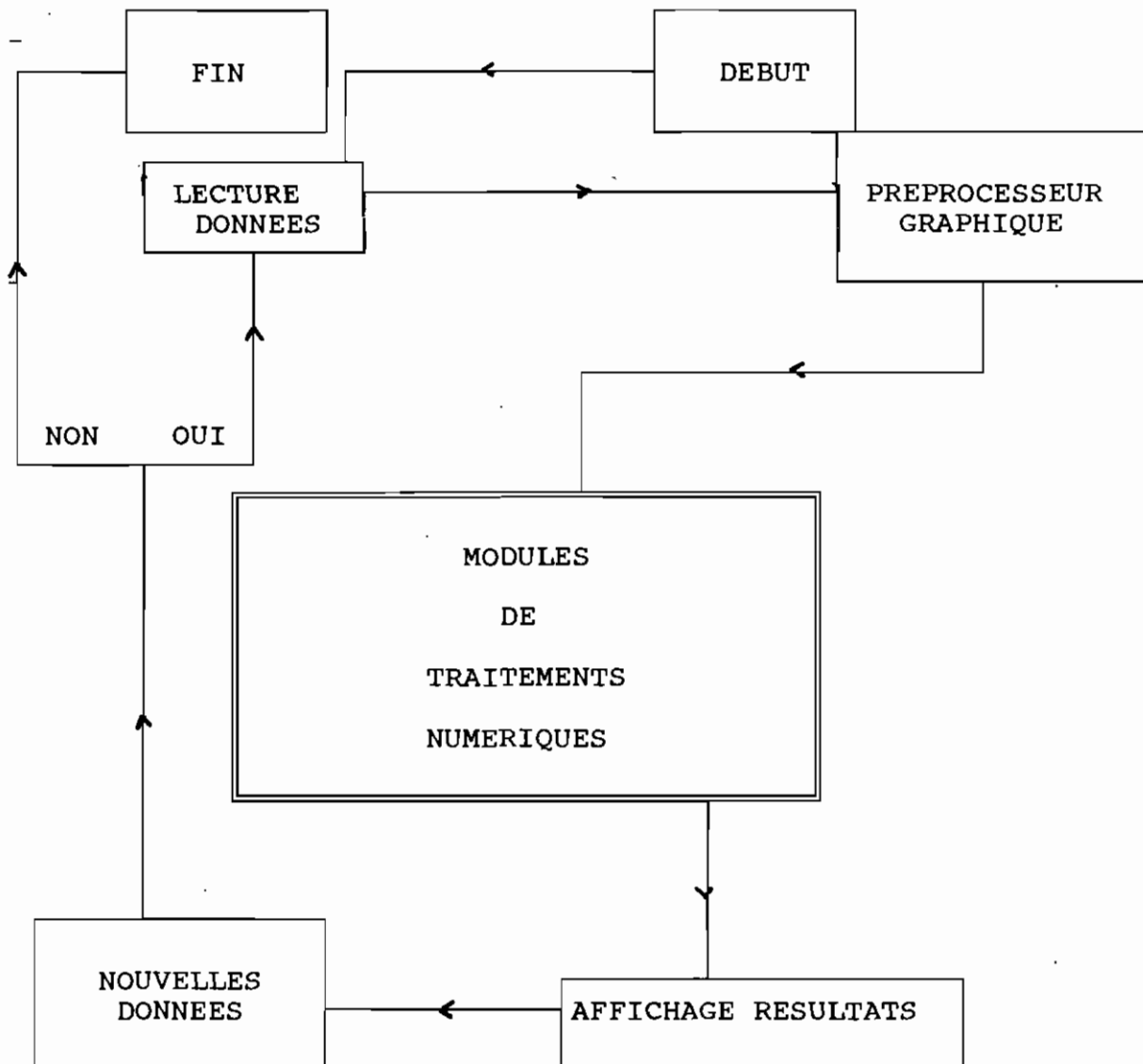
Pour un réservoir, il doit spécifier le numéro du noeud à pression fixe correspondant. Il indiquera aussi les débits extérieurs aux noeuds ainsi que leurs élévations géométriques et la pression (pour un noeud à pression fixe)

Les données relatives à un réseau peuvent être stockées sur disque, il suffira dans ce cas de donner un nom au fichier qui servira à sauvegarder ce réseau.

L'étape suivante consiste à la vérification par l'utilisateur

du réseau rentré au clavier, cette étape est réalisée par le préprocesseur graphique du programme. Ici un écran graphique est proposé à l'utilisateur. A partir des différentes commandes fournies et affichées à l'écran, l'utilisateur place ses différents noeuds à l'écran de façon judicieuse; ainsi le réseau saisi sera représenté graphiquement donnant à l'utilisateur la possibilité de vérifier les données saisies au clavier et de recommencer la saisie en cas de non conformité. Enfin les différents résultats numériques seront affichés à l'écran

6.5 ALGORITHME GENERAL DU PROGRAMME



CONCLUSION ET RECOMMANDATIONS

Cette étude nous a permis de mettre au point un logiciel de simulation des réseaux hydrauliques en régime permanent .Le programme permet de traiter les différentes configurations possible d'un réseau(maillé,étoilé ,ramifié) et comportant différentes singularités (pompe,réservoirs,etc..).

Les équations mathématiques régissant ces écoulements (équation de continuité,équation d'énergie) ainsi que les fonctionnement des éléments de base des réseaux ont été modélisées afin de trouver des algorithmes pouvant être programmé sur ordinateur.L'interface graphique du programme constitue un outil important pour le traitement des réseaux.

Le programme présente certaines instabilités pour la résolution des systèmes d'équations ;les raisons de cette instabilité peuvent être dues à la programmation de certaines formulations mathématiques qui pourraient nécessiter un temps suffisamment grand pouvant dépasser celui qui nous est alloué dans le cadre de cette étude.

Mais toutefois l'extension et la continuation du programme reste toujours possible grâce a la grande souplesse adoptée pour la programmation,en effet chaque traitement est isolé dans un module qui le décrit fidèlement ,les extensions peuvent se peuvent par des modules supplémentaires à ajouter aisément au

programme

En ajoutant des modules pour les traitements du régime transitoire ,ce programme deviendra un outil complet et indispensable pour la conception des réseaux hydrauliques ,outil académique mais aussi professionnel.

ANNEXE

LISTING DU PROGRAMME

PROGRAM MAINHYD

USES CRT,
GESTECR,
DOS

(*SM 16384,0,0 *)
(*spécification de la taille du tas*)

TYPE

activites=(permanent,quasistatique,quitter);
EnregActiv=record
 Nomproc:string[20];
 ligne,
 colonne:byte;
 chaîneMenu:string[50]
end;

CONST

poscol=20;
affichage=' P Q S ';

carnul=#0;
entree=#13;
sonnerie=#7;

EnHaut=#72;
AGauche=#75;
ADroite=#77;
EnBas=#80;

activite:array[activites] of enregactiv=
 ((nomproc:'permanent1';ligne:8;colonne:poscol;
 chainemenu:'Simulation en regime permanent '),
 (nomproc:'quasistatique1';ligne:10;colonne:poscol;
 chainemenu:'Simulation en regime quasistatique '),
 (nomproc:'';ligne:12;colonne:poscol;
 chainemenu:'Sortir '));

carmenu:set of char=
 ['P','Q','S',carnul,entree];

codesfleches:set of char=
 [enhaut,agauche,adroite,enbas];

VAR

fait:boolean;
selection:activites;

FUNCTION Majuscules(chsaisie:string):string;

VAR

 i:integer;
 chres:string;
begin
 chres:='';
 for i:=1 to length(chsaisie) do
 chres:=chres+upcase(chsaisie[i]);
 majuscules:=chres
end;

PROCEDURE Surbrillance;

begin
 reversevideo(true);
 with activite[selection] do
 begin

```

        gotoxy(colonne,ligne);
        writeln(majuscules(chainemenu))
    end;
    reversevideo(false);
    gotoxy(60,17)
end;

```

```

PROCEDURE Menuinitial;

```

```

    VAR
        option:activites;
    begin
        clrscr;

        Reversevideo(true);
        gotoxy(poscol-5,4);
        writeln(' * SIMULATION NUMERIQUE DES ECOULEMENTS * ');
        reversevideo(false);

        for option :=permanent to quitter do
            with activite[option] do
                begin
                    gotoxy(colonne,ligne);
                    writeln(chainemenu);
                end;

                selection :=permanent;
                surbrillance;
                gotoxy(poscol-12,16);
                write('Utiliser');
                reversevideo(true);
                write(#24,' ',#25,' ',#26,' ',#27);
                reversevideo(false);
                write(' ou ');
                reversevideo(true);
                write(affichoption);
                reversevideo(false);
                write(' pour selectionner une option , ');

                gotoxy(poscol-10,17);
                write('puis appuyer sur <Entrée> pou confirmer. ');
            end;

```

```

PROCEDURE Selectionne(var signalfin:boolean);

```

```

    CONST
        premcar='PQS';
    VAR
        carsaisi:char;
    PROCEDURE Continue;
        VAR
            espace:char;
        begin
            gotoxy(10,25);
            write('Appuyer sur la barre d'espacement pour revenir au menu. ');
            repeat
                espace:=readkey
            until espace=' ';
        end;

```

```

PROCEDURE EnleverSurbrillance;

```

```

    begin
        with activite[selection] do
            begin
                gotoxy(colonne,ligne);
                writeln(chainemenu)
            end

```



```

end;

PROCEDURE Choixsuivant;
begin
  enlevsurbrillance;
  if selection=quitter then
    selection:=permanent
  else
    selection:=succ(selection);
  surbrillance
end;

PROCEDURE ChoixPrecedent;
begin
  enlevsurbrillance;
  if selection=permanent then
    selection:=quitter
  else
    selection:=pred(selection);
  surbrillance
end;

begin(*selectionne*)
  signalfin:=false;
  repeat
    carsaisi:=uppercase(readkey);
    if not (carsaisi in carmenu) then
      write(sonnerie)
    until (carsaisi in carmenu);

case carsaisi of
  'P','Q','S' :
    begin
      enlevsurbrillance;
      selection:=
        activites(pos(carsaisi,premcars)-1);
      surbrillance
    end;

  carnul :
    begin
      carsaisi:=readkey;
      if carsaisi in codesfleches then
        case carsaisi of
          . enhaut,agauche:choixprecedent;
          . enbas,adroite:choixsuivant
        end
      else
        write(sonnerie)
      end;
    end;

entree:
begin
  if selection=quitter then
    signalfin:=true
  else
    begin
      if selection=permanent then
        exec('b:\gestcrt1.exe','');
      if selection=quasistatique
        then write('ZODI');
      continue;
      clrscr;
      menuinitial
    end
  end;
end;

```

```
        end
    end
end
end;

begin
menuinitial;
repeat
    selectionne(fait);
until fait;
clrscr
end.
```

PROGRAM MAINHYD1

```
USES CRT,
      DECLAR1,
      GESTECL,
      CRTHYD,
      SIMHYD1,
      SIMHYD2,
      SIMHYD3,
      GRAPHYD1,
      NUMHYD,
      DOS;

(*$M 65520,0,0*)
(*spécification de la taille du tas*)

TYPE
  activites=(saisie_clavier,sauvegarde,lecture,quitter);
  EnregActiv=record
    Nomproc:string[20];
    ligne,
    colonne:byte;
    chaineMenu:string[50]
  end;
CONST
  poscol=20;
  affichoption=' C F U S ';

  carnul=#0;
  entree=#13;
  sonnerie=#7;

  EnHaut=#72;
  AGauche=#75;
  ADroite=#77;
  EnBas=#80;

  activite=array[activites] of enregactiv=
    ((nomproc:'saisie_clavier1';ligne:6;colonne:poscol;
     chainemenu:'saisie au Clavier '),
     (nomproc:'sauvegarde1';ligne:8;colonne:poscol;
     chainemenu:'sauvegarder sur Fichier'),
     (nomproc:'lecture1';ligne:10;colonne:poscol;
     chainemenu:'Utiliser un fichier'),
     (nomproc:'';ligne:12;colonne:poscol;
     chainemenu:'Sortir'));

  carmenu:set of char=
    ['C','F','U','S',carnul,entree];

  codesfleches:set of char=
    [enhaut,agauche,adroite,enbas];
VAR
  fait:boolean;
  selection:activites;

FUNCTION Majuscules(chsaisie:string):string;
VAR
  i:integer;
  chres:string;
begin
  chres:='';
  for i:=1 to length(chsaisie) do
    chres:=chres+upcase(chsaisie[i]);
```

```

    majuscules:=chres
end;

PROCEDURE Surbrillance;
begin
    reversevideo(true);
    with activite[selection] do
        begin
            gotoxy(colonne,ligne);
            writeln(majuscules(chainemenu))
        end;
    reversevideo(false);
    gotoxy(60,17)
end;

PROCEDURE Menuinitial;
VAR
    option:activites;
begin
    clrscr;

    Reversevideo(true);
    gotoxy(poscol-5,3);
    writeln(' * SIMULATION EN REGIME PERMANANT * ');
    reversevideo(false);

    for option :=saisie_clavier to quitter do
        with activite[option] do
            begin
                gotoxy(colonne,ligne);
                writeln(chainemenu);
            end;

            selection :=saisie_clavier;
            surbrillance;
            gotoxy(poscol-12,16);
            write('Utiliser');
            reversevideo(true);
            write(#24,' ',#25,' ',#26,' ',#27);
            reversevideo(false);
            write(' ou ');
            reversevideo(true);
            write(affichoption);
            reversevideo(false);
            write(' pour selectionner une option , ');

            gotoxy(poscol-10,17);
            write('puis appuyer sur <Entrée> pour confirmer. ');
        end;

PROCEDURE Selectionne(var signalfin:boolean);
CONST
    premcar='CFUS';
VAR
    carsaisi:char;
PROCEDURE Continue;
VAR
    espace:char;
begin
    gotoxy(10,25);
    write('Appuyer sur la barre d'espacement pour revenir au menu. ');
    repeat
        espace:=readkey

```

```

    until espace=' ';
end;

PROCEDURE EnleverSurbrillance;
begin
    with activite[selection] do
        begin
            gotoxy(colonne,ligne);
            writeln(chainemenu)
        end
    end;
end;

PROCEDURE Choixsuivant;
begin
    enlevsurbrillance;
    if selection=quitter then
        selection:=saisie_clavier
    else
        selection:=succ(selection);
        surbrillance
    end;
end;

PROCEDURE ChoixPrecedent;
begin
    enlevsurbrillance;
    if selection=saisie_clavier then
        selection:=quitter
    else
        selection:=pred(selection);
        surbrillance
    end;
end;

begin(*selectionne*)
    signalfin:=false;
    repeat
        carsaisi:=upcase(readkey);
        if not (carsaisi in carmenu) then
            write(sonnerie)
        until (carsaisi in carmenu);

    case carsaisi of
        'C','F','U','S' :
            begin
                enlevsurbrillance;
                selection:=
                    activites(pos(carsaisi,premcars)-1);
                surbrillance
            end;

        carnul :
            begin
                carsaisi:=readkey;
                if carsaisi in codesfleches then
                    case carsaisi of
                        enhaut,agauche:choixprecedent;
                        enbas,adroite:choixsuivant
                    end
                else
                    write(sonnerie)
                end;
            end;
    end;

entree:

begin
    if selection=quitter then

```

```

    signalfin:=true
else
begin
    if selection=saisie_clavier then
        begin
            saisieclavier;
            debitinitial;
            continue;
            affichage(q1);
            clrscr;
            menuinitial;
        end;
    if selection=sauvegarde then
        begin
            saisieclavier;

            ecriturefichier;
            continue;
            clrscr;
            menuinitial;
        end;
    if selection=lecture then
        begin
            clrscr;
            lecturefichier;
            debitinitial;
            affichage(q1);
            continue;
            clrscr;
            menuinitial;
        end;
    end
end
end
end;

begin
    menuinitial;
    repeat
        selectionne(fait);
    until fait;
    clrscr
end.

```

```
UNIT DECLAR;  
(*declaration des types*)  
INTERFACE  
  
  type                                     (* display_menu*)  
    menu_rec= record  
      num_choices : integer;  
      menu_width : integer;  
      choices :array[1..14] of char;  
      descriptions:array[1..14] of string;  
      title:string;  
      prompt:string;  
    end;  
  
  tab=array[1..20,1..20] of real;  
  vcol=array[1..20] of real;  
  
IMPLEMENTATION  
  end.
```

UNIT DECLAR1

INTERFACE

USES DECLAR ,

```
(* $U b:\graphyd\graph.tpu*)GRAPH;
```

```
const g = 9.81;
```

```
type numero = 0..10;  
ncond = 0..30;  
pompe = (pompe1,pompe2);  
tab1=array[1..2,1..10] of real;  
tab2=array[1..10] of real;  
tnmatrix=array[1..20,1..20] of real;  
tnvector=array[1..20] of real;  
forme = (cylindrique,tronconique,rectangulaire);  
tabcond=array[1..30] of real;  
pu=array[1..10] of real;
```

```
Noeudfixe = record  
    pression,  
    elevation : real;  
    no : numero;  
end;
```

```
Pipe = record  
    no,  
    no1,  
    no2 : numero;  
    longueur,  
    diametre,  
    rugosite,  
    pertch : real;  
    npompe : numero;  
    case po:char of  
        '1' : (puissance:pu);  
        '2' : (data:tab1);  
    end;
```

```
NoeudJonction = record  
    no : numero;  
    debitext : real;  
    elevation : real;  
end;
```

```
Tank = record  
    no : numero;  
    hautmin,  
    hautmax,  
    debitext:real;  
    case fo:char of  
        'c' : (diam:real);  
        't' : (diam1,diam2:real);  
        'r' : (cote1,cote2:real);  
    end;
```

```
Loop = record  
    no : numero;  
    nloop : numero;  
    nloop1 : array[numero] of numero;  
    sens : array[numero] of boolean;  
end;
```



```

Loopout= record
    no : numero;
    nloopout:numero;
    nloopout1:array[numero] of numero;
    nof:array[1..2] of numero;
    sens:array[numero] of boolean;
end;

var
j,f,l,r,np : numero;
p          : integer;
npoints   : integer;

NF         : File of NoeudFixe;
Conduite   : File of pipe;
NJ         : File of NoeudJonction;    (*fichier donnees*)
Reservoir  : File of Tank;
Boucle     : File of Loop;
Boucleext  : File of loopout;

Nomfichier : string[30];
i,k,m,n,o,q,s,t: integer;

pipe1      : pipe;
nj1        : noeudjonction;
nf1        : noeudfixe;
res1       : tank;
bouc1      : loop;
boucext1   : loopout;

pipe2      : array[ncond] of pipe;
nj2        : array[numero] of noeudjonction;
nf2        : array[numero] of noeudfixe;
res2       : array[numero] of tank;
bouc2      : array[numero] of loop;
boucext2   : array[numero] of loopout;

r1,r2,r3,r4,hfe:vcoll;
a:tnmatrix;
Energie,db,q2:vcoll;b,q1:tnvector;
q11,b1:tab;

point:array[1..20] of pointtype;
dessin:file of pointtype;

x:tab;y,y1,h:vcoll;
erreur:boolean;
alpha,beta:real;
deltaq,deltaq1:vcoll;
precision:real;
mhu:real;

implementation
end.

```

```

UNIT CRTMYD;
INTERFACE
  USES CRT,
        DOS
        DECLAR,
        DECLAR1,
        GESTECCR;

  procedure InitialisationFichier;
  procedure EcritureFichier;
  procedure LectureFichier;
  procedure SaisieClavier;

IMPLEMENTATION

procedure InitialisationFichier;
begin

  begin(*creation du fichier de données*)
    clrscr;
    write('!nom du fichier ');
    readln(nomfichier);
    assign(NF,nomfichier+'\nf.dat');
    assign(NJ,nomfichier+'\nj.dat');
    assign(conduite,nomfichier+'\cond.dat');
    assign(reservoir,nomfichier+'\res.dat');
    assign(boucle,nomfichier+'\bouc.dat');
    assign(boucleext,nomfichier+'\boucext.dat');
  end;

  begin (*initialisation fichier NoeudJonction*)
    rewrite(nj);
    with nj1 do
      begin
        debitext:=0 ;elevation:=0;
        for i:=1 to j do
          begin
            no:=i;
            write(nj,nj1);
          end;(*for*)
        end;(*with*)
      close(nj);
    end;(*fin initialisation*)

  begin(*initialisationfichier noeudfixe*)
    rewrite(nf);
    clrscr;

    with nf1 do
      begin
        pression:=0;elevation:=0;
        for i:=1 to f do
          begin
            no:=i;
            write(nf,nf1);
          end;(*for*)
        end;(*with*)
      end;(*fin initialisation*)

  begin(*initialisation fichier conduite*)
    rewrite(conduite);
    clrscr;
    with pipe1 do

```

```

begin
  no1:=0;no2:=0;
  longueur:=0;
  diametre:=0;
  rugosite:=0;
  pertch:=0;
  npompe:=np;
  for k:=1 to np do
    begin
      case po of
        '1': puissancep[k]:=0;
        '2': begin
          for i:=1 to 2 do
            for k:=1 to 10 do
              data[i,k]:=0;
            end;
          end;(*case*)
        end;(*for k*)
      end;(*with*)
    end;(*conduite*)
  end;

begin(*initialisation fichier boucle*)
  rewrite(boucle);
  with boucl do
    for i:=1 to l do
      begin
        no:=i;
        nloop:=0;
        for k:=1 to nloop do
          nloop1[k]:=0;
        write(boucle,boucl);

        end;(*for i*)
      end;(*boucle*)
    end;

begin(*initialisation fichier boucle exterieur*)
  rewrite(boucleext);
  with boucext1 do
    for i:=1 to f-1 do
      begin
        no:=i;
        nloopout:=0;
        for k:=1 to nloopout do
          nloopout1[k]:=0;
        for k:=1 to 2 do
          .nof[k]:=0;
        write(boucleext,boucext1);

        end;(*for i*)
      end;(*boucleext*)
    end;

begin(*initialisation fichier reservoir*)
  rewrite(reservoir);
  with res1 do
    for i:=1 to r do
      begin
        no:=i;
        hautmin:=0;
        hautmax:=0;
        case fo of
          'c':diam:=0;
          't': begin
            diam1:=0;
            diam2:=0;

```

```

        end;
        'r': begin
            cote1:=0;
            cote2:=0;
        end;
    end;(*case*)
end;(*for i*)
end;(*reservoir*)

end;(*initialisationFichier*)

procedure ecritureFichier;
begin

clrscr;
cadre(5,5,75,20,2);
reversevideo(true);
gotoxy(19,7);
writeln('***.SAUVERGARDE SUR FICHER ***');
reversevideo(false);
repeat
gotoxy(10,12);
write('nom du repertoire : ');

gotoxy(40,12);
clreol;
readln(nomfichier);
(*$!-*);
mkdir(nomfichier);
(*$!+*);
if ioresult =0 then
begin
gotoxy(10,30);
writeln('le fichier de données ',nomfichier:33+length(nomfichier),' est cree ');
gotoxy(20,40);
writeln('Appuyez sur <Return> pour continuer ');
readln;
end
else
begin
gotoxy(10,30);
writeln('le fichier de données ',nomfichier,' existe ');
gotoxy(20,40);
writeln('Appuyez sur <Return> pour continuer ');
readln;
end;
until ioresult=0;

begin(*conduite*)
assign(conduite,nomfichier+'\cond.dat');
rewrite(conduite);
for i:=1 to p do
begin
pipe1:=pipe2[i];
seek(conduite,i-1);
write(conduite,pipe1);
end;(*for i*)
close(conduite);
end;(*conduite*)

```

```

begin(*noeud de jonction*)
  assign(nj,nomfichier+'\nj.dat');
  rewrite(nj);
  for i:=1 to j do
    begin
      nj1:=nj2[i];
      seek(nj,i-1);
      write(nj,nj1);
    end;(*for i*)
  close(nj);
end;(*noeud de jonction*)

begin(*noeud fixe*)
  assign(nf,nomfichier+'\nf.dat');
  rewrite(nf);
  for i:=1 to f do
    begin
      nf1:=nf2[i];
      seek(nf,i-1);
      write(nf,nf1);
    end;(*for i*)
  close(nf);
end;(*noeud fixe*)

begin(*reservoir*)
  assign(reservoir,nomfichier+'\res.dat');
  rewrite(reservoir);
  for i:=1 to r do
    begin
      res1:=res2[i];
      seek(reservoir,i-1);
      write(reservoir,res1);
    end;(*for i*)
  close(reservoir);
end;(*reservoir*)

begin(*boucle*)
  assign(boucle,nomfichier+'\bouc.dat');
  rewrite(boucle);
  for i:=1 to l do
    begin
      bouc1:=bouc2[i];
      seek(boucle,i-1);
      write(boucle,bouc1);
    end;(*for i*)
  close(boucle);
end;(*boucle*)

begin(*boucle exterieure*)
  assign(boucleext,nomfichier+'\boucext.dat');
  rewrite(boucleext);
  for i:=1 to f-1 do
    begin
      boucext1:=boucext2[i];
      seek(boucleext,i-1);
      write(boucleext,boucext1);
    end;(*for i*)
  close(boucleext);
end;(*boucle exterieure*)

end;(*écritureFichier*)

procedure lecturefichier;

```

```

begin
  clrscr;
  write('nom du repertoire : ');
  readln(nomfichier);

begin(*conduite*)
  assign(conduite,nomfichier+'\cond.dat');
  reset(conduite);
  p:=filesize(conduite);
  for i:=1 to p do
    begin
      seek(conduite,i-1);
      read(conduite,pipe1);
      pipe2[i]:=pipe1;
    end;(*for i*)
  end;(*conduite*)

begin(*noeud de jonction*)
  assign(nj,nomfichier+'\nj.dat');
  reset(nj);
  j:=filesize(nj);
  for i:=1 to j do
    begin
      seek(nj,i-1);
      read(nj,nj1);
      nj2[i]:=nj1;
    end;(*for i*)
  end;(*noeud de jonction*)

begin(*noeud fixe*)
  assign(nf,nomfichier+'\nf.dat');
  reset(nf);
  f:=filesize(nf);
  for i:=1 to f do
    begin
      seek(nf,i-1);
      read(nf,nf1);
      nf2[i]:=nf1;
    end;(*for i*)
  end;(*noeud fixe*)

begin(*reservoir*)
  assign(reservoir,nomfichier+'\res.dat');
  reset(reservoir);
  r:=filesize(reservoir);
  for i:=1 to r do
    begin
      seek(reservoir,i-1);
      read(reservoir,res1);
      res2[i]:=res1;
    end;(*for i*)
  end;(*reservoir*)

begin(*boucle*)
  assign(boucle,nomfichier+'\bouc.dat');
  reset(boucle);
  l:=filesize(boucle);
  for i:=1 to l do
    begin
      seek(boucle,i-1);
      read(boucle,bouc1);
      bouc2[i]:=bouc1;
    end;(*for i*)
  end;(*boucle*)

```

```

begin(*boucle exterieure*)
  assign(boucleext,nomfichier+'\boucext.dat');
  reset(boucleext);
  f:=filesize(boucleext)+1;
  for i:=1 to f-1 do
    begin
      seek(boucleext,i-1);
      read(boucleext,boucext1);
      boucext2[i]:=boucext1;
    end;(*for i*)
end;(*boucle exterieure*)

end;(*lectureFichier*)

procedure saisieclavier;
var sens1,a:char; a1:boolean;
begin (*programme principal*)
  begin
    repeat
      clrscr;
      cadre(1,1,79,24,2);
      reversevideo(true);
      gotoxy(23,6);
      write('nombre de conduites          ');
      reversevideo(false);
      readln(p);
      reversevideo(true);
      gotoxy(23,8);
      write('nombre de noeud de jonction  ');
      reversevideo(false);
      readln(j);
      reversevideo(true);
      gotoxy(23,10);
      write('nombre de noeud à niveau fixe ');
      reversevideo(false);
      readln(f);
      reversevideo(true);
      gotoxy(23,12);
      write('nombre de boucle elementaire ');
      reversevideo(false);
      readln(l);
      reversevideo(true);
      gotoxy(23,14);
      write('nombre de reservoir          ');
      reversevideo(false);
      readln(r);
      reversevideo(true);
      gotoxy(32,20);
      write('Exact OUI/NON ? ');
      reversevideo(false);
      a:=readkey;
      if a='o' then
        a1:=true else a1:=false;
    until a1
  end;

  clrscr;

  for i:=1 to j do
    repeat
      cadre(26,4,52,14,1);
      reversevideo(true);

```

```

gotoxy(30,6);
writeln('NOEUD DE JONCTION ',i);
reversevideo(false);
with nj2[i] do
  begin
    gotoxy(28,8);
    write('debit exterieur ');
    readln(debitext);
    gotoxy(28,10);
    write('elevation ');
    readln(elevation);
    writeln;
    no:=i;
  end;(*with*)
reversevideo(true);
gotoxy(30,12);
write('Exact OUI/NON ? ');
a:=readkey;
if a='o' then a1:=true else a1:=false;
reversevideo(false);
clrscr;
until a1;

clrscr;

for i:=1 to f do
  repeat
    cadre(23,4,54,14,1);
    reversevideo(true);
    gotoxy(27,6);
    writeln('NOEUD FIXE ',i,' numero ',i+j);
    reversevideo(false);
    with nf2[i] do
      begin
        gotoxy(25,8);
        write('pression ');
        readln(pression);
        gotoxy(25,10);
        write('elevation ');
        readln(elevation);
        writeln;
        no:=i+j;
      end;(*with*)
    reversevideo(true);
    gotoxy(27,12);
    write('Exact OUI/NON ? ');
    a:=readkey;
    if a='o' then a1:=true else a1:=false;
    reversevideo(false);
    clrscr;
  until a1 ;

  clrscr;

for i:=1 to p do
  repeat
    clrscr;
    cadre(1,4,79,24,2);
    reversevideo(true);
    gotoxy(35,6);
    writeln('CONDUITE ',i);
    reversevideo(false);
    with pipe2[i] do
      begin
        no:=i;

```



```

gotoxy(18,8);
write('noeuds extremes no1 ---> no2 ');
readln(no1,no2);
gotoxy(18,10);
write('longueur ');
readln(longueur);
gotoxy(18,12);
write('diametre ');
readln(diametre);
gotoxy(18,14);
write('rugosite ');
readln(rugosite);
gotoxy(18,16);
write('somme de pertes de charges singulieres ');
readln(pertch);
gotoxy(18,18);
write('nombre de pompes ');
readln(npompe);
end>(*with*)
reversevideo(true);
gotoxy(32,22);
write('Exact OUI/NON ? ');
reversevideo(false);
a:=readkey;
if a='o' then a1:=true else a1:=false;
until a1;

for i:=1 to p do
with pipe2[i] do
for k:=1 to npompe do
begin
repeat
clrscr;
cadre(4,3,35,11,1);
reversevideo(true);
gotoxy(15,4);
writeln('CONDUITE ',i);
gotoxy(15,5);
writeln('POMPE ',k);
reversevideo(false);
gotoxy(5,7);
writeln('puissance ou caracteristique!');
gotoxy(5,8);
write('tapez 1 ou 2 ');
po:=readkey;
reversevideo(true);
gotoxy(10,10);
write('Exact OUI/NON ? ');
reversevideo(false);
a:=readkey;
if a='o' then a1:=true else a1:=false;
until a1;
case po of
'1' :
repeat
cadre(3,2,72,17,2);
cadre(36,12,71,16,1);
gotoxy(47,13);
write('Puissance ? ');
gotoxy(50,14);
clrscr;
readln(puissancep[k]);
reversevideo(true);
gotoxy(50,15);
write('Exact OUI/NON ? ');

```

```

reversevideo(false);
a:=readkey;
if a='o' then a1:=true else a1:=false;
until a1;

'2' :
repeat
cadre(2,12,80,23,1);
gotoxy(5,13);
write('nombre de points ? ');
gotoxy(45,13);
writeln('maximum 10 points ');
gotoxy(50,14);
clreol;
readln(npoints);
gotoxy(30,15);
writeln('entrez (H,Q) ');
for q:=1 to npoints do
begin
cadre(1,2,80,24,2);
cadre(3,16,79,22,1);
reversevideo(true);
gotoxy(4+8*(q-1),17);
writeln('H',q);
reversevideo(false);
gotoxy(4+8*(q-1),18);
clreol;
readln(data[1,q]);
reversevideo(true);
gotoxy(4+8*(q-1),20);
writeln('Q',q);
reversevideo(false);
gotoxy(4+8*(q-1),21);
clreol;
readln(data[2,q]);
end>(*for q*)
reversevideo(true);
gotoxy(27,22);
write('Exact OUI/NON ? ');
reversevideo(false);
a:=readkey;
if a='o' then a1:=true else a1:=false;
until a1;
end>(*case*)
end>(*for k*)

begin(*reservoir*)
clrscr;
for i:=1 to r do
begin
repeat
clrscr;
cadre(9,5,67,18,1);
reversevideo(true);
gotoxy(34,6);
writeln('RESERVOIR ',i);
reversevideo(false);
with res2[i] do
begin
gotoxy(15,8);
write('numero du noeud fixe correspondant ');
readln(no);
gotoxy(15,10);
write('hauteur maximale ');
readln(hautmax);

```

```

gotoxy(15,12);
write('hauteur minimale           ');
readln(hautmin);
gotoxy(15,14);
write('debit exterieur           ');
readln(debitext);
gotoxy(15,16);
writeln('forme du reservoir       ');
gotoxy(15,17);
reversevideo(true);
write('cylindrique(C),tronconique(T),rectangulaire(R)
reversevideo(false);
fo:=readkey;
case fo of

  'c':  begin
        cadre(8,4,68,24,2);
        cadre(13,19,49,24,1);
        gotoxy(20,20);
        write('diametre   ');
        readln(diam);
        end;

  't':  begin
        cadre(8,4,68,24,2);
        cadre(13,19,49,24,1);
        gotoxy(20,20);
        write('diametre 1  ');
        readln(diam1);
        gotoxy(20,21);
        write('diametre 2  ');
        readln(diam2);
        end;

  'r':  begin
        cadre(8,4,68,24,2);
        cadre(13,19,49,24,1);
        gotoxy(20,20);
        write('coté 1     ');
        readln(cote1);
        gotoxy(20,21);
        write('coté 2     ');
        readln(cote2);
        end;
end;(*case*)
end;(*with*)
reversevideo(true);
gotoxy(18,23);
write('Exact OUI/NON ? ');
reversevideo(false);
a:=readkey;
if a='o' then a1:=true else a1:=false;
until a1;
end;(*for*)
end;(*reservoir*)

begin(*boucle*)
for i:=1 to l do
repeat
clrscr;
cadre(6,5,72,17,1);
reversevideo(true);
gotoxy(35,4);
writeln('BOUCLE ',i);
reversevideo(false);

```

```

with bouc2[i] do
begin
gotoxy(7,6);
write('nombre des noeuds ');
readln(nloop);
for k:=1 to nloop do
if k<=5 then
begin
gotoxy(7,6+2*k);
write('cond ',k,' : ');
readln(nloop1[k]);
end>(*if then k*)
else
begin
gotoxy(22,6+2*(k-5));
write('cond ',k,' : ');
readln(nloop1[k]);
end>(*if else k*)
for k:=1 to nloop do
begin
cadre(16,18,61,23,1);
cadre(5,3,73,24,2);
reversevideo(true);
gotoxy(30,18);
writeln('conduite ',k);
reversevideo(false);
gotoxy(20,20);
writeln('donnez le sens du débit dans la conduite!');
gotoxy(20,21);
writeln('no1--->no2 (1) no2--->no1 (2) ');
gotoxy(20,22);
clreol;
write('Tapez 1 ou 2 ');
readln(sens1);
if sens1='1' then
sens[k]:=true
else
if sens1='2' then
sens[k]:=false;
end>(*with*)
end>(*for*)
reversevideo(true);
gotoxy(30,24);
write('Exact OUI/NON ? ');
reversevideo(false);
a:=readkey;
if a='o' then a1:=true else a1:=false;
until a1
end>(*boucle*)

begin(*boucle exterieure*)
for i:= 1 to f-1 do
repeat
clrscr;
cadre(3,2,76,15,1);
reversevideo(true);
gotoxy(30,2);
writeln('BOUCLE EXTERIEURE ',i);
reversevideo(false);
with boucext2[i] do
begin
gotoxy(7,4);
write('nombre de noeuds ');
readln(nloopout);
nloopout:=nloopout-1;

```

```

for k:=1 to nloopout do
begin
  if k<=5 then
  begin
    gotoxy(7,4+2*k);
    write('cond ',k,' : ');
    readln(nloopout1[k]);
  end;
  if (k>5) and (k<=10) then
  begin
    gotoxy(22,4+2*(k-5));
    write('cond ',k,' : ');
    readln(nloopout1[k]);
  end;
  if (k>10) and (k<=15) then
  begin
    gotoxy(37,4+2*(k-10));
    write('cond ',k,' : ');
    readln(nloopout1[k]);
  end;
end;(*for k*)
for k:=1 to 2 do
begin
  cadre(2,1,77,24,2);
  cadre(31,16,52,19,1);
  gotoxy(33,16+k);
  write('NOEUD FIXE ',k,' ');
  readln(nof[k]);
end;(*for k*)
for k:=1 to nloopout do
begin
  cadre(16,20,61,24,1);
  reversevideo(true);
  gotoxy(30,20);
  writeln('conduite ',k);
  reversevideo(false);
  gotoxy(17,21);
  writeln('sens du débit dans la conduite');
  gotoxy(17,22);
  writeln('Tapez no1--->no2 (1) no2--->no1 (2) ');
  gotoxy(17,23);
  clreol;
  write('Tapez 1 ou 2 ');
  readln(sens1);
  if sens1='1' then
    sens[k]:=true
  else
    if sens1='2' then
      sens[k]:=false
    end;(*for k*)
end;(*with*)
reversevideo(true);
gotoxy(30,25);
write('Exact OUI/NON ? ');
reversevideo(false);
a:=readkey;
if a='o' then a1:=true else a1:=false;
until a1;
end;(*boucle exterieure*)
end;(*saisieclavier*)
end.

```

UNIT SIMHYD1;

INTERFACE

USES CRT,
DOS,
DECLAR1,
MATHTOOLS,
GESTECR;

procedure EquationNoeudJonction;
procedure CalculConduite(var r1:vcoll);
procedure AssemblageBoucle(con:vcoll);
procedure AssemblageBoucleExt(con:vcoll);
function norme(a,b:vcoll;p:integer):real;
procedure DebitInitial;
procedure affichage(q11:tnvector);
procedure EcritureMatrice(a1:tnmatrix);
procedure EcritureColonne(var b:vcoll);
procedure PompeConduite(donnees:tab1;numero:numero;
var alpha:real;var beta:real);
procedure CalculPompe(var r2:vcoll;var r3:vcoll);

IMPLEMENTATION

procedure pompeconduite;
var logh,logq:tab2;
i,k:integer;
alpha1,beta1:real;
begin
for i:=2 to numero do
begin
logh[i]:=ln(donnees[1,1]-donnees[1,i]);
logq[i]:=ln(donnees[2,i]);
end;
moindres_carrees(logq,logh,2,numero,alpha1,beta1);
alpha:=exp(beta1);
beta:=alpha1;
end;

procedure equationNoeudJONCTION;
begin (*equation de continuite*)
for i:=1 to j do
begin
b[i]:=nj2[i].debitext;
for k:=1 to p do
begin
a[i,k]:=0;
if nj2[i].no=pipe2[k].no1 then
a[i,k]:= -1
else
if nj2[i].no=pipe2[k].no2 then
a[i,k]:=1

end;(*for k*)
end;(*for i*)
end;(*equationNoeudJonction*)

procedure CalculConduite; (*calcul de r[i]*)
var
long,dia4,dia5,ki:real;

```

begin(*procedure*)
  for i:=1 to p do
    begin
      with pipe2[i] do
        begin
          long:=longueur;
          dia4:=puissance(diametre,4);
          dia5:=diametre*dia4;
          ki:=pertch;
          end;(*with*)
          r1[i]:=16/(pi*pi*2*g)*(0.025*long/dia5+ki/dia4);
        end;(*for*)
      end;(*procedure*)
    end;

```

```

procedure calculpompe;
var alpha,beta:real;
    k:integer;
begin
  for k:=1 to p do
    with pipe2[k] do
      if npompe <> 0 then
        begin
          case po of
            '1': begin
              r2[k]:=puissancep[1];
              r3[k]:=0.0
                end;
            '2': begin
              r2[k]:=alpha;
              r3[k]:=beta
                end;
          end;(*case*)
        end;(*if then*)
      else
        begin
          r2[k]:=0.0;
          r3[k]:=0.0;
          end;(*if else*)
        end;(*calculpompe*)
      end;

```

```

procedure assemblageBoucle;
var
  n:integer;
begin
  (*equation d'energie*)
  for i:=1 to l do
    begin
      b[i+j]:=0;
      with bouc2[i] do
        begin
          for k:=1 to p do
            begin
              a[i+j,k]:=0;
              for o:=1 to nloop do
                if nloop1[o]=pipe2[k].no then
                  if sens[o]=true then
                    a[i+j,k]:=r4[k]
                  else
                    if sens[o]=false then
                      a[i+j,k]:=-r4[k];
                end;(*for o*)
              end;(*for k*)
            end;(*for i*)
          end;(*with*)
        end;(*assemblageBoucle*)
      end;

```

```

procedure assemblageBoucleExt;

```

```

begin
  for i:=1 to f-1 do
    begin
      b[i+j+1]:=0;
      with boucext2[i] do
        begin
          begin
            for k:=1 to f do
              if nf2[k].no=nof[1] then
                b[i+j+1]:=nf2[k].pression;
            for k:=1 to f do
              if nf2[k].no=nof[2] then
                b[i+j+1]:=b[i+j+1]-nf2[k].pression;
            end;
            b[i+j+1]:=b[i+j+1]/981;
            for k:= 1 to p do
              begin
                a[i+j+1,k]:=0;
                for o:=1 to boucext2[i].nloopout do
                  if nloopout1[o] =pipe2[k].no then
                    if sens[o]=true then
                      a[i+j+1,k]:=r4[k]
                    else
                      if sens[o]=false then
                        a[i+j+1,k]:=-r4[k];
                  end;(*for k*)
                end;(*for i*)
              end;(*with*)
            end;(*assemblageBoucleExt*)
          end;
        end;
      end;
    end;
  end;

function norme;
var k:integer;
    res:real;
begin
  res:=0;
  for k:=1 to p do
    res:=res + sqr(a[i]-b[i]);
  norme:=abs(sqrt(res));
end;

procedure affichage;
begin(*affichage*)
  clrscr;
  for i:=1 to p do
    begin
      gotoxy(2,3+i);
      write('Debit ',i);
      gotoxy(30,3+i);
      writeln(q1[i]*1.0e3:9:10)
    end;
  end;

procedure ecriurematrice;
var i,j:integer;
begin
  for i:=1 to p do
    begin
      writeln;
      for j:=1 to p do
        write(a1[i,j]:3:3);
      end;
      writeln;
    end;
end;

procedure ecriurecolonne;

```



```

var i:integer;
begin
for i:=1 to p do
  writeln(b[i]:3:3);
end;

```

```

procedure debitinitial;

```

```

var
erreur:byte;k:integer;
iter:integer;
(*$! GAUSSIDL.INC *)
begin
begin(*itération 1*) for k:=1 to p do q1[k]:=0.0;
  equationNoeudJonction;
  CalculConduite(r1);
  calculpompe(r2,r3);
  for i:=1 to p do
    r4[i]:=r1[i]+r2[i];
  AssemblageBoucle(r4);
  AssemblageBoucleExt(r4);ecriturematrice(a);readln;
  Gauss_Seidel(p,a,b,1e-6,1000,q1,iter,erreur);affichage(q1);
  writeln('1');writeln(iter,' ',erreur);
  readln;

  for i:=1 to p do
    q1[1,i]:=q1[i]
end;(*itération 1*)

begin(*itération 2*)
  for i:=1 to p do
    with pipe2[i] do
      if npompe <> 0 then
        case po of
          '1':r4[i]:=r1[i]*q1[i]+r2[i]/(q1[i]*q1[i]);
          '2':r4[i]:=r1[i]*q1[i]+r2[i]*puissance(q1[i],r3[i]-1);
        end(*case*)
      else
        r4[i]:=r1[i]*q1[i];

        equationNoeudJonction;
        AssemblageBoucle(r4);
        AssemblageBoucleExt(r4);ecriturematrice(a);readln;
        Gauss_Seidel(p,a,b,1e-6,1000,q1,iter,erreur);affichage(q1);
        writeln('2');readln ;

        for i:=1 to p do
          q1[2,i]:=q1[i];
        end;(*itération 2*)

begin
k:=0;
repeat(*itérations*)
  for i:=1 to p do
    begin
      q1[k+3,i] := ( q1[k+2,i] + q1[k+1,i] ) / 2 ;
      q1[i] := q1[k+3,i];
      q2[i] := q1[k+3,i];
    end;
    for i:=1 to p do
      with pipe2[i] do
        if npompe <> 0 then

```

```

    case po of
    '1' : r4[i]:=r1[i]*q2[i]+r2[i]/(q2[i]*q2[i]);
    '2' : r4[i]:=r1[i]*q2[i]+r2[i]*puissance(q2[i],r3[i]-1);
    end(*case*)
    else
    r4[i]:=r1[i]*q2[i];

equationNoeudJonction;
AssemblageBoucle(r4);
AssemblageBoucleExt(r4);writeln(k+3);readln;ecriturematrice(a);readln;
Gauss_Seidel(p,a,b,1e-6,1000,q1,iter,erreur);affichage(q1);readln;

for i:=1 to p do
    q11[k+4,i] := q1[i];
    k:=k+1;
until k=18
end;
end;
end.

```

UNIT SIMHYD2;
INTERFACE

```
USES DECLAR,  
      DECLAR1,  
      MATTHOOLS,  
      SIMHYD1,  
      CRT,  
      DOS;
```

```
Function DarcyWeibash(debit,diametre,longueur,  
                     mhu,rugosite :real):real;
```

```
Procedure EquationContinue;
```

```
Procedure DebitInitialH;
```

```
Procedure CoefficientFrottement(var db:vcou);
```

```
Procedure BalancementBoucle( db:vcou;var deltaq:vcou);
```

```
Procedure BalancementBoucleext( db:vcou;var deltaq:vcou);
```

```
Procedure PertesChargesBoucle(db:vcou;var h:vcou);
```

```
Procedure PertesChargesBoucleExt(db:vcou;var h:vcou);
```

```
Function Maximum(a:vcou;nbre:integer):real;
```

```
Procedure Hardy_Cross;
```

IMPLEMENTATION

```
Function DarcyWeibash;  
  var i : integer;  
      f1,f2 : real;
```

```
begin(*function*)  
  f1:=0.3164*puissance(4*abs(debit)/(pi*mhu*diametre),-1/4);  
  f2:=0.25*sqr(ln(10))/sqr(ln(abs((rugosite/(diametre*3.7)  
    +(2.51*pi*mhu*diametre)/(4*debit*sqr(f1))))));  
  while abs(f2-f1) > 0.001 do  
    begin  
      f1:=f2;  
      f2:= 0.25*sqr(ln(10))/sqr(ln(abs((rugosite/(diametre*3.7)  
        +(2.51*pi*mhu*diametre)/(4*debit*sqr(f1))))));  
    end>(*while*)  
    darcyweibash:=f2  
  end>(*function*)
```

```
procedure EquationContinue;  
  var i:integer; a1:tab;  
      k:integer; b1:vcou;  
  (*$I GAUSSIDL.INC *)  
  begin  
    for i:=1 to j do  
      for k:=1 to j do  
        a1[i,k]:=a[i,k];  
  
    for i:=1 to j do  
      begin  
        b1[i]:=0.0;  
        for k:=j+1 to p do
```

```

        b1[i]:=b1[i]+a[i,j+k]*b[i];
    end;(* for i*)

end;(*equationcontinuïte*)

Procedure DebitinitialH;
var i,k,iter:integer;
    erreur:byte;
(*$! GAUSSIDL.INC *)
begin
    calculconduite(r1);
    equationNoeudJonction;
    for i:=1 to l do
        for k:=1 to p do

            a[i+j,k]:=r1[i+j];
        for i:=1 to f-1 do
            for k:=1 to p do
                a[i+j+l,k]:=r1[k]/2;
            ecriturematrice(a);readln;
            Gauss_seidel(p,a,b,1e-6,1000,q1,iter,erreur);

        end;

Procedure CoefficientFrottement;
var i:integer;
    long,dia4,dia5,dia,ki,rug,frott:real;
begin
    FOR i:=1 TO p DO
        begin
            WITH pipe2[i] DO
                begin
                    long:=longueur;
                    dia4:=puissance(diametre,4);
                    dia5:=dia4*diametre;
                    ki:=pertch;
                    dia:=diametre;
                    rug:=rugosite;
                end;
                frott:=DarcyWeibash(q1[i],dia,long,mhu,rug);writeln('f=',frott:3:3);readln;
                db[i]:=16/(pi*pi*2*g)*(frott*long/dia5+ki/dia4);
            end;(*for i*)
        end;(*procedure*)

procedure BalancementBoucle;
var num,denom:vcou;
    i,k:integer;

begin
    FOR i:=1 TO l DO
        begin
            num[i]:=0.0;
            denom[i]:=0.0;
            deltaq[i]:=0.0;
            WITH bouc2[i] DO
                FOR k:=1 TO p DO
                    IF pipe2[k].npompe = 0
                        THEN
                            begin
                                FOR o:=1 TO nloop DO
                                    begin
                                        IF nloop1[o]=pipe2[k].no THEN
                                            IF sens[o]=true THEN

```



```

        end(*if sens then*)
        ELSE
        begin
            num[i]:=num[i]-db[k]*abs(q1[k])*q1[k];
            denom[i]:=denom[i]-db[k]*2*abs(q1[k]);
            end>(*if sens else*)
        end(*for o*)
    end
    ELSE
    begin
    FOR o:=1 TO nloopout DO
        begin
            IF nloopout1[o]=pipe2[k].no THEN
            IF sens[o]=true THEN
            CASE pipe2[k].po OF
                '1': begin
                    end;
                '2': begin
                    num[i]:=num[i]+r2[k]*puissance(abs(q1[k]),
                        r3[k]-1)*q1[k]+db[k]*abs(q1[k])*q1[k];
                    denom[i]:=denom[i]-r2[k]*r3[k]*puissance(abs
                        (q1[k]),r3[k]-1)+db[k]*2*abs(q1[k]);
                    end>(*case*)
                end(*if*)
            (*if sens[o]=true*)ELSE
            CASE pipe2[k].po OF
                '1': begin
                    end;
                '2': begin
                    num[i]:=num[i]-r2[k]*puissance(abs(q1[k]),
                        r3[k]-1)*q1[k]-db[k]*abs(q1[k])*q1[k];
                    denom[i]:=denom[i]+r2[k]*r3[k]*puissance(abs
                        (q1[k]),r3[k]-1)-db[k]*2*abs(q1[k]);
                    end;
                end>(*case*)
            end>(*for o*)
        end;
    num[i]:=num[i]+(boucext2[i].nof[1]-boucext2[i].nof[i])/981;
    deltaq[i]:=-(num[i])/denom[i];
    end>(*for i*)
    end>(*balancementBoucleExt*)

```

Procédure PertesChargesBoucle;

```

begin
    FOR i:=1 TO l DO
        begin
            H[i]:=0.0;
            WITH bouc2[i] DO
                begin
                    FOR k:=1 TO p DO
                        FOR o:=1 TO nloop DO
                            IF nloop1[o]=pipe2[k].no THEN
                                IF sens[o]=true THEN
                                    H[i]:=H[i]+db[k]*abs(q1[k])*q1[k]
                                (*IF sens[o]=true*)ELSE
                                    H[i]:=H[i]-db[k]*abs(q1[k])*q1[k];
                            FOR k:=1 TO p DO
                                IF pipe2[k].npompe <> 0 THEN
                                    FOR o:=1 TO nloop DO
                                        IF sens[o]=true THEN
                                            CASE pipe2[k].po OF
                                                '1': H[i]:=0.0;
                                                '2': H[i]:=H[i]-r2[k]*puissance(abs(q1[k]),
                                                    r3[k]-1)*q1[k];

```

```

        end(*case*)
        (*IF sens[o]=true*)ELSE
        CASE pipe2[k].po OF
        '1':H[i]:=0.0;
        '2':H[i]:=H[i]+r2[k]*puissance(abs(q1[k]),
            r3[k]-1)*q1[k];
        end;(*case*)
    end;(*with*)
end;(*for i*)
end;(*procedure*)

Procedure PertesChargesBoucleExt;
begin
    FOR i:=1 TO f-1 DO
        begin
            H[i]:=0.0;
            WITH boucext2[i] DO
                begin
                    FOR k:=1 TO p DO
                        FOR o:=1 TO nloopout DO
                            IF nloopout1[o]=pipe2[k].no THEN
                                IF sens[o]=true THEN
                                    H[i]:=H[i]+db[k]*abs(q1[k])*q1[k]
                                (*IF sens[o]=true*)ELSE
                                    H[i]:=H[i]-db[k]*abs(q1[k])*q1[k];
                                FOR k:=1 TO p DO
                                    IF pipe2[k].npompe <> 0 THEN
                                        FOR o:=1 TO nloopout DO
                                            IF sens[o]=true THEN
                                                CASE pipe2[k].po OF
                                                '1': H[i]:=0.0;
                                                '2': H[i]:=H[i]-r2[k]*puissance(abs(q1[k]),
                                                    r3[k]-1)*q1[k];
                                                end(*case*)
                                                (*IF sens[o]=true*)ELSE
                                                CASE pipe2[k].po OF
                                                '1':H[i]:=0.0;
                                                '2':H[i]:=H[i]+r2[k]*puissance(abs(q1[k]),
                                                    r3[k]-1)*q1[k];
                                                end;(*case*)
                                            H[i]:=H[i]+nof[1]-nof[2];
                                        end;(*with*)
                                    end;(*for i*)
                                end;(*procedure*)

Function Maximum;
var i:integer;
    resultat:real;
begin
    resultat:=a[1];
    for i:=2 to nbre do
        if a[i] > resultat then
            resultat:=a[i];
        maximum:=resultat;
    end;

procedure Hardy_cross;
var ki:integer;db1,deltaq1,deltaq2,h1,h2:vcou;
begin
    debitinitialh;affichage(q1);readln; ki:=0;
    Repeat

        CoefficientFrottement(db1);
        BalancementBoucle(db1,deltaq1);

```

```

BalancementBoucleExt(db1,deltaq2);
FOR i:=1 TO l DO
  WITH bouc2[i] DO
    FOR k:=1 TO p DO
      FOR o:=1 TO nloop DO
        IF nloop1[o]=pipe2[k].no THEN
          CASE sens[o] OF
            true: q1[k]:=q1[k]+deltaq1[i];
            false: q1[k]:=q1[k]-deltaq1[i];
          end;(*case*)
          affichage(q1);writeln(ki);readln;

FOR i:=1 TO f-1 DO
  WITH boucext2[i] DO
    FOR k:=1 TO p DO
      FOR o:=1 TO nloopout DO
        IF nloopout1[o]=pipe2[k].no THEN
          q1[k]:=q1[k]+deltaq2[i];

PertesChargesBoucle(db1,h1);
PertesChargesboucleExt(db1,h2);
ki:=ki+1; writeln(maximum(h1,l));readln;
until (ki=20) or (abs(maximum(h1,l)) < 0.01)
  or (abs(maximum(deltaq1,l))<0.0001);

end;
end.

```


UNIT SIMHYD3;**INTERFACE**

Uses Declar,
Declar1,

Procedure CalculVitesse(var vitesse :vcol);
Procedure CalculPertesdeCharges(var pertecharge : vcol);
Procedure EnergieReseau(var energie,niveau:vcol);

IMPLEMENTATION

Procedure CalculVitesse;

```
begin
  for i:=1 to p do
    with pipe2[i] do
      vitesse[i]:=4*q1[i]/(pi*puissance(diametre,2));
    end;
```

Procedure PertesdeCharges;

```
begin
  coefficientfrottement(db);
  for i:=1 to p do
    with pipe2[i] do
      pertechage[i]:=(db[i]*longueur/diametre +pertch)
        *puissance(vitesse[i],2)/(2*g);
```

Procedure EnergieReseau;

```
begin
  CalculPertesdeCharges(hfe);
  For k:=1 to f-1 do
    with boucext2[k] do
      begin
        for i:=1 to f do
          if nof[1]=nf2[i].no then
            begin
              niveau[nf2[i].no]:=nf2[i].pression
                /gamma;
              energie[nf2[i].no]:=niveau[nf2[i].no] +
                nf2[i].elevation;
            end
          else
            if nof[2]=nf2[i].no then
              begin
                niveau[nf2[i].no]:=nf2[i].pression
                  /gamma;
                energie[nf2[i].no]:=niveau[nf2[i].no] +
                  nf2[i].elevation
              end;
            end;
```

```
for i:=1 to nloopout do
  if pipe2[nloopout1[i]].no1=nof[1] then
    begin
      temp1:=nof[1];
      temp2:=pipe2[nloopout1[i]].no2
      temp:=pipe2[nloopout1[i]].no
      if sens[i]=true then
        begin
          niveau[temp2]:=niveau[temp1]+gamma/(2*g)*
            (puissance(vitesse[temp1],2)
              -puissance(vitesse[temp2],2))
            +gamma*(nf2[temp1].elevation-
              nf2[temp2].elevation) -
            gamma*hfe[temp];
```

```

energie[temp2]:=niveau[temp2] +
    nf2[temp2].elevation;
end
else(*if sens[i]=false*)
begin
niveau[temp2]:=niveau[temp1]+gamma/(2*g)*
    (puissance(vitesse[temp1],2)
    -puissance(vitesse[temp2],2))
    +gamma*(nf2[temp1].elevation-
    nf2[temp2].elevation) +
    gamma*hfe[temp];

energie[temp2]:=niveau[temp2] +
    nf2[temp2].elevation;
end;
end;

if pipe2[nloopout1[i]].no2=nof[1] then
begin
temp1:=nof[1];
temp2:=pipe2[nloopout1[i]].no1
temp:=pipe2[nloopout1[i]].no
if sens[i]=true then
begin
niveau[temp2]:=niveau[temp1]+gamma/(2*g)*
    (puissance(vitesse[temp1],2)
    -puissance(vitesse[temp2],2))
    +gamma*(nf2[temp1].elevation-
    nf2[temp2].elevation) -
    gamma*hfe[temp];

energie[temp2]:=niveau[temp2] +
    nf2[temp2].elevation;
end
else(*if sens[i]=false*)
begin
niveau[temp2]:=niveau[temp1]+gamma/(2*g)*
    (puissance(vitesse[temp1],2)
    -puissance(vitesse[temp2],2))
    +gamma*(nf2[temp1].elevation-
    nf2[temp2].elevation) +
    gamma*hfe[temp];

energie[temp2]:=niveau[temp2] +
    nf2[temp2].elevation;
end;
end;
end;

```

```

UNIT GRAPHYD1;

INTERFACE

  uses (*$u b:graphyd\graph.tpu*) GRAPH,
        CRT,declar,declar1,
        crthyd;

const trait:array[1..2,1..6] of char=((#218,#191,#192,#217,#196,#179),
                                       (#201,#187,#200,#188,#205,#186));

Procedure ReverseVideo(etat:boolean);
Procedure ligne(direction:boolean;type_t:byte;a,b,c:integer);
  (* direction=true --> a=x1,b=x2,c=y horizontal *)
  (* direction=false --> a=y1,b=y2,c=x vertical *)

Procedure Mode_Graphique;

  procedure DDA(x1,y1,x2,y2:integer);

  procedure mouvement;

  procedure photo(var imecran:pointer);

  procedure cliche(imecran:pointer);

  procedure ecran;

  procedure tracage;

  procedure putpompe;

Procedure AfficheConduite;

Procedure AfficheNoeudJonction;

Procedure AfficheNoeudfixe;

Procedure AfficheReservoir;

Procedure CadreGraphique;

Procedure Legende1;

Procedure Legende2;

Procedure Legende4;

Procedure Legende5;

Procedure Legende3;

Procedure Sauvegardedessin;

Procedure LectureDessin;

Procedure PreProcesseurGraphique;

IMPLEMENTATION

procedure reverseVideo;

  begin

```

```

if etat then
  begin
    textcolor(black);
    textbackground(white);
  end
else
  begin
    textcolor(white);
    textbackground(black);
  end;
end;

Procedure ligne;
var i:integer;
begin
  if direction then
    begin
      for i:=a to b do
        begin
          gotoxy(i,c);
          write(trait[type_t,5]);
        end;
      end
    else
      begin
        for i:=a to b do
          begin
            gotoxy(c,i);
            write(trait[type_t,6]);
          end;
        end;
      end;
end;

Procedure Mode_Graphique;
var graphmode,
    graphdriver:integer;
begin
  graphmode:=detect;
  detectgraph(graphdriver,graphmode);
  initgraph(graphmode,graphdriver,'b:\graphyd\');
  if graphresult <> 0 then
    begin
      writeln('code erreur ',graphresult);
      halt(1);
    end;
  end;

procedure DDA;
var
  dx,dy,steps,k:integer;
  x_inc,y_inc:real;
  x,y:real;
begin
  dx:=x2-x1;
  dy:=y2-y1;
  if abs(dx) > abs(dy) then steps:=abs(dx)
  else steps:=abs(dy);
  x_inc:=x/steps;
  y_inc:=y/steps;
  x:=x1;y:=y1;
  putpixel(round(x),round(y),1);
  for k:=1 to steps do begin
    x:=x+x_inc;

```

```

        y:=y+y_inc;
        putpixel(round(x),round(y),1);
    end;
end;

procedure mouvement;
var x,y,xa,ya:integer;
    p,ce:integer;
    car:char;
begin
    x:=100;y:=100;
    ce:=getcolor;
    repeat
        p:=getpixel(x,y);
        repeat
            putpixel(x,y,0);
            putpixel(x,y,ce);
            delay(2);
        until keypressed;
        putpixel(x,y,p);
        car:=readkey;
        if car=#0 then
            begin
                car:=readkey;
                case car of
                    #75: begin
                            x:=x-1;
                            car:=readkey;
                            if car=#13 then outtextxy(x,y,'+');
                        end;

                    #77: begin
                            x:=x+1;
                            car:=readkey;
                            if car=#13 then outtextxy(x,y,'+');
                        end;

                    #72: begin
                            y:=y+1;
                            car:=readkey;
                            if car=#13 then outtextxy(x,y,'+');
                        end;

                    #80: begin
                            y:=y-1;
                            car:=readkey;
                            if car=#13 then outtextxy(x,y,'+');
                        end;
                end;
            end;
        end;
    until car='F';
end;

end;

procedure photo(var imecran:pointer);
var tailleecran:word;

begin
    tailleecran:=imagesize(0,0,getmaxx,getmaxy);
    getmem(imecran,tailleecran);
    getimage(0,0,getmaxx,getmaxy,imecran^);
readln;
closegraph;
    restorecrtmode;
end;

procedure cliché(imecran:pointer);

```

```

var graphmode,graphdriver:integer;
begin
  detectgraph(graphmode,graphdriver);
  initgraph(graphmode,graphdriver,'b:\graphyd\');
  putimage(0,0,imecran^,normalput);
end;

var imecran:pointer;

procedure ecran;
  var x,y,xa,ya:integer;   car:char; xst1,xst2:string;
  begin
    x:=100;y:=5;
  for i:=1 to j+f do
    begin
      outtextxy(x,y,'*');

      car:=readkey;
      if car =#0 then
repeat
  car:=readkey;
  case car of
    #75:begin
      x:=x-10;
      putpixel(x,y,1);
      moveto(x,y);
      str(getx,xst1);
      str(gety,xst2);
      setviewport(200,318,400,340,false);
      outtextxy(200,320,xst1);
      outtextxy(200,336,xst2);
      clearviewport;
      setviewport(0,0,getmaxx,getmaxy,true);
      car:=readkey;
      if car =#13 then
        begin
          outtextxy(x,y,'+');
          moveto(x,y);
          point[i].x:=getx;
          point[i].y:=gety;
        end;
      end;
    #77:begin
      x:=x+10;
      putpixel(x,y,1);
      moveto(x,y);
      str(getx,xst1);
      str(gety,xst2);
      setviewport(200,318,400,340,false);
      outtextxy(200,320,xst1);
      outtextxy(200,336,xst2);
      clearviewport;
      setviewport(0,0,getmaxx,getmaxy,true);
      car:=readkey;
      if car=#13 then
        begin
          outtextxy(x,y,'+');
          moveto(x,y);
          point[i].x:=getx;
          point[i].y:=gety;
        end;
      end;
    #72:begin

```

```

y:=y-10;
putpixel(x,y,1);
moveto(x,y);
str(getx,xst1);
str(gety,xst2);
setviewport(200,318,400,340,false);
outtextxy(200,320,xst1);
outtextxy(200,336,xst2);
clearviewport;
setviewport(0,0,getmaxx,getmaxy,true);
car:=readkey;
if car=#13 then
  begin
    outtextxy(x,y,'+');
    moveto(x,y);
    point[i].x:=getx;
    point[i].y:=gety;
  end;
end;
#80:begin
y:=y+10;
putpixel(x,y,1);
moveto(x,y);
str(getx,xst1);
str(gety,xst2);
setviewport(200,318,400,340,false);
outtextxy(200,320,xst1);
outtextxy(200,336,xst2);
clearviewport;
setviewport(0,0,getmaxx,getmaxy,true);
car:=readkey;
if car=#13 then
  begin
    outtextxy(x,y,'+');
    moveto(x,y);
    point[i].x:=getx;
    point[i].y:=gety;
  end;
end
end;(*case*)

until car='f';
end;

end;

procedure tracage;
var a1,a2,b1,b2:integer;
begin
  for i:=1 to p do
    begin
      with pipe2[i] do
        for k:=1 to j+f do
          if no1=k then
            begin
              a1:=point[k].x;
              b1:=point[k].y;
            end
          else
            if no2=k then
              begin
                a2:=point[k].x;
                b2:=point[k].y;
              end
            end
          end
        end
      end
    end
  end
end;

```

```

        end;
    line(a1,b1,a2,b2);
end;
end;

```

```

procedure putpompe;

```

```

    var a1,a2,b1,b2:integer;
begin
for i:=1 to p do
begin
with pipe2[i] do
if npompe <> 0 then
for k:=1 to j+f do
if no1=k then
begin
a1:=point[k].x;
b1:=point[k].y;
end
else
if no2=k then
begin
a2:=point[k].x;
b2:=point[k].y;
end;
circle(round((a1+a2)/2),round((b1+b2)/2),12);
end;
end;
end;

```

```

Procedure AfficheConduite;

```

```

begin
reversevideo(true);
gotoxy(32,1);
write('*** CONDUITE ***');
reversevideo(false);
ligne(true,2,2,78,5);
ligne(false,1,3,22,15);
ligne(false,1,3,22,28);
ligne(false,1,3,22,41);
ligne(false,1,3,22,54);
ligne(false,1,3,22,67);
gotoxy(4,3);
write('conduite');
gotoxy(17,3);
write('longueur');
gotoxy(20,4);
write('m');
gotoxy(30,3);
write('diametre');
gotoxy(32,4);
write('mm');
gotoxy(43,3);
write('rugosité');
gotoxy(46,4);
write('mm');
gotoxy(56,3);
write('nombre de');
gotoxy(58,4);
write('pompe');
gotoxy(68,3);
write('pertes de ');
gotoxy(69,4);
write('charges');

```



```

for i:=1 to p do
  with pipe2[i] do
    begin
      gotoxy(5,5+i);
      write(no:4);
      gotoxy(19,5+i);
      write(longueur:4);
      gotoxy(32,5+i);
      write(diametre:4);
      gotoxy(45,5+i);
      write(rugosite:4);
      gotoxy(60,5+i);
      write(npompe:4);
      gotoxy(70,5+i);
      write(pertch:4);
    end;
  end;
end;

```

Procedure AfficheNoeudJonction;

```

begin
  gotoxy(27,1);
  reversevideo(true);
  write('*** NOEUDES DE JONCTION ***');
  reversevideo(false);
  ligne(true,2,5,75,5);
  ligne(false,1,3,20,15);
  ligne(false,1,3,20,45);
  ligne(false,1,3,20,30);
  ligne(false,1,3,20,60);
  gotoxy(7,3);
  write('Noeud');
  gotoxy(18,3);
  write('Débit');
  gotoxy(18,4);
  write('litre/s');
  gotoxy(32,3);
  write('elevation');
  gotoxy(36,4);
  write('m');
  gotoxy(55,3);
  write('coordonées');
  gotoxy(47,4);
  write('abscisse');
  gotoxy(62,4);
  write('ordonnée');
  for i:=1 to j do
    with nj2[i] do
      begin
        gotoxy(8,5+i);
        write(no:2);
        gotoxy(18,5+i);
        write(debitext:4:1);
        gotoxy(34,5+i);
        write(elevation:4:1);
        gotoxy(48,5+i);
        write(point[i].x:3);
        gotoxy(63,5+i);
        write(point[i].y:3);
      end;
    end;
  end;
end;

```

Procedure AfficheNoeudfixe;

```

begin
  gotoxy(30,1);
  reversevideo(true);

```

```

write('*** NOEUDS FIXES ***');
reversevideo(false);
ligne(true,2,5,75,5);
ligne(false,1,3,20,15);
ligne(false,1,3,20,30);
ligne(false,1,3,20,45);
ligne(false,1,4,20,60);
gotoxy(6,3);
write('Noeud fixe');
gotoxy(18,3);
write('elevation');
gotoxy(20,4);
write('m');
gotoxy(33,3);
write('pression');
gotoxy(38,4);
write('m');
gotoxy(55,3);
write('coordonées');
gotoxy(47,4);
write('abscisse');
gotoxy(62,4);
write('ordonnée');
for i:=1 to f do
  with nf2[i] do
    begin
      gotoxy(10,5+i);
      write(i:2);
      gotoxy(17,5+i);
      write(elevation:4:1);
      gotoxy(32,5+i);
      write(pression:4:1);
      gotoxy(47,5+i);
      write(point[i+j].x:3);
      gotoxy(62,5+i);
      write(point[i+j].y:3);
    end;
end;

```

```

Procedure AfficheReservoir;
begin
  gotoxy(30,1);
  reversevideo(true);
  write('*** RESERVOIR ***');
  reversevideo(false);
  ligne(true,2,1,79,5);
  ligne(false,1,3,20,5);
  ligne(false,1,3,20,10);
  ligne(false,1,3,20,25);
  ligne(false,1,3,20,40);
  ligne(false,1,4,20,55);
  ligne(false,1,3,20,60);
  gotoxy(3,3);
  write('no');
  gotoxy(7,3);
  write('no');
  gotoxy(7,4);
  write('NF');
  gotoxy(13,3);
  write('Hmin');
  gotoxy(14,4);
  write('m');
  gotoxy(28,3);
  write('Hmaxi');
  gotoxy(30,4);

```

```

write('m');
gotoxy(42,3);
write('Débit');
gotoxy(42,4);
write('litres/s');
gotoxy(55,3);
write('forme');
gotoxy(63,3);
write('Dimensions');
for i:=1 to r do
  with res2[i] do
    begin
      gotoxy(2,5+i);
      write(i:2);
      gotoxy(6,5+i);
      write(no:2);
      gotoxy(12,5+i);
      write(hautmin:4:1);
      gotoxy(27,5+i);
      write(hautmax:4:1);
      gotoxy(42,5+i);
      write(debitext);
      gotoxy(57,5+i);
      case fo of
        'c':write('C');
        't':write('T');
        'r':write('R');
      end;(*case*)
      case fo of
        'c': begin
          gotoxy(70,5+i);
          write(diam:2:1);
        end;
        't': begin
          gotoxy(61,5+i);
          write(diam1:2:1);
          gotoxy(71,5+i);
          write(diam2);
        end;
        'r': begin
          gotoxy(61,5+i);
          write(cote1:2:1);
          gotoxy(71,5+i);
          write(cote2:2:1);
        end;
      end;(*case*)
    end(*with*)
  end;
end;

```

```

Procedure CadreGraphique;
begin
rectangle(0,0,719,347);
rectangle(2,2,100,313);
rectangle(2,315,717,345);
end;

```

```

Procedure Legende1;

```

```

begin
outtextxy(7,10,'COMMANDES');
line(2,25,100,25);
outtextxy(4,60,'deplacement');
outtextxy(4,80,#24+' '+#25+' '+#26+' '+#27);
outtextxy(6,120,'Placer');

```

```

    outtextxy(8,135,'un');
    outtextxy(5,150,'noeud');
    outtextxy(5,165,'<Return>');
    outtextxy(4,200,'Confirmer');
    outtextxy(5,215,'<Espace>');
    outtextxy(50,320,'abscisse = ');
    outtextxy(50,336,'ordonnee= ');

end;

Procedure Legende2;
begin
    setviewport(2,2,99,312,false);
    clearviewport;
    setviewport(0,0,getmaxx,getmaxy,false);
    outtextxy(7,10,'COMMANDES');
    line(2,25,100,25);
    outtextxy(4,50,'Donnees');
    outtextxy(4,65,'Numeriques');
    outtextxy(4,100,'<C>onduite');
    outtextxy(4,150,'<N>oeud');
    outtextxy(8,165,'de');
    outtextxy(4,180,'jonction');
    outtextxy(4,230,'Noeud');
    outtextxy(4,245,'<F>ixe');
    outtextxy(4,295,'<R>eservoir');
end;

Procedure Legende4;
begin
    setviewport(2,2,99,312,false);
    clearviewport;
    setviewport(0,0,getmaxx,getmaxy,false);
    outtextxy(7,10,'COMMANDES');
    line(2,25,100,25);
    outtextxy(4,50,'Sauvegarde');
    outtextxy(6,65,'dessin');
    outtextxy(8,80,'<F1>');
    outtextxy(4,130,'Redessiner');
    outtextxy(8,145,'<F2>');
    outtextxy(4,195,'Donnees');
    outtextxy(4,210,'numeriques');
    outtextxy(8,225,'<F3>');
end;

Procedure Legende5;
begin
    gotoxy(27,6);
    reversevideo(true);
    write('*** SAUVEGARDE DESSIN ***');
    reversevideo(false);
    ligne(true,2,4,76,8);
    gotoxy(10,12);
    write('Dessin ',nomfichier,+'\dessin.dat');
    gotoxy(10,14);
    write('en cours de sauvegarde!');
    ligne(true,2,4,76,20);
    gotoxy(10,17);
    write('Appuyez sur <Return> pour revenir');
    gotoxy(10,18);
    write('à l''interface graphique');
end;

Procedure Legende3;

```

```

var xst1:string; a,b:integer;
begin
  for i:=1 to j do
    begin
      str(i,xst1);
      outtextxy(point[i].x+5,point[i].y-5,'NJ'+xst1);
    end;
  for i:=1 to f do
    begin
      str(i,xst1);
      outtextxy(point[i+j].x+5,point[i+j].y-5,'NF'+xst1);
    end;
  for i:=1 to p do
    with pipe2[i] do
      begin
        str(no,xst1);
        for k:=1 to j+f do
          if no1=k then
            a:=no1
          else
            if no2=k then
              b:=no2;
            outtextxy(round((point[a].x+point[b].x)/2),
              round((point[a].y+point[b].y)/2),xst1);
        end;
        outtextxy(350,325,'Legende');
        outtextxy(450,318,'NJ --> Noeud de jonction');
        outtextxy(450,336,'NF --> Noeud fixe');
        outtextxy(5,250,'Menu suivant');
        outtextxy(5,265,'<Return>');
      end;
end;

```

```

Procedure sauvegardedessin;
begin
  assign(dessin,nomfichier+'\dessin.dat');
  rewrite(dessin);
  for i:=1 to j+f do
    begin
      seek(dessin,i-1);
      write(dessin,point[i]);
    end;
  close(dessin);
end;

```

```

Procedure LectureDessin;
begin
  assign(dessin,nomfichier+'\dessin.dat');
  reset(dessin);
  for i:=1 to j+f do
    begin
      seek(dessin,i-1);
      read(dessin,point[i]);
    end;
end;

```

```

Procedure PreprocesseurGraphique;

```

```

var car :char;

```

```

begin
  lecturefichier;
  mode_graphique;
  cadreGraphique;

```

```

legende1;
ecran;
tracage;
legende3;
readln;
legende4;

REPEAT
car:=readkey;
if car=#0 then
  car:=readkey;
  case car of
  #59: begin
    photo(imecran);
    sauvegardedessin;
    legende5;
    readln;
    cliché(imecran);
    setviewport(2,100,717,313,false);
    clearviewport;
    setviewport(0,0,getmaxx,getmaxy,true);
    cadregraphique;
    tracage;
    legende4;
    legende3;
    car:=readkey;
  end;

#60: begin
  setviewport(2,315,717,313,false);
  clearviewport;
  setviewport(0,0,getmaxx,getmaxy,true);
  cadregraphique;
  legende1;
  ecran;
  tracage;
  legende3;
  legende4;
  car:=readkey;
end;

#61: begin
  setviewport(2,315,717,313,false);
  clearviewport;
  setviewport(0,0,getmaxx,getmaxy,true);
  cadregraphique;
  legende1;
  tracage;
  legende3;
  legende2;
  car:=readkey;
  case car of
  'C': begin
    photo(imecran);
    afficheconduite;
    readln;
    clrscr;
    afficheoeudjonction;
    readln;
    clrscr;
    afficheoeudfixe;
    readln;
    clrscr;
    affichereservoir;
    readln;
    cliché(imecran);
  end;
end;

```

```

        legende2;
        car:=readkey;
    end;
    'N': begin
        photo(imecran);
        afficheoeudjonction;
        readln;
        afficheconduite;
        readln;
        clrscr;
        afficheoeudfixe;
        readln;
        clrscr;
        affichereservoir;
        cliche(imecran);
        legende2;
        car:=readkey;
    end;
    'F': begin
        photo(imecran);
        afficheoeudfixe;
        readln;
        afficheconduite;
        readln;
        clrscr;
        afficheoeudjonction;
        readln;
        clrscr;
        affichereservoir;
        readln;
        cliche(imecran);
        legende2;
        car:=readkey;
    end;
    'R': begin
        photo(imecran);
        affichereservoir;
        readln;
        clrscr;
        afficheconduite;
        readln;
        clrscr;
        afficheoeudjonction;
        readln;
        clrscr;
        afficheoeudfixe;
        readln;
        cliche(imecran);
        legende2;
        car:=readkey;
    end;
end;(*case*)
end;(* #61*)
end;(*case*)

until car='a';
closegraph;
restorecrtmode;

end;
end.

```

```

UNIT NLMHYD;
INTERFACE
  uses (*$u b:graphyd\graph.tpu*) GRAPH,
        CRT,declar,declar1,
        crthyd,Graphyd1;

var xst1,xst2,xst3,xst4,xst5 :string;
Procedure Affiche;

IMPLEMENTATION

  Procedure Affiche;

begin
  lecturefichier;
  Mode_graphique;
  rectangle(0,0,719,347);
  rectangle(2,2,717,345);
  rectangle(4,4,715,343);
  outtextxy(240,30,'** AFFICHAGE DES RESULTATS **');
  line(37,50,678,50);
  line(200,40,300,40);
  line(360,40,300,40);
  line(560,40,300,40);
  line(200,50,200,300);
  line(360,50,360,300);
  line(520,50,520,300);
  outtextxy(80,65,'Conduite');
  outtextxy(215,65,'Debit (litre/s)');
  outtextxy(400,65,'Sens');
  outtextxy(535,65,'Charge (m)');
  line(37,75,678,75);

  For i:=1 to p do
    with pipe2[i] do
      begin
        str(no,xst1);
        str(q1[i],xst2);
        str(no1,xst3);
        str(no2,xst4);
        str(energie[i],xst5);
        outtextxy(80,70+15*i,xst1);
        outtextxy(220,70+15*i,xst2);
        outtextxy(400,70+15*i,xst3+' -----> '+xst4);
        outtextxy(560,70+15*i,xst5);
      end;
  outtextxy(100,320,'Appuyez sur <Return> pour visualiser le reseau');
  readln;
  lecturedessin;
  clearviewport;
  cadregraphique;
  legende3;
  tracage;
  outtextxy(4,100,'Appuyez sur');
  outtextxy(4,150,' <Return> ');
  outtextxy(4,200,'pour sortir');
  readln;

  restorecrtmode;
end;
end.

```



```

UNIT MATHTOOLS;
(* Bibliothèque d'utilitaires mathématiques
   écrit par Kambika ZODI, polytechnicien *)
INTERFACE
Uses CRT,DOS,declar1;

FUNCTION puissance(a,b:real):real;
(*calcul la puissance b d'un nombre a(>0)*)
FUNCTION log(arg,base:real):real;
(*calcul le logarithme de a (base b) *)
PROCEDURE lswap(var a,b:integer);
PROCEDURE Rswap(var a,b:real);
(*permutation des deux nombres*)
FUNCTION tan(x:real):real;
(*tangente d'un nombre en radian*)
FUNCTION sinus(x:real):real;
(*sinus de x en degrés*)
FUNCTION cosinus(x:real):real;
(*cosinus de x en degrés*)
FUNCTION rad(nombdeg:real):real;
(*conversion degrés --> radians*)
FUNCTION deg(nombrad:real):real;
(*conversion radians --> degrés*)
PROCEDURE MOINDRES_CARREES(x,y:tab2; lowerbound,upperbound:integer;
                           var slope:real;
                           var intercept:real);
IMPLEMENTATION
function puissance;
var res1:real;
begin(*puissance*)
  if a>0 then
    begin
      res1:=exp(b*ln(a));
      puissance := res1;
    end
  else
    puissance:=0.0;
  end;(*puissance*)

function log;
var res2:real;
begin(*log*)
  res2:=ln(arg)/ln(base);
  log:=res2;
end;(*log*)

procedure lswap;
var temp:integer;
begin
  temp:=a;a:=b;b:=temp;
end;

procedure Rswap;
var temp:real;
begin
  temp:=a;a:=b;b:=temp;
end;

function tan;
var tan1:real;
begin
  tan1:=sin(x)/cos(x);
  tan:=tan1;

```

```

end;

function rad;
var rrad:real;
begin
  rrad:=pi*nombdeg/180;
  rad:=rrad;
end;

function deg;
var rdeg:real;
begin
  rdeg:=nombrad*180/pi;
  deg:=rdeg;
end;

function sinus;
var rsinus:real;
begin
  rsinus:=sin(rad(x));
  sinus:=rsinus;
end;

function cosinus;
var rcosinus:real;
begin
  rcosinus:=cos(rad(x));
  cosinus:=rcosinus;
end;

Procedure Moindres_carrees;
var
  index,num_elements :integer;
  x_sum,y_sum,xsquared_sum,xy_sum:real;
begin
  x_sum:=0.0;
  y_sum:=0.0;
  xsquared_sum:=0.0;
  xy_sum:=0.0;
  FOR index := lowerbound TO upperbound DO
    BEGIN
      x_sum:=x_sum+x[index];
      y_sum:=y_sum+y[index];
      xsquared_sum:=xsquared_sum+(x[index]*x[index]);
      xy_sum:=xy_sum+(x[index]*y[index]);
    END;
  num_elements:=abs(upperbound-lowerbound)+1;
  intercept:=(num_elements*xy_sum-x_sum*y_sum)/
    (num_elements*xsquared_sum-x_sum*x_sum);
  slope:=y_sum/num_elements-intercept*x_sum/num_elements;
end;

end.

```

```

PROCEDURE Gauss_Seidel(Dimen      : integer;
                      Coefficients : TNmatrix;
                      Constants    : TNvector;
                      Tol          : real;
                      MaxIter      : integer;
                      var Solution  : TNvector;
                      var Iter      : integer;
                      var Error     : byte);

-----
{-
{- Turbo Pascal Numerical Methods Toolbox
{- (C) Copyright 1986 Borland International.
{-
{-      Input: Dimen, Coefficients, Constants, Tol, MaxIter
{-      Output: Solution, Iter, Error
{-
{-      Purpose : Calculate the solution of a linear set of
{-                  equations using Gauss - Seidel iteration.
{-
{- User-defined Types : TNvector = array[1..TNArraySize] of real
{-                  TNmatrix = array[1..TNArraySize] of TNvector
{-
{- Global Variables : Dimen : integer;          Dimen of the square
{-                  matrix
{-                  Coefficients : TNmatrix; Square matrix
{-                  Constants    : TNvector; Constants of each equation
{-                  Tol          : real; Tolerance in answer
{-                  MaxIter      : integer; Maximum number of
{-                  iterations allowed
{-                  Solution     : TNvector; Unique solution to the
{-                  set of equations
{-                  Iter         : integer; Number of iterations
{-                  Error        : integer; Flags if something goes
{-                  wrong.
{-
{- Errors : 0: No errors;
{-          1: Iter >= MaxIter and matrix not
{-              diagonally dominant
{-          2: Iter >= MaxIter
{-          3: Dimen < 1
{-          4: Tol <= 0
{-          5: MaxIter < 0
{-          6: Zero on the diagonal of
{-              the Coefficients matrix
{-          7: Diverging
{-
{- Note: If the Gauss-Seidel iterative method is
{- applied to an underdetermined system of equations
{- (i.e. one of the equations is a linear
{- superposition of the others) it will converge
{- to a (non-unique) solution. The Gauss-Seidel
{- method is unable to distinguish between unique
{- and non-unique solutions.
{- If you are concerned that your equations
{- may be underdetermined, solve them with
{- Gaussian elimination (GAUSELIM.INC or
{- PARTPIVT.INC
{-
{- Version Date: 26 January 1987
-----

```

```

const
  TNNearlyZero = 1E-015;  ( If you get a syntax error here, you are )
                          ( not running TURBO-87. )
                          ( TNNearlyZero = 1E-015 if using the 8087 )
                          ( math co-processor. )
                          ( TNNearlyZero = 1E-07 if not using the 8087 )
                          ( math co-processor. )

```

```

var
  Guess : TNvector;

```

```

procedure TestInput(Dimen      : integer;
                   Tol        : real;
                   MaxIter    : integer;
                   var Coefficients : TNmatrix;
                   var Constants  : TNvector;
                   var Solution  : TNvector;
                   var Error     : byte);

```

```

(-----)
(- Input: Dimen, Tol, MaxIter      -)
(- Coefficients,                  -)
(- Constants                        -)
(- Output: Solution, Error        -)
(-                                -)
(- test the input data for errors -)
(- The procedure also finds the   -)
(- solution for the trivial case  -)
(- Dimen = 0.                     -)
(-----)

```

```

begin
  Error := 0;
  if Dimen < 1 then
    Error := 3
  else
    if Tol <= 0 then
      Error := 4
    else
      if MaxIter < 0 then
        Error := 5;
      if (Error = 0) and (Dimen = 1) then
        begin
          if ABS(Coefficients[1, 1]) < TNNearlyZero then
            Error := 6
          else
            Solution[1] := Constants[1] / Coefficients[1, 1];
        end;
      end;
    end; ( procedure TestInput )

```

```

procedure TestForDiagDominance(Dimen      : integer;
                               var Coefficients : TNmatrix;
                               var Error     : byte);

```

```

(-----)
(- Input: Dimen, Coefficients      -)
(- Output: Error                   -)
(-                                -)
(- This procedure examines the Coefficients matrix to see if it is -)
(- diagonally dominant. If it is, then the Gauss-Seidel iterative -)
(- method will converge to a solution of this system of equations; -)
(- if not, then convergence may not be possible with this method -)
(- and Error = 1 (which is a warning) is returned. If one of the -)
(- elements on the main diagonal of the Coefficients matrix is   -)
(- zero, then the matrix is singular and cannot be solved and    -)

```

```

{- Error = 6 is returned. In such a case, one of the direct      ->
{- methods for solving systems of equations (e.g. Gaussian      ->
{- elimination) should be used.                                 ->
{-----}

var
  Row, Column : integer;
  Sum : real;

begin
  Row := 0;
  while (Row < Dimen) and (Error < 2) do
  begin
    Row := Succ(Row);
    Sum := 0;
    for Column := 1 to Dimen do
      if Column <> Row then
        Sum := Sum + ABS(Coefficients[Row, Column]);
      if Sum > ABS(Coefficients[Row, Row]) then
        Error := 1; { WARNING! convergence may not be }
                   { possible because matrix isn't }
                   { diagonally dominant }
      if ABS(Coefficients[Row, Row]) < TNNearlyZero then
        Error := 6; { Singular matrix - can't be solved }
                   { by the Gauss-Seidel method. }
    end; { while }
  end; { procedure TestForDiagDominance }

procedure MakeInitialGuess(Dimen      : integer;
                           var Coefficients : TNmatrix;
                           var Constants  : TNvector;
                           var Guess     : TNvector);

{-----}
{- Input: Dimen, Coefficients, Constants      ->
{- Output: Guess                             ->
{-                                           ->
{- This procedure creates an initial approximation to the solution ->
{- by dividing the Constants terms by the corresponding terms     ->
{- on the main diagonal of the Coefficients matrix.              ->
{-----}

var
  Term : integer;

begin
  FillChar(Guess, SizeOf(Guess), 0);
  for Term := 1 to Dimen do
    if ABS(Coefficients[Term, Term]) > TNNearlyZero then
      Guess[Term] := Constants[Term] / Coefficients[Term, Term];
  end; { procedure MakeInitialGuess }

procedure TestForConvergence(Dimen      : integer;
                             var OldApprox : TNvector;
                             var NewApprox : TNvector;
                             Tol          : real;
                             var Done      : boolean;
                             var Product   : real;
                             var Error     : byte);

{-----}
{- Input: Dimen, OldApprox, NewApprox, Tol, Product      ->
{- Output: Done, Product, Error                         ->
{-                                                     ->
{- This procedure determines if the sequence of approximations ->

```

```

{- has converged. For convergence to occur, the relative difference -}
{- between each Term of OldApprox and NewApprox must be less than -}
{- the tolerance, Tol. If so, Done = TRUE is returned. -}
{- -}
{- This procedure also determines if the sequence of approximations -}
{- is diverging. Product records the total fractional change from -}
{- the initial guess to the current iteration. If Product is greater -}
{- than 1E20, then the sequence is assumed to have diverged. If so, -}
{- Error = 7 is returned. -}
{-----}

var
  Term : integer;
  PartProd : real;

begin
  Done := true;
  PartProd := 0;
  for Term := 1 to Dimen do
    begin
      if ABS(OldApprox[Term] - NewApprox[Term]) > ABS(NewApprox[Term] * Tol) then
        Done := false;
      if (ABS(OldApprox[Term]) > TNNearlyZero) and (Error = 1) then
        { This is part of the divergence test }
        PartProd := PartProd + ABS(NewApprox[Term] / OldApprox[Term]);
    end;
    Product := Product * PartProd / Dimen;
    if Product > 1E20 then
      Error := 7 { Sequence is diverging }
end; { procedure TestForConvergence }

procedure Iterate(Dimen      : integer;
                  var Coefficients : TNmatrix;
                  var Constants  : TNvector;
                  var Guess      : TNvector;
                      Tol      : real;
                      MaxIter   : integer;
                  var Solution   : TNvector;
                  var Iter       : integer;
                  var Error      : byte);

{-----}
{- Input: Dimen, Coefficients, Constants, Guess, Tol, MaxIter -}
{- Output: Solution, Iter, Error -}
{- -}
{- This procedure performs the Gauss-Seidel iteration and -}
{- returns either an error or the approximated solution and -}
{- the number of iterations. -}
{-----}

var
  Done : boolean;
  OldApprox, NewApprox : TNvector;
  Term, Loop : integer;
  FirstSum, SecondSum, Product : real;

begin { procedure Iterate }
  Product := 1;
  Done := false;
  Iter := 0;
  NewApprox := Guess;
  OldApprox := Guess;
  while (Iter < MaxIter) and not(Done) and (Error <= 1) do
    begin
      Iter := Succ(Iter);

```

```

for Term := 1 to Dimen do
begin
  FirstSum := 0;
  SecondSum := 0;
  for Loop := 1 to Term - 1 do
    FirstSum := FirstSum + Coefficients[Term, Loop] * NewApprox[Loop];
  for Loop := Term + 1 to Dimen do
    SecondSum := SecondSum + Coefficients[Term, Loop] * OldApprox[Loop];
  NewApprox[Term] := (Constants[Term] - FirstSum - SecondSum) /
    Coefficients[Term, Term];
end;
TestForConvergence(Dimen, OldApprox, NewApprox, Tol, Done, Product, Error);
OldApprox := NewApprox;
end; { while }
if (Iter < MaxIter) and (Error = 1) then
  Error := 0; { The sequence converged, }
  { disregard the warning }
if (Iter >= MaxIter) and (Error = 1) then
  Error := 1; { Matrix is not diagonally dominant; }
  { convergence is probably impossible }
if (Iter >= MaxIter) and (Error = 0) then
  Error := 2; { Convergence IS possible; }
  { more iterations are needed }
Solution := NewApprox;
end; { procedure Iterate }

begin { procedure Gauss_Seidel }
  TestInput(Dimen, Tol, MaxIter, Coefficients, Constants, Solution, Error);
  if Dimen > 1 then
  begin
    TestForDiagDominance(Dimen, Coefficients, Error);
    if Error < 2 then
    begin
      MakeInitialGuess(Dimen, Coefficients, Constants, Guess);
      Iterate(Dimen, Coefficients, Constants, Guess, Tol,
        MaxIter, Solution, Iter, Error);
    end;
  end;
end; { procedure Gauss_Seidel }

```

BIBLIOGRAPHIE

V.L.Streeter and E.B.Wylie, "FLUID MECHANICS",

MacGraw-Hill KOGAKUSHA, LTD , 1975

S.J. Michel, "FLUIDS AND PARTICLE MECHANICS"

1970 PERGAMONON PRESS LTD, Library of congress

A.FOX, "ENGINEERING FLUID MECHANICS"

MacMillan press LTD.

R.L. DAUGHERTIN, J.B FRANZINI, "FLUIDS MECHANICS WITH ENGINEERING
APPLICATIONS"

MacGraw-Hill KOGAKUSHA LTD

B.CARNAHAN, H.A.LUTHER, J.O.WILKES, "APPLIED NUMERICAL METHODS"

John Wiley & sons, Inc

SHAN S.KUO, "COMPUTER APPLICATIONS OF NUMERICAL METHODS"

Addison, Wesley Publishing Company

Borland Software, "TURBO PASCAL REFERENCE MANUAL"

K.JAMSA & S.NAMEROFF, "TURBO PASCAL Programmer's LIBRARY"

Borland-Osborne/McGraw-Hill

JEFF DUNTERMAN, "COMPLETE TURBO PASCAL"

Scott, Foresman and Company

DON J. WOOD, "COMPUTER ANALYSIS OF FLOW IN PIPE NETWORKS"

(USER'S MANUAL")

University of Kentucky, DPT of Civil Engineering

HERBERT SCHILDT, "ADVANCED TURBO PASCAL"

Borland-Osborne/mcGraw-Hill

AMADOU SARR, "COURS DE MECANIQUE DES FLUIDES II"

Ecole Polytechnique de THIES, 1988

J.C BERNARD,R.GUARDO,J.LAVOIE,P.SAVARD "INFORMATIQUE I"

,Notes de cours

Ecole Polytechnique de Montreal,Spt 1988

K.JENSEN,N.WIRTH, "PASCAL ,Manuel de l'utilisateur et

Rapport de Définition

EYROLLES 1987